



## دانشکده مهندسی برق و رباتیک

پایان نامه کارشناسی ارشد مهندسی کنترل

# مدلسازی و کنترل فازی مقاوم برای پایدارسازی

# سکوی سه درجه آزادی

نگارنده :

شهرام نجفى

استاد راهنما :

دكتر محمد حداد ظريف

بهمن ۱۳۹۵

# دانشگاه صنعتی شاهرود

دانشکده مهندسی برق و رباتیک گروه کنترل

پایان نامه کارشناسی ارشد آقای شهرام نجفی

تحت عنوان:

مدلسازی و کنترل فازی مقاوم برای پایدارسازی سکوی سه درجه آزادی

در تاریخ ....... توسط کمیته تخصصی زیر جهت اخذ مدرک کارشناسی ارشد مورد ارزیابی و با درجه .......... مورد پذیرش قرار گرفت.

امضاء	اساتید مشاور	امضاء	اساتيد راهنما
	نام و نام خانوادگی:		نام و نام خانوادگی:
	نام و نام خانوادگی:		نام و نام خانوادگی:

امضاء	نمایندگی تحصیلات تکمیلی	امضاء	اساتيد داور
	نام و نام خانوادگی:		نام و نام خانوادگی:
			نام و نام خانوادگی:
			نام و نام خانوادگی:
			نام و نام خانوادگی:

تقديم به

پدر و مادر عزیزم که رسم زندگی به من آموختند

برادر و خواهران مهربانم که در تمام مراحل زندگی مشوقم بودهاند.

# سپاس گزاری:

شکر شایان نثار ایزد منان که توفیق را رفیق راهم ساخت تا این پایاننامه را به پایان برسانم. از استاد محترم جناب آقای **دکتر محمد حداد ظریف** که در تمام مراحل پایاننامه مرا یاری نمودند و از هیچ کمکی در این عرصه بر من دریغ ننمودند کمال تقدیر و تشکر را دارم.

همچنین از جناب آقای **دکتر علی اکبر زاده کلات** و جناب آقای **دکتر امیر حسین نایبی آستانه** به دلیل قبول زحمت بازخوانی و داوری این پژوهش،کمال قدردانی را دارم.

در پایان از همه دوستانی که مرا از یاری و کمک بی دریغ خویش بهرهمند ساختند، به ویژه آقای مهندس مهدی دری، دکتر آصف درویشی،مهندس معین نادری،مهندس مهدی عزتی نسب،مهندس افشین افراز، ، مهندس منصور طیبی فر، و سرکار خانم رویا سبزی کمال تشکر و قدردانی را دارم.

## تعهد نامه

اینجانب شهرام نجفی دانشجوی دوره کارشناسی ارشد رشته مهندسی برق کنترل دانشکده مهندسی برق و رباتیک دانشگاه صنعتی شاهرود نویسنده پایان نامه مدلسازی و کنترل فازی مقاوم برای پایدارسازی سکوی سه درجه آزادی تحت راهنمائی دکتر محمد حداد ظریف متعهد می شوم.

- تحقیقات در این پایان نامه توسط اینجانب انجام شده است و از صحت و اصالت برخوردار است.
  - در استفاده از نتایج پژوهشهای محققان دیگر به مرجع مورد استفاده استناد شده است.
- مطالب مندرج در پایان نامه تاکنون توسط خود یا فرد دیگری برای دریافت هیچ نوع مدر ک یا امتیازی
   در هیچ جا ارائه نشده است.
  - کلیه حقوق معنوی این اثر متعلق به دانشگاه صنعتی شاهرود می باشد و مقالات مستخرج با نام « دانشگاه صنعتی شاهرود » و یا «Shahrood University of Technology» به چاپ خواهد رسید.
  - حقوق معنوی تمام افرادی که در به دست آمدن نتایج اصلی پایان نامه تأثیر گذار بوده اند در مقالات مستخرج از پایان نامه رعایت می گردد.
  - در کلیه مراحل انجام این پایان نامه ، در مواردی که از موجود زنده ( یا بافتهای آنها ) استفاده شده است ضوابط و اصول اخلاقی رعایت شده است.
  - در کلیه مراحل انجام این پایان نامه، در مواردی که به حوزه اطلاعات شخصی افراد دسترسی یافته یا استفاده شده است اصل رازداری ، ضوابط و اصول اخلاق انسانی رعایت شده است .

تا*ر*یخ :

امضای دانشجو :

مالکیت نتایج و حق نشر

 کلیه حقوق معنوی این اثر و محصولات آن (مقالات مستخرج، کتاب، برنامه های رایانه ای، نرم افزار ها و تجهیزات ساخته شده است) متعلق به دانشگاه صنعتی شاهرود می باشد. این مطلب باید به نحو مقتضی در

چکیدہ:

در این پایان نامه روش کنترل فازی مقاوم برای یک صفحه پایدار ژیروسکوپی سه محوره ارائه شده است. این صفحه پایدار تحت تأثیر اغتشاشات اعمالی به پایه حامل خود قرار دارد. روش کنترل فازی مقاوم به دلیل عملکرد ردیابی مقاوم، تضمین پایداری و پاسخ با دقت بالا مطرح شده است. کنترل کننده فازی یک کنترل کننده مؤثر برای کنترل عدم قطعیت در سیستم های غیرخطی است. در بخش اول به مدلسازی و ارائه معادلات حرکت پایدارکننده با در نظر گرفتن ژیروسکوپهای مکانیکی و غیرمکانیکی پرداخته شده است. در بخش بعد کنترل کننده آل ارائه شده است. در ادامه برای اطمینان از دستیابی به ردگیری و حذف اغتشاشات ، به مقایسه کنترل کننده فازی مقاوم ارائه شده با کنترل کننده را به ردگیری و حذف اغتشاشات ، به مقایسه کنترل کننده فازی مقاوم ارائه شده درستی روش کنترل با تحلیل پایداری و نتایج شبیه سازی تائید میگردد.

**کلمات کلیدی:** پایدار کننده ژیروسکوپی، صفحات پایدار، کنترل تناسبی-انتگرالی-مشتقی، کنترل فازی مقاوم، عدم قطعیت.

### فهرست مطالب:

<i>فصل اول</i> ۱
1-1: مقدمه:
۲–۱: دسته بندی پایدار کننده های ژیروسکوپی۶
1-2-1: دسته بندی بر اساس تعداد درجات آزادی
۲-2-2: دسته بندی بر اساس نوع پایدارسازی۸
۱–۳: موارد استفاده پایدارکننده ها۱۰ ۲–۳: موارد استفاده پایدارکننده ها
۱–۴: مرور مراجع و کارهای انجام شده۱۲۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰
فصل دوم:۵۱
۲-۱: سیستم های مختصات و روابط سینماتیکی:۱۶
۲-۱-۱: سينماتيک پلتفرم:
۲-۲: معادلات حرکت غیرخطی پایدار کننده ژیروسکوپی سه محوه:
۲–۳: معادلات وضعیت سیستم قابها با وجود حرکت پایه:۱۹
۲-۴: معادلات حرکت سیستم پایدار کننده سه محوره :۲۰
۲-۴-۲: معادلات محور خروجی جایروها :۲۰
۲-۴-۲گشتاور عکس العملی جایرو به پلتفرم:۲۱
۲-۵: معادلات دینامیکی قابهای پایدار کننده سه محوره:۲
۲-۵-۲:معادلات حرکت پلتفرم:
۲-۵-۲: معادلات حرکت قاب داخلی:
۲-۵-۲: معادلات حرکت قاب خارجی

فصل سوم۲۷
۲۸۱–۳ :مقدمه: ۱–۳
۲-۳: طراحی کنترل کننده PID
۳-۳ :طراحی کنترل کننده PID با ضرایب جدید۳۷
۳-۴: نتیجه گیری:
فصل چهارم
4-1؛ مقدمه:
۴-۲ طراحی کنترل کننده فازی مقاوم۴۵
۴۵-۲-۲-۱طراحی کنترل کننده برای کنترل زاویه نسبی بین قاب خارجی و پایه:
۴-۲-۲: طراحی کنترل کننده برای کنترل زاویه نسبی بین قاب خارجی و داخلی:
۴-۲-۴: طراحی کنترل کننده برای کنترل زاویه نسبی بین قاب داخلی و پلتفرم:
۴–۳-شبیه سازی کنترل کننده فازی مقاوم۴
فصل پنجم:
۵-۱: نتیجه گیری:
۲-۵: پیشنهادات: ۲۰۰۰
مراجع

#### فهرست جداول:

79	جدول (۳-۱): پارامترهای پایدار کننده ژیروسکوپی
۳۱	جدول (۲-۳): پارامترهای کنترل کننده PID
۳۷	جدول (۳-۳): پارامترهای کنترل کننده PID
۴۹	جدول (۴-۱): قوانین فازی

شكل (۱-۱): ژيروسكوپ۲
شکل (۲-۱): ژیروسکوپ لیزری۳
شکل (۱-۳): ژیروسکوپ فیبر نوری۴
شکل (۱-۴): سکو پایدار کننده ژیروسکوپی تک محوره [۲]۶
شکل (۱-۵): سکوی پایدار کننده ژیروسکوپی دو محوره[3]۷
شکل (۱-۶): پایدار کننده ژیروسکوپی سه محوره [6]۸
شکل (۱-۷): یک جایرو آزاد در نقش یک پایدار کننده غیرفعال۹
شکل (۱-۸) : پایدار کننده حرکت چرخش طولی قایق۹
شکل (۱-۹): پایدارکننده ژیروسکوپی فعال
شکل (۱۰-۱۰): چند روش استفاده از پایدار کننده های ژیروسکوپی
شکل (۲-۱): ساختار پایدار کننده سه محوره ۱۶
شکل (۲-۱): بلوک دیاگرام کنترل کننده PID
شکل (۳-۳): اغتشاش اعمالی
شکل (۳-۳): زاویه نسبی بین قاب خارجی و پایه ۳۲
شکل (۳-۴): زاویه نسبی بین قاب خارجی و داخلی۳۳
شکل (۳-۵): زاویه نسبی بین قاب داخلی و سکو۳۳
شکل (۳-۶): گشتار اعمالی به قاب خارجی۳۴
شکل (۳-۷): گشتاور اعمالی به قاب میانی ۳۴
شکل (۳-۸): گشتاور اعمالی به قاب داخلی ۳۵
شکل (۳-۹): سرعت زاویهای مطلق سکو حول محور X

٣۶	شکل (۳-۱۰): سرعت زاویهای مطلق سکو حول محور ۲
٣۶	شکل (۳-۱۱): سرعت زاویهای مطلق سکو حول محور Z
٣٨	شکل (۳-۱۲): زاویه نسبی بین قاب خارجی و پایه
٣٨	شکل (۳-۱۳): زاویه نسبی بین قاب خارجی و داخلی
٣٩	شکل (۳-۱۴): زاویه نسبی بین قاب داخلی و سکو
٣٩	شکل (۳-۱۵): گشتار اعمالی به قاب خارجی
۴.	شکل (۳-۱۶): گشتاور اعمالی به قاب میانی
۴.	شکل (۳-۱۷): گشتاور اعمالی به قاب داخلی
41	شکل (۳-۱۸): سرعت زاویهای مطلق سکو حول محور X
41	شکل (۳-۱۹): سرعت زاویهای مطلق سکو حول محور ۲
41	شکل (۳-۲۰): سرعت زاویهای مطلق سکو حول محور Z
41	شکل (۴-۱): توابع تعلق ورودی $\phi$
۵۶	شکل (۴-۲): توابع تعلق ورودی <i>θ</i>
۵١	شکل (۴-۳): زاویه نسبی بین قاب خارجی و پایه
۵۸	شکل (۴-۴): زاویه نسبی بین قاب خارجی و داخلی
۵۸	شکل (۴-۵): زاویه نسبی بین قاب داخلی و سکو
۵٩	شکل (۴-۴): گشتاور اعمالی به قاب خارجی
۵٩	شکل (۴-۷): گشتاور اعمالی به قاب میانی
۶.	شکل (۴-۸): گشتاور اعمالی به قاب داخلی
۶.	شکل (۴-۹): سرعت زاویه ای مطلق سکو حول محور x
۶١	شکل (۴-۱۰): سرعت زاویه ای مطلق سکو حول محور ۲
۶١	شکل (۴-۱۱): سرعت زاویه ای مطلق سکو حول محور Z

۶۲	شکل (۴-۱۲): پارامترهای تطبیق $Y$ برای کنترل کننده $\phi$
۶۲	شکل (۴-۱۳): : پارامترهای تطبیق $Y$ برای کنترل کننده $\psi$
۶٣	شکل (۴-۱۴): پارامترهای تطبیق ۲ برای کنترل کننده θ
۶۴	شکل (۴-۱۵): زاویه نسبی بین قاب خارجی و پایه
۶۴	شکل (۴-۱۶): زاویه نسبی بین قاب خارجی و داخلی
۶۵	شکل (۴-۱۷): زاویه نسبی بین قاب داخلی و سکو
۶۵	شکل (۴-۱۸): گشتاور اعمالی به قاب خارجی
<i></i> 99	شکل (۴-۱۹): گشتاور اعمالی به قاب میانی
99	شکل (۴-۲۰): گشتاور اعمالی به قاب داخلی
۶۷	شکل (۴-۲۱): سرعت زاویه ای مطلق سکو حول محور x
۶۷	شکل (۴-۲۲): سرعت زاویه ای مطلق سکو حول محور ۲
۶٨	شکل (۴-۲۳): سرعت زاویه ای مطلق سکو حول محور Z
۶٩	شکل (۴-۲۴): اغتشاش اعمالی
۶٩	شکل (۴-۲۵): زاویه نسبی بین قاب خارجی و پایه حاصل از اعمال کنترل کننده فازی مقاوم
٧٠	شکل (۴-۲۶): زاویه نسبی بین قاب خارجی و پایه
٧٠	شکل (۴-۲۷): زاویه نسبی بین قاب خارجی و داخلی حاصل از اعمال کنترل کننده فازی مقاوم
۷١	شکل (۴-۲۸): زاویه نسبی بین قاب خارجی و داخلی
۷١	شکل (۴-۲۹): زاویه نسبی بین قاب داخلی و سکو حاصل از اعمال کنترل کننده فازی مقاوم
۷۲	شکل (۴-۳۰): زاویه نسبی بین قاب داخلی و سکو
۷۲	شکل (۴-۳۱): گشتاور اعمالی به قاب خارجی
۲۷	شکل (۴-۳۲): گشتاور اعمالی به قاب میانی
۷٣	شکل (۴-۳۳): گشتاور اعمالی به قاب داخلی

٧۴	للق سکو حول محور x	۳۴): سرعت زاویه ای مم	شکل (۴-۴
٧۴	للق سکو حول محور <i>Y</i>	۳۵): سرعت زاویه ای مع	شکل (۴-۵
۷۵	للق سكو حول محور Z	۳۶): سرعت زاویه ای مط	شکل (۴-۶
۷۵	$\phi$ برای کنترل کننده $Y$	۳۱): پارامترهای تطبیق	شکل (۴-/
٧۶	$\psi$ برای کنترل کننده $Y$	۳۷) : پارامترهای تطبیق	شکل (۴-۱
٧۶	heta برای کنترل کننده $Y$	۳۵): پارامترهای تطبیق	شکل (۴-۱

# فصل اول مقدمه

۱-۱ مقدمه:

ژیروسکوپ وسیله ای برای اندازه گیری و یا حفظ جهت میباشد که از اصل بقای تکانهی زاویهای استفاده میکند. ژیروسکوپ عضو اصلی سامانههای هدایت اینرسی هست. یک ژیروسکوپ مکانیکی همیشه یک چرخ یا دیسک چرخنده با محور آزاد دارد که میتواند در هر جهتی قرار گیرد.



شکل (۱-۱): ژیروسکوپ

امروزه ژیروسکوپها کاربردهای متنوعی دارند که از جمله آن میتوان به کاربرد آن در هدایت کشتیها ، هواپیماها، فضاپیماها و ...، زمانی که قطبهای مغناطیسی کار نمیکنند و یا به اندازه کافی دقیق نیستند، حفظ جهت در معدن و نیز تلفنهای همراه اشاره کرد. تقسیم بندی ژیروسکوپ ها از جهات مختلف صورت میگیرد که از جمله آن میتوان به تقسیم بندی بر اساس درجه آزادی، نوع تعلیق، نوع وظیفه و طریقه نصب بر روی متحرک ، بر اساس مکانیزم عملکرد و ... اشاره نمود. در تقسیم بندی بر اساس مکانیزم عملکرد میتوان به:

#### ژیروسکوپهای تنظیم دینامیکی:

این نوع ژیروسکوپ بر اساس اندازه حرکت زاویه ای عمل می کند و عامل اصلی دوران در آن یک موتور الکتریکی است. این ژیروسکوپ ها از نظر ابعاد بسیار کوچک و سبک هستند. این نوع دارای قابلیت اطمینان و دقت بالایی می باشند ولی یک اشکال کوچک در آنها، در تعیین وضعیت ایجاد اشتباه می کند

و با گذشت زمان این خطا بیشتر میشود.

ژیروسکوپهای لیزری:

در این نوع از دو پرتو نور لیزر در یک مسیر بسته و در دو جهت مخالف استفاده می شود و جهت ایجاد حرکت خطی یا زاویه ای از هیچ جسم متحرکی استفاده نمی شود. از مزایای آن می توان به قابلیت اطمینان بیشتر، دامنه دینامیکی وسیع تر ، مقاومت خوب در مقابل شتاب های زیاد و زمان راه اندازی بسیار کوتاه اشاره کرد و در مقابل از معایب آن می توان به گران بودن، مشکلات مونتاژ، بزرگی آن نسبت به جایروهای مکانیکی و نیاز به ولتاژ بالا اشاره کرد. یک نمونه از آن در زیر آمده است.



شکل (۲-۱): ژیروسکوپ لیزری

ژیروسکوپهای فیبر نوری:

این نوع، تحقق آخرین اندیشههای بشر در ساخت ژیروسکوپ است. در این نوع ژیروسکوپ بر خلاف ژیروسکوپهای حلقه لیزری، به جای استفاده از آینهها از کویلهای فیبر نوری استفاده می شود. و به علت حجم کم فیبر نوری دارای ابعادی کوچک، میزان حساسیت بالا، عمر طولانی و ارزان میباشد. در زیر نمونه ای از این نوع ژیروسکوپ را نمایش میدهیم:[2] ,[1]



شکل (۱-۳): ژیروسکوپ فیبر نوری

در تقسیم بندی ژیروسکوپها بر اساس نوع کاربرد و طیف فرکانس حرکات ورودی میتوان به:

ژیروسکوپ های هدایت و ناوبری:

وظیفه این ژیروسکوپها ایجاد امتداد معین در فضای اینرسی است. از مزایای آن میتوان به دقت بالا، حساسیت بالا در حس کردن ورودیهای کم و ناچیز اشاره کرد. از کاربردهای این ژیروسکوپ میتوان به کاربرد در هواپیما، بالگرد، موشکهای دور برد و هدایت و ناوبری اشاره کرد.

#### ژیروسکوپهای کنترل و پایداری:

وظیفه این ژیروسکوپها دریافت و کنترل حرکات زاویه ای متحرک است. از مزایای این نوع ژیروسکوپ می توان به قابلیت پاسخ مطلوب تر به فرکانسهای بالا نسبت به نوع قبل اشاره کرد. از کاربرد این ژیروسکوپها می توان به استفاده از آنها در موشکها و اژدرها اشاره کرد. و همچنین می توان به :

ژیروسکوپهای ردگیری و هدفیابی:

ژیروسکوپهای آنالیز اطلاعات پروازی:

و ... اشاره کرد.

بدین ترتیب در قرن حاضر علم ژیروسکوپها، که تلفیقی از تئوری و دانش ساخت آنها میباشد، توسعه فراوانی یافت و کاربردهای بسیار مهمی پیدا کرد. تجهیزات و وسایلی که جهت پایدارسازی و کنترل وضعیت مورد استفاده قرار می گیرند و در آنها از ژیروسکوپ به عنوان حسگر استفاده می شود پایدار کنندههای ژیروسکوپی گفته می شود.

پایدارکنندههای ژیروسکوپی در انواع یک، دو و سه محوره طراحی و تولید میشوند. که میتوان کامل ترین نوع آن را پایدار کننده ژیروسکوپی سه محوره معرفی کرد که در این پایان نامه به بررسی و طراحی کنترل کننده جهت آن میپردازیم. این سیستم به دلیل داشتن معادلات غیرخطی ، نامعینی ساختاری و تداخل با پیچیدگی در طراحی کنترل کننده روبرو است. از کاربردهای این پایدار کنندههای ژیروسکوپی میتوان به پایدارسازی دوربین در فیلم برداری یا عکس برداری زمینی و هوایی، رادارها، وسایل ناوبری، پایدار سازی جهت ردگیری اهداف و آنچه روی یک حامل متحرک قرار گرفته، اشاره کرد.. [۳]و [۴].

- ۲-۱ دسته بندی پایدار کنندههای ژیروسکوپی
  - ۱-۲-۱ دسته بندی بر اساس تعداد درجات آزادی

الف- پایدارکننده ژیروسکوپی یک محوره

در پایدار کنندههای ژیروسکوپی تک محوره کنترل و پایداری تنها حول یک محور انجام می شود و چرخش تنها حول یک محور صورت می گیرد. در مقاله [۵] با استفاده از کنترل کنندههای تناسبی-مشتقی-انتگرالی آبشاری (Cascade PID) به بررسی و پایداری پایدار کننده ژیروسکوپی یک محور پرداخته است. شکل زیر پایدارکننده ژیروسکوپی یک محوره را نشان می دهد.



شکل (۱-۴): سکو پایدار کننده ژیروسکوپی تک محوره [۲]

ب- پایدار کننده ژیروسکوپی دو محوره:

در پایدار کننده ژیروسکوپی دو محوره به بررسی و پایداری دو محور از جسم پرداخته می شود. شکل زیر پایدار کننده ژیروسکوپی دو محوره را نشان می دهد. در مقاله [3] سیستم گیمبال دو درجه آزادی معرفی شده است. جهت بررسی و ایزوله کردن جسم از حرکت زاویهای و لرزش مبنا از کنترل کننده فازی تناسبی-انتگرالی-مشتقی استفاده شده است. در ادامه جهت مقایسه نتایج کنترل کننده اعمالی به سیستم از کنترل کننده تناسبی-انتگرالی بهره گیری شده است.



شکل (۱-۵): سکوی پایدار کننده ژیروسکوپی دو محوره[3]

ج: پایدارکننده ژیروسکوپی سه محوره:

در پایدارکننده ژیروسکوپی سه محوره، به بررسی و پایداری هر سه محور از جسم در فضا میپردازیم. شکل زیر پایدارکننده ژیروسکوپی سه محوره را نشان میدهد. پایدارکنندههای ژیروسکوپی ۳ محوره بر اساس نوع ساختار به دو دسته پایدارکنندههای ژیروسکوپی با صفحه پایدار و پایدارکنندههای ژیروسکوپی بدون صفحه پایدار تقسیم میشوند که هرکدام دارای مزایا و معایبی میباشند.



شکل (۱-۱): پایدار کننده ژیروسکوپی سه محوره [6]

۱-۲-۲ : دستهبندی بر اساس نوع پایدارسازی در دسته بندی پایدار کنندههای ژیروسکوپی بر اساس نوع پایدار سازی میتوان آنها را به دو نوع غیر فعال و فعال تقسیم بندی نمود.

الف- پايدار كننده ژيروسكوپي غيرفعال

به پایدار کنندههای ژیروسکوپی که گشتاور مزاحم خود را با تولید گشتاور ژیروسکوپی خنثی میکنند یک پایدار کننده ژیروسکوپی غیرفعال گویند.که در شکل (۱-۲) و شکل (۱-۸) آمده است.



شکل (۱-۲): یک جایرو آزاد در نقش یک پایدار کننده غیرفعال



شکل (۱-۸) : پایدار کننده حرکت چرخش طولی قایق

ب- پایدارکننده ژیروسکوپی فعال

جهت بهبود ژیروسکوپ نوع قبل، یک گشتاورساز از طریق مدار فیدبک در ایجاد پایداری به ژیروسکوپ

کمک میکند که در این صورت یک پایدار کننده ژیروسکوپی فعال خواهیم داشت.



شکل (۱-۹): پایدارکننده ژیروسکوپی فعال

#### ۳-۱ موارد استفاده پایدارکنندهها

با توجه به نیازهای به وجود آمده در تصویر برداری با زوم بالا، کیفیت و دقت تصاویر از اهمیت بسیاری برخوردار میشود. از اینرو لزوم پایدار سازی اینرسی دوربینها مطرح میشود. با توجه به پیشرفت صنعت سینما ، فیلم برداری حرفهای در آن از اهمیت بسزایی برخوردار است. لذا جهت برداشت پلان-های خاص که در آن سوژه در حال حرکت است و جهت فیلم برداری در مسیرهای طولانی استفاده از پایدارکنندههای ژیروسکوپی از اهمیت بسزایی برخوردار است. در شکل زیر نمونههایی از کاربردهای پایدارساز آمده است.





شکل (۱۰-۱): چند روش استفاده از پایدار کنندههای ژیروسکوپی

#### ۴-۱ مرور مراجع و کارهای انجام شده

در راستای انجام این پروژه به بررسی و مرور فعالیتها و کارهای گذشتگان می پردازیم. کاربردهای زیادی برای سکوی پایدار تعریف شده است. در مقاله [7] از سکوی پایدار جهت کنترل مدولاسیون دوار قلم حفاري (MRST) استفاده شده است. روش كنترلي ارائه شده ، كنترل كننده تناسبي -انتگرالي-مشتقی (PID) و کنترل کننده فازی تطبیقی میباشد که در انتها به مقایسه پاسخ سیستم پرداخته است. نتایج شبیه سازی نشان میدهد که روش کنترلی PID فقط در نقطه کار، زمینه را برای سیستم کنترل فراهم میکند، اما استفاده از الگوریتم کنترل فازی میتواند سازگاری پارامترهای سیستم را به صورت آنلاین در پاسخ سیستم به حذف کردن شرایط تداخل گوناگون مته کاری، تطبیق با غیرخطی بودن و عدم قطعیت متغیر با زمان یک اثر کنترلی مؤثر را دار باشد. در [8] به بررسی سیستم کنترل فازی در حل مشکل کنترل سکوی پایدار پرداخته است. در این مقاله بر روی کاربردهای تکنیک کنترل فازی (فازی نوع یک و نوع دو ) و فرم هیبرید آن در محدوده وسیعی از پایداری سکو توجه شده و فقط بیان نتایج و آمده است. در مقاله [9] به بررسی کنترل مقاوم برای صفحه پایدار ژیروسکوپی و کاربرد آن در حفاری پرداخته شده است. استراتژی کنترل کننده مد لغزشی –عصبی – تطبیقی معرفی شده است که کنترل کننده مد لغزشی برای تضمین مقاوم بودن سیستم مطرح شده است. که حد بالای عدم قطعیت به وسیله شبکه عصبی آر بی اف برای تقریب غیرخطی حد بالای عدم قطعیت تطبیق می یابد. و لرزش به وسيله روش كنترلي مد لغزشي گوسي كاهش مي يابد. سرانجام الگوريتم بهينه ازدحام ذرات برای مشخص کردن پارامترهای کنترل به صورت بهینه شامل پارامترهای تطبیق و وزن شبکه عصبی و ... استفاده شده است.و در انتها نتایج شبیه سازی تضمین میکند که استراتژی کنترل مطرح شده عملکرد بهینه و مقاوم را برای صفحه پایدار به همراه دارد. در مقاله [10] کنترل کننده تناسبی – انتگرالی – مشتقی پیشرفته با استفاده از الگوریتم فازی برای صفحه پایدار ارائه شده است. رفتار ديناميكي سيستم ژيروسكوپي در برابر اغتشاش خارجي در مقاله [11] مورد بررسي قرار گرفته است. الگوریتم کنترل تطبیقی و کنترل بنگ - بنگ برای کنترل اثر آشوبی آن مطرح شده است. و در نهایت

هماهنگ سازی آشوب در ژیروسکوپ ها مورد بررسی قرار گرفته است. در مقاله [12] به بهبود دقت سیستم اینرسی صفحه پایدار سه محوره با استفاده از تنظیم دینامیکی ژیروسکوپ و با استفاده از روش های کنترل ساختار متغیر پرداخته شده است. روش کنترلی مد لغزشی برای سیستم پایدار ساز سه محوره اعمال شده است. استراتژی کنترل مد لغزشی برای پایدار سازی صفحه اینرسی سه درجه عملکرد مطلوبی را ارائه کرده است. در مقاله [13] بر اساس مینمم کردن انتگرال زمانی از شاخص قدرمطلق خطا یک کنترل کنندهPI مقاوم جهت دستیابی به عملکرد و دقت مطلوب در پایدارسازی سیستم تثبیت خط دید ارائه شده است. در مقاله [14] به طراحی و کنترل حرکت صفحه دو درجه آزادی پرداخته شده است. مدل ریاضی پلتفرم ژیروسکوپی سه جزئی بر روی پلتفرم در حال حرکت به وسیله موتور در مقاله [15] بررسی شده است. کنترل نرم افزاری پلتفرم با استفاده از روش LQR مطرح شده است. در مقاله [16] مدلسازی دینامیکی یک صفحه پایدار ژیروسکوپی سه محوره با لحاظ کردن حركات زاویهای جسم حامل با استفاده از كنترل كنندههای خطی PID و LQR شبیه سازی و بررسی شده است. در مقاله [5] مکانیزم جیمبال تک محوه مورد بررسی قرار گرفته است و جهت پایدار سازی کنترل کننده تناسبی- انتگرالی و مشتقی ارائه شده است. در مقاله [6] مدلسازی دینامیکی و كنترل صفحه پايدار براي آنتن كشتي ارائه شده است. از نرم افزار سوليد وورك براي توليد قطعات مکانیکی به کار رفته شامل مکانیک سروو برای هر بخش استفاده شده است . در این مقاله در ابتدا از کنترل کننده تناسبی- انتگرالی- مشتقی استفاده شده است و در ادامه از کنترل کننده تاکاگی سوگنو فازی استفاده شده است. هدف مقاله [17] معرفی جیمبال دو درجه میباشد. روش کنترلی ارائه شده در این مقاله کنترل کننده تناسبی – انتگرالی – مشتقی نوع فازی میباشد. مرجع [۱۸]با استفاده از روش شناسایی با روش حداقل مربعات خطای بازگشتی و خطای پیشبین به طراحی سیستم کنترل خطی برای صفحه پایدار جستجوگر دو درجه آزادی پرداخته است. مرجع[19] مسئله ردگیری جسم متحرك با استفاده از یک دوربین متحرک که نیازمند یک صفحه فوق العاده پایدار بوده و توسط یک الگوریتم کنترل مقاوم کنترل شده را بررسی نموده است. در این مقاله به مدلسازی و تخمین ۲ درجه

آزادی صفحه پایدار با استفاده از روش حداقل مربعات پرداخته شده است. در مرجع [20] برای سیستم ناوبری اینرسی بدون صفحه پایدار به بررسی و استخراج یک الگوریتم جدید برای یک ماهواره بر پرداخته است.

در مرجع [۱۲] طرح کنترل مودلغزشی برای یک صفحه پایدار سه درجه آزادی اینرسی جهت افزایش دقت آن پرداخته و با کنترل کنندههای خطی تخمین مقایسه شده است . در مرجع [۲۱] به کنترل یک صفحه پایدار به کمک کنترل کننده تطبیقی معکوس پرداخته شده است. مرجع [۲۲] پایداری و دینامیک آشفته موجود در یک ژیروسکوپ نرخی تک محوره که شامل یک حلقه کنترلی پسخور خطی میباشد را مورد بررسی قرار داده است. در مقاله [22] حرکت گذرا و حالت ماندگار قابهای پایدارشونده توسط ژیروسکوپ غیرخطی کنترل پذیر که جهت پایدارسازی یک جسم خارجی مورد استفاده قرار گرفته بررسی شده است. در مرجع [24] با استفاده از یک کنترل کننده تناسبی – انتگرالی یک سیستم پایدار شده ژیروسکوپی الکتریکی-نوری را تحلیل نموده است. در مرجع[25] به بررسی سیستمهای رهگیر دوربینهای کوچک نصب شده بر روی وسایل متحرک در یک محیط با اغتشاش پرداخته شده است. هدف سیستم دوربین رهگیر، پایداری دوربین و ردگیری هدف بصورت لحظهای میباشد. در مرجع [26] سیستم کنترل زاویهای جدیدی بر پایه ژیروسکوپهای کنترل زاویهای مورد بررسی قرار گرفته است. ابعاد این وسیله بیانگر مزیت استفاده از آن میباشد.

# استخراج معادلات ديناميكي پايدار كننده

فصل دوم:

# ژیروسکوپی سه محوره

**۱-۲** : سیستمهای مختصات و روابط سینماتیکی:

در این فصل به استخراج و بررسی معادلات دینامیکی خواهیم پرداخت و جهت دستیابی به معادلات دینامیکی سیستم از مرجع [27]و [28] استفاده شده است. پایدار کننده سه محوره دارای ساختاری شامل پلتفرم، قاب داخلی، قاب خارجی و پایه میباشد. شکل (۲-۱): ساختار پایدار کننده سه *محوره* را به صورت کلی نشان میدهد .[27]



شکل (۲-۱): ساختار پایدار کننده سه محوره

#### ۲-۱-۱ : سينماتيک پلتفرم:

اگر یک سرعت زاویهای دلخواه Ωَ به پایه وارد شود این سرعت زاویهای در مختصات پایه به صورت زیر بیان میشود:

$$\vec{\Omega}^{c} = \begin{bmatrix} \omega_{cx} \\ \omega_{cy} \\ \omega_{cz} \end{bmatrix}$$
(1-7)

روابط سینماتیک زیر برای پلتفرم نوشته شدهاند:

$$\vec{\Omega} = \omega_{cp} \tag{(Y-Y)}$$

$$=\vec{\omega}_{co}+\vec{\omega}_{oI}+\vec{\omega}_{Ip}\ \vec{\omega}_{cp} \tag{(T-T)}$$

$$p = \omega_{cx} = \dot{\theta_0} \sin \psi_0 + \dot{\phi}_- \tag{(f-T)}$$

$$q = \omega_{cy} = \dot{\theta}_0 \cos \psi_0 \cdot \cos \phi_0 + \dot{\psi}_0 \sin \phi_0 \tag{(\Delta-Y)}$$

$$r = \omega_{cz} = -\dot{\theta}_0 \cos\psi_0 \sin\phi_0 + \dot{\psi}_0 \cos\phi_0 \tag{(7-7)}$$

$$\dot{\phi_0} = \omega_{cx} - \dot{\theta_0} \sin\psi = \omega_{cx} - \left[\frac{\left(\omega_{cy}\cos\phi_0 - \omega_{cz}\sin\phi_0\right)}{\cos\psi_0}\right] * \sin\psi_0 \tag{Y-Y}$$

$$\dot{\psi}_0 = \omega_{cz} \cos \phi_0 + \omega_{cy} \sin \phi_0 \tag{A-T}$$

$$\dot{\theta_0} = \frac{\omega_{cy} \cos\phi_0 - \omega_{cz} \sin\phi_0}{\cos\psi_0} \tag{(9-7)}$$

p,q,r سرعت زاویهای های پرنده و مشتقات آنها، از اطلاعات پروازی در دستگاه بدنی بدست میآیند

و معلوم هستند.

۲-۲ : معادلات حرکت غیرخطی پایدار کننده ژیروسکوپی سه محوه: معادلات حرکت غیرخطی پایدار کننده ژیروسکوپی از حل معادلات دیفرانسیل حرکت برای قابها و جایروهای سیستم به صورت زیر تعریف میشوند.

$$\ddot{\phi} = \frac{MZI.A_{O\psi} - MXO.A_{I\psi}}{A_{I\phi}.A_{O\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}}$$
(1...)

$$\ddot{\psi} = \frac{MXI.A_{I\phi} - MZI.A_{O\phi}}{A_{I\phi}.A_{O\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}}$$
(1)-7)

$$\ddot{\theta} = \frac{A_{p\phi}[MXO.A_{I\psi} - MZI.A_{O\psi}]}{A_{p\theta}[A_{I\phi}.A_{O\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}]} + \frac{MYP}{A_{p\theta}}$$
(17-7)

$$\ddot{\alpha}_x = LGX - G_{x\phi}\ddot{\phi} - G_{x\psi}\ddot{\psi} \tag{(17-7)}$$

$$\ddot{\alpha}_{y} = LGY - G_{y\phi}\ddot{\phi} - G_{y\psi}\ddot{\psi} \tag{(1f-T)}$$

$$\ddot{\alpha}_z = LGZ - G_{z\psi}\ddot{\psi} - G_{z\psi}\ddot{\psi} \tag{12-1}$$

این معادلات شامل ترمهایی هستند که بیانگر اصطکاک ویسکوز و کولمب، گشتاور موتورها و تاثیرات اینرسی کوپل شده بر سیستم میباشند که در ادامه تعریف میشوند.

پارامترهای سیستم را میتوان به صورت زیر تعریف کرد:  
$$heta$$
 : زاویه نسبی بین قاب داخلی و پلتفرم که حول محور  $Y$  پلتفرم  $(Y_p)$  اندازه گیری میشود.  
 $\dot{ heta}$  : سرعت زاویه نسبی بین قاب داخلی و پلتفرم که حول محور  $Y$  پلتفرم  $(Y_p)$  اندازه گیری میشود.  
 $\psi$  : زاویه نسبی بین قاب داخلی و پلتفرم که حول محور  $Z$  پلتفرم  $(Z_i)$  اندازه گیری میشود.

$$\dot{\psi}$$
 : سرعت زاویه نسبی بین قاب داخلی و پلتفرم که حول محور Z پلتفرم  $(Z_i)$  اندازه گیری می شود.  
 $\phi$  : زاویه نسبی بین قاب داخلی و پلتفرم که حول محور X پلتفرم  $(X_o)$  اندازه گیری می شود.  
 $\dot{\phi}$  : سرعت زاویه نسبی بین قاب داخلی و پلتفرم که حول محور X پلتفرم  $(X_o)$  اندازه گیری می شود.  
زوایا و سرعت زاویه ای های تعریف شده در بالا از یک ترتیب اویلر به صورت  $(\phi, \psi, \theta)$  که از پایه شروع شده و به پلتفرم ختم می گردد، تبعیت می کند. [28]

۲-۳ : معادلات وضعیت سیستم قابها با وجود حرکت پایه:

معادلات دیفرانسیل مرتبه دوم سیستم گیمبال بر حسب متغیرهای وضعیت سیستم به صورت زیر تعریف میشوند:

- $A_{p\phi}\ddot{\phi} + A_{p\theta}\ddot{\theta} = MYP \tag{19-1}$
- $A_{I\phi}.\ddot{\phi} + A_{I\psi}.\ddot{\psi} = MZI \tag{17-7}$
- $A_{O\phi}.\ddot{\phi} + A_{O\psi}.\ddot{\psi} = MXO \tag{1A-T}$
- $MYP = M_{IPY}^* MPY \tag{19-T}$

$$MZI = M_{OIZ}^* - MIZ \tag{(Y--Y)}$$

$$MXO = M_{COX}^* - MOX \tag{(1-1)}$$

ضرایب بکار رفته در معادلات (۲ -۲۶)الی (۲ -۲۱) به صورت زیر تعریف می شوند :

$$A_{P\phi} = \sin\psi(I_{py} + I_{gxs} + I_{gyl} + I_{gzS}) \tag{(YY-Y)}$$

$$A_{p\theta} = (I_{py} + I_{gxs} + I_{gyl} + I_{gzS}) \tag{(YT-Y)}$$

$$A_{I\phi} = \cos\psi\cos\theta\sin\theta (I_{px} + I_{gxI} - I_{pZ} - I_{gyS} - I_{gzI}$$
(14-7)

$$A_{I\psi} = \left[ I_{IZ} + \sin^2 \theta (I_{PX} + I_{gxI}) + \cos^2 \theta (I_{PZ} + I_{gyS} + I_{gzI}) \right]$$
(7Δ-7)

$$A_{o\phi} = [I_{ox} + \cos^2 \psi \{I_{IX} + \cos^2 \theta (I_{PX} + I_{gxI}) + \sin^2 \theta (I_{PZ} + I_{gzI})\} + \sin^2 \psi I_{IY}$$
(79-7)

$$A_{0\psi} = \sin\theta\cos\theta\cos\psi(I_{px} + I_{gxI} - I_{pz} - I_{gys} - I_{gzI})$$
(17-7)

#### ۴-۲ : معادلات حرکت سیستم پایدار کننده سه محوره :

۲-۴-۱: معادلات محور خروجی جایروها: سه معادله مکانیکی جایروها بر حسب متغیرهای وضعیت، به فرم معادلات دیفرانسیل مرتبه دوم زیر نوشته شدهاند.

$$G_{x\phi}.\ddot{\phi} + G_{x\psi}.\ddot{\psi} - \ddot{\alpha}_x = LGX \tag{YA-Y}$$

$$G_{y\phi}.\ddot{\phi} + G_{y\psi}.\ddot{\psi} - \ddot{\alpha}_y = LGY \tag{19-1}$$

$$G_{z\phi}.\,\ddot{\phi} + G_{z\psi}.\,\ddot{\psi} - \ddot{\alpha}_z = LGZ \tag{(7.-7)}$$

که داریم:

 $G_{x\phi} = \sin \theta \cos \psi$  $G_{x\psi} = -\cos \theta$  $G_{y\phi} = -\cos \theta \cdot \cos \psi$  $G_{y\psi} = -\sin \theta$  $G_{z\phi} = -\cos \theta \cdot \cos \psi$  $G_{x\psi} = -\sin \theta$ 

که در آن داریم:

$$LGX = \frac{D_{gx0} \cdot \dot{\alpha}_x}{I_{gx0}} - \frac{H_{\omega x}}{I_{gx0}} \cdot \omega_{gxl} + \frac{(I_{gxl} - I_{gxS})}{I_{gx0}} \cdot \omega_{gxl} \cdot \omega_{gxS} + \\ + \begin{cases} [\dot{p} - (q\cos\phi - r\sin\phi)\dot{\psi}]\cos\psi - [(\dot{q} - r\dot{\phi})\cos\phi - (\dot{r} + q\dot{\phi})\sin\phi] \\ + (p + \dot{\phi})\dot{\psi}]\sin\psi + (q\sin\phi + r\cos\phi + \dot{\psi})\dot{\theta} \\ + \left\{ (\dot{q} - r\dot{\phi})\sin\phi + (\dot{r} + q\dot{\phi})\cos\phi - \\ [(p + \dot{\phi})\cos\psi - (q\cos\phi - r\sin\phi)\sin\psi]\dot{\theta} \right\}\cos\theta \end{cases}$$

(۳۱-۲)

$$LGY = \frac{D_{gy0} \cdot \dot{\alpha}_y}{I_{gy0}} - \frac{H_{\omega y}}{I_{gy0}} \cdot \omega_{gyl} + \frac{\left(I_{gyl} - I_{gyS}\right)}{I_{gy0}} \cdot \omega_{gyl} \cdot \omega_{gyS}$$
$$+ \begin{cases} \left[\dot{p} - (q\cos\phi - r\sin\phi)\dot{\psi}\right]\cos\psi - \left[(\dot{q} - r\dot{\phi})\cos\phi - (\dot{r} + q\dot{\phi})\right] \cdot \sin\phi + (p + \dot{\phi})\dot{\psi}\right]\sin\psi + (q\sin\phi + r\cos\phi + \dot{\psi})\dot{\theta} \\ \sin\phi + (p + \dot{\phi})\dot{\psi}\right]\sin\psi + (q\sin\phi + r\cos\phi + \dot{\psi})\dot{\theta} \\ + \begin{cases} \left(\dot{q} - r\dot{\phi}\right)\sin\phi + (\dot{r} + q\dot{\phi})\cos\phi - \sin\phi + \sin\phi\right]\sin\psi ]\dot{\theta} \end{cases} \sin\theta \end{cases} \end{cases}$$

(77-7)

$$LGZ = \frac{D_{gz0} \cdot \dot{\alpha}_z}{I_{gz0}} - \frac{H_{\omega z}}{I_{gz0}} \cdot \omega_{gzI} + \frac{(I_{gzI} - I_{gzS})}{I_{gz0}} \cdot \omega_{gzI} \cdot \omega_{gzS}$$
$$+ \begin{cases} \left[\dot{p} - (q\cos\phi - r\sin\phi)\dot{\psi}\right]\cos\psi - \left[(\dot{q} - r\dot{\phi})\cos\phi - (\dot{r} + q\dot{\phi})\right] \cdot \left[\dot{q}\right] \cos\psi - \left[(\dot{q} - r\dot{\phi})\cos\phi - (\dot{r} + q\dot{\phi})\right] \cdot \left[\dot{q}\right] \sin\psi + (q\sin\phi + r\cos\phi + \dot{\psi})\dot{\theta} + \left\{ \begin{array}{c} (\dot{q} - r\dot{\phi})\sin\phi + (\dot{r} + q\dot{\phi})\cos\phi - (\dot{q}\cos\phi - r\sin\phi)\sin\psi\right]\dot{\theta} \\ + \left\{ \begin{array}{c} (\dot{q} - r\dot{\phi})\sin\phi + (\dot{r} + q\dot{\phi})\cos\phi - (q\cos\phi - r\sin\phi)\sin\psi\right]\dot{\theta} \\ \end{array} \right\} \sin\theta \end{cases} \end{cases}$$

(۳۳-۲)

#### ۲-۴-۲ گشتاور عکس العملی جایرو به پلتفرم:

گشتاور عکس العملی جایرو که به پلتفرم اعمال میشود همان گشتاورهای جایرو، با علامت منفی میباشد که با یک ماتریس تبدیل، به دستگاه مختصات پلتفرم منتقل میشود. [28]

 $MGX = -I_{gxI}$ 

$$\left\{ \begin{cases} \left[ \dot{p} - (q\cos\phi - r\sin\phi)\dot{\psi} \right]\cos\psi - \left[ (\dot{q} - r\dot{\phi})\cos\phi - (\dot{r} + q\dot{\phi}) \right] \\ \sin\phi + (p + \dot{\phi})\psi \right]\sin\psi + (q\sin\phi + r\cos\phi + \dot{\psi})\dot{\theta} \end{cases} \right\} \cos\theta \\ + \begin{cases} \left( \dot{q} - r\dot{\phi} \right)\sin\phi + (\dot{r} + q\dot{\phi})\cos\phi - \\ \left[ (p + \dot{\phi})\cos\psi - (q\cos\phi - r\sin\phi)\sin\psi \right]\dot{\theta} \end{bmatrix} \sin\theta \\ + \dot{\alpha}_{x} \cdot \left\{ \left( p + \dot{\phi} \right)\sin\psi + (q\cos\phi - r\sin\phi)\cos\psi + \dot{\theta} \right\} \end{cases} \right\}$$

$$-H_{\omega x}.\,\omega_{gx0}-(I_{gxS}-I_{gx0})\omega_{gxS}.\,\omega_{gx0}+D_{gy0}.\,\dot{\alpha}_{y}+D_{gz0}.\,\dot{\alpha}_{z}$$

 $MGY = I_{gxS}.$ 

$$-\{\dot{p} - (q\cos\phi - r\sin\phi)\dot{\psi}\}\sin\psi - \{(\dot{q} - r\dot{\phi})\cos\phi - (\dot{r} + q\dot{\phi})\sin\phi + (p + \dot{\phi})\dot{\psi}\}\cos\psi + \\ +\dot{\alpha}_x\{[(p + \dot{\phi})\cos\psi - (q\cos\phi - r\sin\phi)\sin\psi]\cos\theta + [q\sin\phi + r\cos\phi + \psi^{'}]\sin\theta\} \}$$

$$+ (I_{gx0} - I_{gxI})\omega_{gx0} \cdot \omega_{gxI}$$

$$- I_{gyI} \cdot \begin{cases} \dot{p} - (q\cos\phi - r\sin\phi)\psi^{\cdot}\}\sin\psi + \{(\dot{q} - r\dot{\phi})\cos\phi - (\dot{r} + q\dot{\phi})\sin\phi + (p + \dot{\phi})\dot{\psi}\}\cos\psi + (\dot{q} + \dot{q})\psi^{\cdot}\}\sin\psi + (q\cos\phi - r\sin\phi)\sin\psi \\ + \dot{q}_{y} \cdot \{-[(p + \dot{\phi})\cos\psi - (q\cos\phi - r\sin\phi)\sin\psi]\sin\theta + [q\sin\phi + r\cos\phi + \dot{\psi}]\cos\theta \} \end{cases}$$

$$-H_{\omega y}.\,\omega_{gy0}-(I_{gyS}-I_{gy0})\omega_{gyS}.\,\omega_{gy0}$$

$$+I_{gzS} \left\{ \begin{cases} -\{\dot{p} - (q\cos\phi - r\sin\phi)\dot{\psi}\}\sin\psi - \{(\dot{q} - r\dot{\phi})\cos\phi - (\dot{r} + q\dot{\phi})\sin\phi + (p + \dot{\phi})\dot{\psi}\}\cos\psi + \\ -\dot{\alpha}_{z} \cdot \{-[(p + \dot{\phi})\cos\psi - (q\cos\phi - r\sin\phi)\sin\psi]\sin\theta + [q\sin\phi + r\cos\phi + \dot{\psi}]\cos\theta \} \end{cases} + (I_{gz0} - I_{gzI})\omega_{gz0} \cdot \omega_{gzI} \right\}$$

$$MGZ = D_{gxO}.\,\dot{\alpha}_x +$$

$$+I_{gys} \left\{ \begin{cases} [\dot{p} - (q\cos\phi - r\sin\phi)\dot{\psi}]\cos\psi - [(\dot{q} - r\dot{\phi})\cos\phi - (\dot{r} + q\dot{\phi})] \\ \sin\phi + (p + \dot{\phi})\dot{\psi}]\sin\psi + (q\sin\phi + r\cos\phi + \dot{\psi})\dot{\theta} \end{cases} \sin\theta \\ - \begin{cases} (\dot{q} - r\dot{\phi})\sin\phi + (\dot{r} + q\dot{\phi})\cos\phi - \\ [(p + \dot{\phi})\cos\psi - (q\cos\phi - r\sin\phi)\sin\psi]\dot{\theta} \end{cases} \cos\theta \\ + \dot{\alpha}_{y} \cdot \{(p + \dot{\phi})\sin\psi + (q\cos\phi - r\sin\phi)\cos\psi + \theta'\} \end{cases} \right\}$$
$$+(I_{gy0} - I_{gyl})\omega_{gy0}.\omega_{gyl} +$$

$$+I_{gzl}.\left\{ \begin{cases} \dot{p} - (q\cos\phi - r\sin\phi)\dot{\psi}]\cos\psi - [(\dot{q} - r\dot{\phi})\cos\phi - (\dot{r} + q\dot{\phi}).]\\\sin\phi + (p + \dot{\phi})\dot{\psi}]\sin\psi + (q\sin\phi + r\cos\phi + \dot{\psi})\dot{\theta} \end{cases} \sin\theta \\ - \left\{ (\dot{q} - r\dot{\phi})\sin\phi + (\dot{r} + q\dot{\phi})\cos\phi - \\[(p + \dot{\phi})\cos\psi - (q\cos\phi - r\sin\phi)\sin\psi]\dot{\theta} \right\}\cos\theta \\ + \dot{\alpha}_{z}.\left\{ (p + \dot{\phi})\sin\psi + (q\cos\phi - r\sin\phi)\cos\psi + \theta^{2} \right\} \end{cases}$$

$$+H_{\omega z}.\,\omega_{gz0}+(I_{gzS}-I_{gz0})\omega_{gzS}.\,\omega_{gz0}$$

(38-5)

۲-۵ : معادلات دینامیکی قابهای پایدار کننده سه محوره:

$$MPX = I_{px} \left\{ \begin{cases} [\dot{p} - (q\cos\phi - r\sin\phi)\dot{\psi}]\cos\psi - [(\dot{q} - r\dot{\phi})\cos\phi - (\dot{r} + q\dot{\phi})]\\\sin\phi + (p + \dot{\phi})\dot{\psi}]\sin\psi + (q\sin\phi + r\cos\phi + \dot{\psi})\dot{\theta} \end{cases} + \begin{cases} (\dot{q} - r\dot{\phi})\sin\phi + (\dot{r} + q\dot{\phi})\cos\phi - \\[(p + \dot{\phi})\cos\psi - (q\cos\phi - r\sin\phi)\sin\psi]\dot{\theta} \end{cases} \sin\theta + (I_{pz} - I_{py})\omega_{pz}.\omega_{py} - MGX \end{cases} \right\}$$

 $MPZ = I_{pz}.$ 

$$\begin{cases} -\begin{cases} [\dot{p} - (q\cos\phi - r\sin\phi)\dot{\psi}]\cos\psi - [(\dot{q} - r\dot{\phi})\cos\phi - (\dot{r} + q\dot{\phi})],\\ \sin\phi + (p + \dot{\phi})\psi]\sin\psi + (q\sin\phi + r\cos\phi + \dot{\psi})\dot{\theta} \end{cases} \sin\theta \\ + \begin{cases} (\dot{q} - r\dot{\phi})\sin\phi + (\dot{r} + q\dot{\phi})\cos\phi - \\ [(p + \dot{\phi})\cos\psi - (q\cos\phi - r\sin\phi)\sin\psi]\dot{\theta} \end{cases} \cos\theta \end{cases} \end{cases}$$

$$+(I_{py}-I_{px})\omega_{px}.\omega_{py}-MGZ$$

(۳۸-۲)

$$MPY = I_{py} \cdot \{\{\dot{p} - (q\cos\phi - r\sin\phi)\dot{\psi}\}\sin\psi + \{(\dot{q} - r\dot{\phi})\cos\phi - (\dot{r} + q\dot{\phi})\sin\phi + (p + \dot{\phi})\psi^{\dagger}\}\cos\psi\} + (I_{px} - I_{pz})\omega_{pz} \cdot \omega_{px} - MGY$$

(۳۹-۲)

[28] معادله حرکت پلتفرم حول محور دینامیکی  $Y_p$  به صورت زیر است:

$$M_{IPY}^* = -D_{Ip}\dot{\theta} - F_{IP}(sgn\dot{\theta}) + T_{II} \tag{(f-r)}$$

که در آن:

در سیم  $F_{IP}(sgn\dot{ heta})$  : تابع نماینده اصطکاک کولمب' و اصطکاک استاتیکی<sup>۲</sup> (مربوط به کشش در سیم  $F_{IP}(sgn\dot{ heta})$ بندیها)

کشتاور موتور محور داخلی : 
$$T_{II}$$

 $MIX = I_{Ix}\{\left[\dot{p} - (q\cos\phi - r\sin\phi)\dot{\psi}\right]\cos\psi - \left[\left(p + \dot{\phi}\right)\dot{\psi} + (\dot{q}\cos\phi - q\dot{\phi}\sin\phi)\dot{\psi}\right]\cos\psi + \left[\left(p + \dot{\phi}\right)\dot{\psi} + \left(q + \dot{\phi}\right)\dot{\psi}\right]\cos\psi - \left[\left(p + \dot{\phi}\right)\dot{\psi}\right]\cos\psi - \left(p + \dot{\phi}\right)\dot{\psi}\right]\cos\psi - \left[\left(p + \dot{\phi}\right)\dot{\psi$ 

<sup>&</sup>lt;sup>\</sup> Coulomb Friction

<sup>&</sup>lt;sup>v</sup> Striction

 $-\dot{r}sin\phi - r\dot{\phi}cos\phi)]sin\psi\} + (I_{Iz} - I_{Iy}).\omega_{lx}.\omega_{ly} + MPXcos\theta - MPZsin\theta$ 

$$MIY = I_{Iy} \{ [\dot{p} - (q\cos\phi - r\sin\phi)\dot{\psi}] \sin\psi + [(p + \dot{\phi})\dot{\psi} + (\dot{q}\cos\phi - r\sin\phi)\dot{\psi}] \}$$

 $q\dot{\phi}sin\phi - \dot{r}sin\phi - r\dot{\phi}cos\phi])cos\psi\} + (I_{Ix} - I_{Iz})\omega_{Ix}.\omega_{Iz} + M^*_{IPy}$ 

(47-7)

که 
$$M^*_{IPY}$$
 از رابطه (۲-۴۰) بدست میآید.

 $MIZ = I_{IZ} \{ (\dot{q} - r\dot{\phi}) sin\phi + (q\dot{\phi} + \dot{r}) cos\phi \} + (I_{Iy} - I_{Ix}) \omega_{Ix} \cdot \omega_{Iy} + MPX sin\theta + MPZ cos\theta$ (fr-r)

را می توان از رابطه ذیل بدست آورد: .
$$[28]$$

$$M_{OIZ}^* = -D_{OI}\dot{\psi} - F_{OI}(sgn\dot{\psi}) + T_{mm} \tag{(ff-T)}$$

D<sub>01</sub> : اصطکاک ویسکوز بین قاب داخلی و خارجی

- تابع نماینده اصطکاک کولمب و اصطکاک استاتیکی (مربوط به کشش در سیم بندی  $F_{OI}(sgn\dot{\psi})$ 

$$T_{mm}$$
 : گشتاور موتور محور میانی

۲-۵-۳ : معادلات حرکت قاب خارجی

$$MOX = (I_{OZ} - I_{OY})\omega_{oz}\omega_{oy} + MIXcos\psi + MIYsin\psi + I_{ox}\dot{p}$$
(Fa-r)

MIY , MIX از روابط ((۲-۲) و ((۲-۴۲) بدست می آیند و داریم:

$$M_{COX}^* = -D_{CO}\dot{\phi} - F_{CO}(sgn\dot{\phi}) + T_{OO}$$
(\*9-7)

D<sub>CO</sub> : اصطکاک ویسکوز بین قاب داخلی و پایه

- تابع نماینده اصطکاک کولمب و اصطکاک استاتیکی (مربوط به کشش در سیم بندی-  $F_{co} (sgn \dot{\phi})$ ها)

گشتاور موتور محور خارجی  $T_{00}$ 

فصل سوم طراحی کنترل کنندہ PID

۳-۱ :مقدمه:

یکی از کنترل کنندههای محبوب صنعتی کنترل کننده تناسبی ⊣نتگرالی- مشتقی' (PID) است. در طراحی کنترل کننده ابتدا از خروجی سیستم فیدبک گرفته میشود و این مقدار وارد مقایسه گر شده و با مقدار مرجع مقایسه میشود. خطای حاصل از این مقایسه به عنوان ورودی، وارد تابع کنترل PID میشود و با اعمال ضرایب k<sub>p</sub>, k<sub>d</sub>, k<sub>I</sub> مناسب، در خروجی کنترل کننده گشتاور مورد نیاز جهت ورود به سیستم تحت کنترل حاصل میشود. این سیگنال باعث تغییر رفتار سیستم میشود و خروجی را به مقدار مطلوب نزدیک و نزدیکتر میکند تا با آن برابری کند. بلوک دیاگرام طراحی کنترل کننده تناسبی انتگرالی مشتقی برای سیستم مورد نظر در زیر آمده است .



شکل (۳-۱): بلوک دیاگرام کنترل کننده PID

معمولاً کنترل کنندههای PID خطی با ضرایب ثابت برای کنترل یک فرآیند فیزیکی مشخص کافی هستند. اما با وجود حرکات غیر خطی، اغتشاش و ... کنترل مناسب از توانایی آنها خارج می شود. روشهای متفاوتی بهبود عملکرد، پایداری و سازگاری کنترلرهای PID ارائه شده از جمله آنها می توان به روش خود تنظیم شوندگی[29] ، کنترل پیش بین [30]، کنترل فازی[31] ، شبکه عصبی[32] و غیره اشاره کرد. در [33] با بهره گیری از اصول کنترل پیش بین، برای پرواز فضاپیماها به طراحی کنترل کننده غیرخطی پرداخته است. در [34, 4, 35] با استفاده از کنترل خطی PID پاسخ آزاد و سپس پاسخ حلقه بسته برای یک صفحه پایدار شبیه سازی و بررسی شده است. در مرجع [36] به طراحی کنترل کننده از روش زیگلر-نیکولز پرداخته است. در ادامه با اعمال کنترل کننده PID به بررسی پاسخ سیستم می پردازیم:

#### *PID* طراحی کنترل کننده ۲-۳

پارامترهای سیستم پایدار کننده ژیروسکوپی در جدول زیر آمده است.

	جدول (۳-۱): پارامترهای پایدار کننده ژیروسکوپی						
$I_{PX} = 0.07(kg.m^2)$	ممان اینرسی پلتفرم در راستای محور <i>X</i>						
$I_{PY} = 0.07(kg.m^2)$	ممان اینرسی پلتفرم در راستای محور Y						
$I_{PZ} = 0.07(kg.m^2)$	ممان اینرسی پلتفرم در راستای محور Z						
$I_{IX} = 0.05(kg.m^2)$	ممان اینرسی قاب داخلی در راستای محور X						
$I_{IY} = 0.05(kg.m^2)$	ممان اینرسی قاب داخلی در راستای محور Y						
$I_{IZ} = 0.05(kg.m^2)$	ممان اینرسی قاب داخلی در راستای محور Z						
$I_{OX} = 0.08(kg.m^2)$	ممان اینرسی قاب خارجی در راستای محور X						

$I_{OY} = 0.08(kg.m^2)$	مان اینرسی قاب خارجی در راستای محور Y
$I_{OZ} = 0.08(kg.m^2)$	مان اینرسی قاب خارجی در راستای محور Z
$I_{gxs} = I_{gys} = I_{gzs} = 0.0002(kg.m^2)$	مان اینرسی محور اسپین جایروهای نامقید مکانیکی
$I_{gxl} = I_{gyl} = I_{gzl} = 0.00011(kg.m^2)$	مان اینرسی محور گیمبال داخلی جایروهای نامقید
	کانیکی
$I_{gxo} = I_{gyo} = I_{gzo}$	مان اینرسی محور گیمبال خارجی جایروهای
$= 0.00011(kg.m^2)$	امقیدمکانیکی
$H_{wx} = H_{wy} = H_{wz} = 0.0725(N.m.s)$	منتوم زاویهای روتور جایروهای نامقید مکانیکی
$D_{gxo} = D_{gyo} = D_{gzo} =$ 0.04(N.m.s /rad)	سریب دمپینگ ویسکوز جایروهای نامقید مکانیکی
$D_{IP} = 0.1(N.m.s/rad)$	سریب اصطکاک ویسکوز بین قاب داخلی و پلتفرم
$D_{OI} = 0.1(N.m.s / rad)$	سریب اصطکاک ویسکوز بین قاب خارجی و قاب داخلی
$D_{CO} = 0.1(N.m.s/rad)$	سریب اصطکاک ویسکوز بین پایه و قاب خارجی
$F_{IP} = 0.00001(N.m)$	نشتاور ناشی ازاصطکاک کولمب(سیم،بندی)بین قاب داخلی
	پلتفرم
$F_{OI} = 0.0001(N.m)$	نشتاور ناشی ازاصطکاک کولمب(سیمبندی)بین قاب خارجی
	قاب داخلی
$\overline{F_{CO}} = 0.001(N.m)$	شتاور ناشی ازاصطکاک کولمب(سیمبندی)بین پایه و قاب

خارجى

همانگونه گه در بلوک دیاگرام طراحی کنترل کننده تناسبی ⊣نتگرالی- مشتقی بیان شد، سه کنترل کننده PID برای سه موتور قاب داخلی، قاب میانی و قاب خارجی طراحی می شود که ضرایب آن مطابق جدول زیر می باشد [4, 35]. در ابتدا با توجه ضرایب بیان شده به طراحی کنترل کننده و بررسی پاسخ سیستم می پردازیم.

	$T_{ii}$	$T_{mm}$	T <sub>OO</sub>
Kp	۱۰۰	١	۶۰
K <sub>I</sub>	۰,۰۱	۰,۰۱	٠,١
K <sub>d</sub>	•	•	۲,۷۵

جدول (۲-۳): پارامترهای کنترل کننده PID

متغیرهای حالت را زوایای نسبی میان قابها و نرخ آنها در نظر گرفته  $[\dot{\phi} \ \psi \ \dot{\phi} \$ 



شکل (۳-۳): زاویه نسبی بین قاب خارجی و پایه



شکل (۳-۴): زاویه نسبی بین قاب خارجی و داخلی



شکل (۳-۵): زاویه نسبی بین قاب داخلی و سکو



شکل (۳-۷): گشتاور اعمالی به قاب میانی



شکل (۳-۹): سرعت زاویهای مطلق سکو حول محور X



شکل (۳-۱۱): سرعت زاویهای مطلق سکو حول محور Z

## ۳-۳: طراحی کنترل کننده PID با ضرایب جدید

در ادامه با تغییر ضرایب کنترل کننده PID به دنبال بهبود پاسخ سیستم هستیم. بنابراین با توجه به دانش و تجربه در تعیین ضرایب برای طراحی کنترل کنندههای پیشین، ضرایب را به صورت زیر انتخاب مىكنيم:

	$T_{ii}$	$T_{mm}$	T <sub>OO</sub>		
K <sub>p</sub>	1	١	۶.		
K <sub>I</sub>	۰,۰۱	۰,۰۱	٠,١		
K <sub>d</sub>	۲۰	۲۰	۲,۷۵		

جدول (۳-۳): پارامترهای کنترل کننده PID

اغتشاش اعمالی به سیستم به صورت  $\phi_0 = \psi_0 = \theta_0 = sin5t$  میباشد که در شکل (۲-۳) نشان داده شده است. در شکل (۳-۳) تا شکل (۳-۲۰) این اثرات به کمک شبیه سازی نشان داده شده است.



شکل (۳-۱۲): زاویه نسبی بین قاب خارجی و پایه



شکل (۳-۱۳): زاویه نسبی بین قاب خارجی و داخلی



شکل (۳-۱۵): گشتار اعمالی به قاب خارجی



شکل (۳-۱۷): گشتاور اعمالی به قاب داخلی



شکل (۳-۱۸): سرعت زاویهای مطلق سکو حول محور X



شکل (۳-۱۹): سرعت زاویهای مطلق سکو حول محور ۲



شکل (۳-۲۰): سرعت زاویهای مطلق سکو حول محور Z

## ۳-۴ نتیجه گیری:

با استناد به نتایج فوق میتوان استنباط نمود که طراحی کنترل کننده PID با ضرایب جدید پاسخ مطلوبی را ارائه داده است.

# فصل چهارم

# كنترل فازى مقاوم سيستم پايدار كننده

# ژیروسکوپی سه محوره

اساساً گرچه سیستمهای فازی پدیدههای غیر قطعی و نامشخص را توصیف میکنند، با این حال خود تئوری فازی یک تئوری دقیق میباشد. آنچه که یک سیستم فازی انجام میدهد آن است که دانش بشری را در چارچوبی مشابه یک فرمول ریاضی تبدیل میکند. سیستمهای فازی سیستمهایی مبتنی بر دانش یا قواعد میباشند. قلب یک سیستم فازی یک پایگاه دانش بوده که از قواعد اگر – آنگاه فازی تشکیل شده است. سیستمهای فازی امروزه در طیف وسیعی از علوم و فنون کاربرد پیداکردهاند. از کنترل، پردازش سیگنال، ارتباطات، ساخت مدارهای مجتمع، بازرگانی، پزشکی و ... با این حال به عنوان یکی از مهمترین کاربردهای آن حل مسائل و مشکلات کنترل را میتوان بیان کرد. با توجه به استفاده از دانش و تجربه افراد خبره در سیستمهای فازی ، این نوع سیستم نسبت به روشهای کنترل کلاسیک برتری چشمگیری دارد[37] . با توجه به اینکه روش کنترل فازی وابسته به مدل نمی باشد از این جهت در بسیاری از کارهای تحقیقاتی و پروژهها مورد استفاده قرار می گیرد[38, 39] . سیستم فازی به عنوان تقریب گر عمومی برای تقریب هر تابع غیرخطی، نامعین، و همراه با عدم قطعیت به کار می رود که از ویژگی مهم و اساسی آن به حساب میآید. [40, 41, 42]. این توانایی سیستمهای فازی، در کنترل-كنندههاى فازى تطبيقى كه نوعى كنترلكننده فازى مقاوم به حساب مى آيند، به طور مؤثرى استفاده می شود. کنترل کننده ی فازی تطبیقی قابلیت تطبیق با تغییر در محیط و عدم قطعیت در مدل را دارد. با بهره گیری از روش کنترل فازی تطبیقی ، کنترل ربات جهت ردگیری استفاده شده است[43] . در بررسی عوامل تأثیر گذار بر روی عملکرد کنترل کننده فازی تطبیقی میتوان به : وابستگی به طراحی، شرایط اولیه و خطای تقریب سیستم فازی اشاره نمود. لذا تحلیل و بررسی پایداری با توجه به پیچیدگی سیستم فازی برای دستیابی به عملکرد مطلوب و اطمینان از نحوه عملکرد از اهمیت بسزایی برخوردار است. در مقاله [44]روش کنترل فازی تطبیقی مستقیم ارائه شده است و جهت اثبات پایداری از روش مستقیم لیاپانوف استفاده شده است. در مقاله [45] بر روی ربات روش کنترل فازی تطبیقی مستقیم ارائه شده است. در این مقاله از استراتژی کنترل ولتاژ استفاده شده است. در ادامه به طراحی کنترل كننده فازى مقاوم براى سيستم پايدار كننده ژيروسكوپى سه محوره مىپردازيم:

### ۲-۴ طراحی کنترل کننده فازی مقاوم

در این بخش به طراحی سه کنترل کننده فازی مقاوم از نوع تطبیقی مستقیم برای متغیرهای حالت مورد نظر می پردازیم. برای طراحی سیستم کنترل ابتدا تلاش می کنیم اثر ضریب ورودی را حذف نماییم و سپس قانون کنترل را ارائه نماییم.

۴-۲-۲ :طراحی کنترل کننده برای کنترل زاویه نسبی بین قاب خارجی و پایه:

با استفاده از مدل دینامیکی ارائه شده در ((۲ - ۱۰) داریم:

$$\ddot{\phi} = \frac{MZI.A_{O\psi} - MXO.A_{I\psi}}{A_{I\phi}.A_{O\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}}$$
(1-f)

با توجه به رابطه (۲ -۲۱) داریم:

$$MXO = M_{COX}^* - MOX \tag{7-f}$$

و همچنین از رابطه( ۲ -۴۶) داریم:

$$M_{COX}^* = -D_{CO}\dot{\phi} - F_{CO}(sgn\dot{\phi}) + T_{OO} \tag{(T-f)}$$

با مرتب سازی و جایگذاری رابطه( (۴-۲) و ((۴-۲) در رابطه ((۴-۱) داریم:

$$\ddot{\phi} = \frac{MZI.A_{0\psi}}{A_{I\phi}.A_{o\psi} - A_{I\psi}.A_{0\phi}} - \frac{\left[\left(-D_{CO}\dot{\phi} - F_{CO}(sgn\dot{\phi}) + T_{00}\right) - MOX\right].A_{I\psi}}{A_{I\phi}.A_{o\psi} - A_{I\psi}.A_{0\phi}}$$
(\*-\*)

$$\ddot{\phi} = \frac{MZI.A_{O\psi}}{A_{I\phi}.A_{o\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}} - \frac{\left[\left(-D_{CO}\dot{\phi} - F_{CO}(sgn\dot{\phi})\right) - MOX\right].A_{I\psi}}{A_{I\phi}.A_{o\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}} - \frac{T_{OO}A_{I\psi}}{A_{I\phi}.A_{o\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}}$$

$$(\Delta-\mathfrak{k})$$

با اعمال رابطه 
$$rac{A_{I\phi}-A_{I\psi}-A_{I\psi}}{A_{I\psi}}$$
 به طرفین رابطه (۴ -۵) داریم:

$$-\frac{A_{I\phi} \cdot A_{o\psi} - A_{I\psi} \cdot A_{O\phi}}{A_{I\psi}} \ddot{\phi}$$
$$= -\frac{MZI \cdot A_{O\psi}}{A_{I\psi}} + \left(-D_{CO}\dot{\phi} - F_{CO}(sgn\dot{\phi})\right) - MOX + T_{OO}$$
(9-4)

با اضافه و کم کردن 
$$\ddot{\phi}$$
 به رابطه فوق داريم:

$$\ddot{\phi} = \ddot{\phi} + \frac{A_{I\phi} \cdot A_{o\psi} - A_{I\psi} \cdot A_{O\phi}}{A_{I\psi}} \ddot{\phi} - \frac{MZI \cdot A_{O\psi}}{A_{I\psi}} + \left(-D_{CO}\dot{\phi} - F_{CO}(sgn\dot{\phi})\right) \qquad^{(Y-\mathfrak{F})} - MOX + T_{OO}$$

و

$$\ddot{\phi} = F(\phi) + T_{00} \tag{A-f}$$

$$F(\phi) = \ddot{\phi} + \frac{A_{I\phi} \cdot A_{o\psi} - A_{I\psi} \cdot A_{O\phi}}{A_{I\psi}} \ddot{\phi} - \frac{MZI \cdot A_{O\psi}}{A_{I\psi}} + \left(-D_{co}\dot{\phi} - F_{co}(sgn\dot{\phi})\right) - MOX$$
(9-F)

برای طراحی سیستم کنترل فازی تطبیقی مستقیم، در ابتدا لازم است بنابر دانش کنترلی یک کنترل

کننده فازی طراحی نماییم. زاویه نسبی بین قاب خارجی و پایه  $\phi$  و مشتق آن  $\dot{\phi}$  ورودیهای سیستم فازی و گشتاور موتور خارجی  $T_{00}$  را به عنوان خروجی آن در نظر می گیریم. اگر ۳ تابع تعلق برای هر ورودی فازی در نظر گرفته شود، فضای کنترل با ۹ قانون فازی پوشش داده می شود. قوانین فازی زبانی به فرم ممدانی بدین صورت نوشته شدهاند.

Rule l: If 
$$\phi$$
 is  $A_l$  and  $\dot{\phi}$  is  $B_l$  Then  $\widehat{T}_{OO}$  is  $C_l$  (1.-4)

قانون l ام را برای 9, ..., 9 تعیین مینماید.  $B_l, A_l$   $B_l, A_l$  قازی مربوط به  $Rule\ l$  قانون l ام را برای P تعیین مینماید. P تعیین مینماید.  $\phi$  م $\dot{\phi}$  ,  $\phi$  و  $T_{00}$  مطابق شکل (I-1) در نظر  $\dot{\phi}$  ,  $\dot{\phi}$ 



 $\phi$  شکل (۴-۱): توابع تعلق ورودی

این توابع تعلق با توابع ریاضی ((۲-۱۱) تا ((۲-۱۳) تعریف شدهاند.

$$\mu_{P}(\phi) = \begin{cases} 0 & \phi \leq 0 \\ 2\left(\frac{\phi}{0/02}\right)^{2} & 0 \leq \phi \leq \frac{0/02}{2} \\ 1 - 2\left(\frac{\phi - 0/02}{0/02}\right)^{2} & \frac{0/02}{2} \leq \phi \leq 0/02 \\ 1 & \phi \geq 0/02 \end{cases}$$
(1)-%

$$\mu_{N}(\phi) = \begin{cases} 1 & z_{s} \leq -0/02 \\ 1 - 2\left(\frac{\phi + 0/02}{0/02}\right)^{2} & -0/02 \leq \phi \leq \frac{-0/02}{2} \\ 2\left(\frac{\phi}{0/02}\right)^{2} & \frac{-0/02}{2} \leq \phi \leq 0 \\ 0 & \phi \geq 0 \end{cases}$$
(17-f)

$$\mu_Z(\phi) = exp\left[-\frac{\left(\phi - \overline{\phi}^l\right)^2}{2\sigma^2}\right] \quad ,\sigma = 0/0066 \tag{17-4}$$

توابع تعلق  $\phi$  را نیز مشابه با  $\phi$  انتخاب مینماییم. توابع تعلق متغیر خروجی T<sub>00</sub> به صورت زیر با توابع گوسین تعریف میشود:

$$\mu_{C_l}(\mathbf{T}_{00}) = exp\left[-\frac{(\mathbf{T}_{00} - \hat{\bar{y}}^l)^2}{2\sigma^2}\right]$$
(14-4)

که در آن  $\widehat{y}^l$  مرکز  $\mathcal{C}_l$  است.

با استفاده از روابط فوق، قوانین فازی در جدول (۴-۱): قوانین فازی نوشته شده است.

جدول (۴-۱): قوانین فازی									
Rule l	١	٢	٣	۴	۵	۶	٧	٨	٩
A <sub>l</sub>	Р	Р	Р	Ζ	Ζ	Ζ	Ν	N	N
$B_l$	Р	Ζ	Ν	Р	Ζ	Ν	Р	Ζ	Ν
$C_l$	<i>C</i> <sub>1</sub>	<i>C</i> <sub>2</sub>	<i>C</i> <sub>3</sub>	$C_4$	$C_5$	<i>C</i> <sub>6</sub>	<i>C</i> <sub>7</sub>	<i>C</i> <sub>8</sub>	<i>C</i> <sub>9</sub>

اگر از موتور استنتاج فازی ممدانی، فازی ساز منفرد و غیر فازی ساز میانگین مراکز استفاده شود، [45]، جهت کنترل سیستم ((۲ - ۸) می توان قانون کنترل فازی مقاوم زیر را پیشنهاد نمود:.

$$T_{OO} = \sum_{l=1}^{9} \hat{y}_l \xi_l(\phi, \dot{\phi}) = \hat{y}^T \xi(\phi, \dot{\phi})$$
(10-4)

: که در آن  ${}^{T}_{[9]}$  ...  ${}^{F}_{[1]} = {}^{F}_{[0]} {}^{F}_{[0]}$  که در آن  ${}^{T}_{[9]}$ 

$$\xi_{l} = \frac{\mu_{A_{l}}(\phi)\mu_{B_{l}}(\dot{\phi})}{\sum_{l=1}^{9}\mu_{A_{l}}(\phi)\mu_{B_{l}}(\dot{\phi})}$$
(19-4)

در روابط فوق  $\mu_{A_l}, \mu_{B_l} \in [0,1]$  هستند و پارامترهای  $\widehat{y_l}$  در ادامه توسط قوانین تطبیق بدست میآید.

با افزودن کنترل کننده فازی( (۲-۱۵) به سیستم ((۲-۸) خواهیم داشت:

$$\ddot{\phi} = F(\phi) + \widehat{y}^T \xi(\phi, \dot{\phi}) \tag{17-6}$$

تخمین  $ar{y}$  است که در ادامه تعریف خواهد شد. با توجه به ویژگی تقریبزنی سیستمهای فازی میتوان  $\widehat{y}$  نوشت:

$$\ddot{\phi}_d + k_d (\dot{\phi}_d - \dot{\phi}) + k_p (\phi_d - \phi) = F(\phi) + \bar{y}^T \xi (\phi, \dot{\phi}) + \gamma_c \tag{1.4-f}$$

که در آن  $\gamma_c$  خطای تقریب سیستم فازی و $k_d$  و $k_p$  پارامترهای مثبت طراحی کنترل کننده هستند. با

کم کردن دو طرف رابطه ((۴-۱۶) و ((۴-۱۸) داریم:

$$\ddot{\phi}_d - \ddot{\phi} + k_d (\dot{\phi}_d - \dot{\phi}) + k_p (\phi_d - \phi) = (\bar{y} - \hat{\bar{y}})^T \xi (\phi, \dot{\phi}) + \gamma_c \qquad (19-4)$$

که با توجه به اینکه  $\phi_d=0$  است، داریم:

$$\ddot{\phi} = -k_d \dot{\phi} - k_p \phi + (\hat{\bar{y}} - \bar{y})^T \xi - \gamma_c \tag{(7.-f)}$$

با انتخاب متغیرهای حالت  $\phi = x_1 = \phi$  و  $\dot{x}_2 = x_2$  رابطه ((۲۰-۲) را در فضای حالت بازنویسی می کنیم:

$$\dot{x}_1 = x_2 \tag{(11-f)}$$
  
$$\dot{x}_2 = -k_p x_1 - k_d x_2 + (\hat{\bar{y}} - \bar{y})^T \xi - \gamma_c$$
  
$$\dot{X} = AX + BW \tag{(11-f)}$$

که در آن :

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -k_p & -k_d \end{bmatrix} , B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} , X = \begin{bmatrix} x_1 & x_2 \end{bmatrix}^T , W$$
(YT-F)  
$$= (\hat{y} - \bar{y})^T \xi - \gamma_c$$

با تعریف تابع مثبت معین برای دستیابی به مکانیزم تطبیق به نحوی که خطا همگرا شود، به صورت زیر داریم:

$$V(x) = X^T S X + \frac{1}{2\alpha_c} (\hat{\bar{y}} - \bar{y})^T (\hat{\bar{y}} - \bar{y})$$
(14)

در رابطه ((۲۴-۲)،  $\alpha_c$  یک مقدار ثابت بزرگتر از صفر را دارد که انتخاب آن دست طراح است و ماتریس S مثبت معین متقارن میباشد که در معادلهی ماتریسی لیاپانوف زیر صدق میکند.

$$A^T S + S A = -Q \tag{7\Delta-F}$$

در این رابطه Q یک ماتریس مثبت معین متقارن است.

با استفاده از روابط ((۲۲-۲) تا ((۲۵-۲)، 
$$\dot{V}(x)$$
 به صورت زیر محاسبه می شود:

$$\dot{V}(x) = -X^T Q X + (\hat{\bar{y}} - \bar{y})^T \left( 2X^T S B \xi + \frac{1}{\alpha_c} \dot{\bar{y}} \right) - 2X^T S B \gamma_c \tag{(79-f)}$$

چنان که میدانیم جمله اول در رابطه ((۲ - ۲۶) به دلیل مثبت بودن تمام مقادیر ویژه ماتریس Q، همواره منفی معین است، ولی علامت جمله دوم نامعین است و با برابر صفر قرار دادن آن قانون تطبیق برای  $\widehat{\mathcal{Y}}$  به صورت زیر بدست آید:

$$\dot{\bar{y}} = -2\alpha_c \, X^T SB\xi \tag{(Y-f)}$$

$$\dot{V}(x) = -X^T Q X - 2X^T S B \gamma_c \tag{14-4}$$

در نتیجه پارامترهای تطبیق بدین صورت بدست میآید:

$$\hat{\bar{y}} = -\int_0^t 2\alpha_c \, X^T SB\xi \, dt + \hat{\bar{y}}(0) \tag{19-6}$$

برای کاهش خطای ردگیری باید  $\dot{V}(x) < 0$  باشد. بنابراین:

$$-2X^T SB\gamma_c < X^T QX \tag{(7.-f)}$$

با در نظر گرفتن:

$$\lambda_{min} \quad (Q). \, \|X\|^2 \le X^T Q X \le \lambda_{max} \quad (Q) \|X\|^2 \tag{(1-f)}$$

که (Q)  $\lambda_{min}$  (Q) هستند، برای تضمین (( $\ell - \ell^{max})$  که  $\lambda_{min}$  (Q) هستند، برای تضمین ( $\ell - \ell^{max}$ ) کافی است:

$$-2X^T SB\gamma_c < \lambda_{min} \quad (Q). \|X\|^2 \tag{77-6}$$

$$-2X^{T}SB\gamma_{c} < 2\|X\|. \|S\|. \|B\|. |\gamma_{c}|$$
(77-4)

اگر داشته باشیم:

$$2\|X\|.\|S\|.\|B\|.|\gamma_c| < \lambda_{min} \quad (Q).\|X\|^2 \tag{(TF-F)}$$

#### ۴-۲-۲ طراحی کنترل کننده برای کنترل زاویه نسبی بین قاب خارجی و داخلی:

بر مبنای مدل دینامیکی سیستم پاژیر ((۲ - ۱۱) میتوان نوشت:

$$\ddot{\psi} = \frac{MXI.A_{I\phi} - MZI.A_{O\phi}}{A_{I\phi}.A_{O\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}} \tag{(7.6-4)}$$

$$MZI = M_{OIZ}^* - MIZ \tag{(79-4)}$$

و همچنین از رابطه((۲ -۴۴ )داریم:

$$M_{OIZ}^* = -D_{OI}\dot{\psi} - F_{OI}(sgn\dot{\psi}) + T_{mm} \tag{(Y-f)}$$

با جایگذاری رابطه ((۴-۳۶)و ((۴-۳۷) در رابطه ((۴-۳۵) و مرتب سازی داریم:

$$\ddot{\psi} = \frac{MXO.A_{I\phi}}{A_{I\phi}.A_{o\psi} - A_{I\psi}.A_{o\phi}}$$

$$-\frac{\left[\left(-D_{OI}\dot{\psi} - F_{OI}(sgn\dot{\psi}) + T_{mm}\right) - MIZ\right].A_{O\phi}}{A_{I\phi}.A_{o\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}}$$
("\lambda-\vec{\psi})

$$\ddot{\psi} = \frac{MXO.A_{I\phi}}{A_{I\phi}.A_{o\psi} - A_{I\psi}.A_{o\phi}} - \frac{\left[\left(-D_{OI}\dot{\psi} - F_{OI}(sgn\dot{\psi})\right) - MIZ\right].A_{O\phi}}{A_{I\phi}.A_{o\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}} \qquad (\begin{tabular}{c} (\b$$

با اعمال رابطه 
$$rac{A_{I\phi}.A_{o\psi}-A_{I\psi}.A_{O\phi}}{A_{0\phi}}$$
 به طرفین رابطه

(۵-۴) داريم:

$$-\frac{A_{I\phi}A_{o\psi} - A_{I\psi}A_{o\phi}}{A_{o\phi}}\ddot{\psi}$$

$$= -\frac{MXO.A_{I\phi}}{A_{o\phi}} + \left[\left(-D_{OI}\dot{\psi} - F_{OI}(sgn\dot{\psi})\right) - MIZ\right] + T_{mm}$$
(f.-f)

با اضافه و کم کردن 
$$\ddot{\psi}$$
 به رابطه فوق داريم:

$$\ddot{\psi} = \ddot{\psi} + \frac{A_{I\phi} \cdot A_{o\psi} - A_{I\psi} \cdot A_{o\phi}}{A_{o\phi}} \ddot{\psi}$$

$$= -\frac{MXO \cdot A_{I\phi}}{A_{o\phi}} + \left[ \left( -D_{OI} \dot{\psi} - F_{OI} (sgn\dot{\psi}) \right) - MIZ \right] + T_{mm}$$
(\*1-\*)

بنابراین داریم:

$$\ddot{\psi} = F(\psi) + T_{mm} \tag{(+7-+)}$$

که در آن  $F(\psi)$  برابر است با:

$$F(\psi) = \ddot{\psi} + \frac{A_{I\phi} \cdot A_{o\psi} - A_{I\psi} \cdot A_{O\phi}}{A_{O\phi}} \ddot{\psi}$$

$$= -\frac{MXO \cdot A_{I\phi}}{A_{O\phi}} + \left[ \left( -D_{OI} \dot{\psi} - F_{OI}(sgn\dot{\psi}) \right) - MIZ \right]$$
(47.4)

برای طراحی سیستم کنترل فازی مقاوم در این بخش به مانند بخش قبل عمل می کنیم با این تفاوت که زاویه نسبی بین قاب خارجی و داخلی  $\psi$  و مشتق آن  $\dot{\psi}$  ورودی های سیستم فازی و گشتاور موتور میانی  $T_{mm}$  را به عنوان خروجی آن در نظر می گیریم. ۳ تابع تعلق برای هر ورودی فازی در نظر گرفته شده است و فضای کنترل با ۹ قانون فازی پوشش داده می شود. ادامه روند طراحی و اثبات پایداری مانند بخش قبل می باشد که نوشتن مجدد آن خودداری می کنیم.

۴-۲-۳طراحی کنترل کننده برای کنترل زاویه نسبی بین قاب داخلی و پلتفرم:

بر مبنای مدل دینامیکی سیستم پاژیر( (۲ - ۱۲) می توان نوشت:

$$\ddot{\theta} = \frac{A_{p\phi}[MXO.A_{I\psi} - MZI.A_{O\psi}]}{A_{p\theta}[A_{I\phi}.A_{O\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}]} + \frac{MYP}{A_{p\theta}}$$
(\*\*-\*)

با توجه به رابطه( (۲ -*۱۹*) داریم:

$$MYP = M_{IPY}^* - MPY \tag{4.4}$$

و همچنین از رابطه (۲ -۴۰) داریم:

$$M_{IPY}^* = -D_{IP}\dot{\theta} - F_{IP}(sgn\dot{\theta}) + T_{ii} \tag{(+9-+)}$$

$$\ddot{\theta} = \frac{A_{p\phi}[MXO.A_{I\psi} - MZI.A_{O\psi}]}{A_{p\theta}[A_{I\phi}.A_{o\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}]} + \frac{(-D_{IP}\dot{\theta} - F_{IP}(sgn\dot{\theta}) + T_{ii}) - MPY}{A_{p\theta}}$$
(\*Y-\*)

$$\ddot{\theta} = \frac{A_{p\phi}[MXO.A_{I\psi} - MZI.A_{O\psi}]}{A_{p\theta}[A_{I\phi}.A_{O\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}]} + \frac{\left(-D_{IP}\dot{\theta} - F_{IP}(sgn\dot{\theta})\right) - MPY}{A_{p\theta}} \qquad (^{\mathsf{F}\wedge-\mathsf{F})} + \frac{T_{ii}}{A_{p\theta}}$$

با اعمال رابطه 
$$A_{p heta}$$
 به طرفین رابطه (۴–۴۸ و با اضافه و کم کردن  $\ddot{ heta}$  به آن داریم:

$$\ddot{\theta} = \ddot{\theta} - A_{p\theta}\ddot{\theta} + \frac{A_{p\phi}[MXO.A_{I\psi} - MZI.A_{O\psi}]}{A_{I\phi}.A_{O\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}} + (-D_{IP}\dot{\theta} - F_{IP}(sgn\dot{\theta})) - (fq-f)$$

$$MPY + T_{ii}$$

$$\ddot{\theta} = F(\theta) + T_{ii} \tag{(\Delta - f)}$$

که در آن (F(θ برابر است با:

$$F(\theta) = \ddot{\theta} - A_{p\theta}\ddot{\theta} + \frac{A_{p\phi}[MXO.A_{I\psi} - MZI.A_{O\psi}]}{A_{I\phi}.A_{O\psi} - A_{I\psi}.A_{O\phi}} + (-D_{IP}\dot{\theta} - F_{IP}(sgn\dot{\theta})) - MPY$$

$$(\Delta) - \psi$$

در این بخش برای طراحی سیستم کنترل فازی مقاوم همانند بخش ۳-۲-۱ عمل میکنیم با این تفاوت که زاویه نسبی بین قاب داخلی و پلتفرم heta و مشتق آن  $\dot{ heta}$  ورودیهای سیستم فازی و گشتاور موتور میانی  $T_{ii}$  را به عنوان خروجی آن در نظر می گیریم. ۳ تابع تعلق برای هر ورودی فازی در نظر گرفته شده است، که در شکل (۶–۲) نمایش داده شده است. فضای کنترل با ۹ قانون فازی پوشش داده می شده است، که در این مورد طراحی و اثبات پایداری مانند بخش ۳–۲–۱ می باشد که از نوشتن مجدد آن خودداری می کنیم.



heta شکل (۲-۴): توابع تعلق ورودی

#### ۳-۴ - شبیه سازی کنترل کننده فازی مقاوم

پارامترهای مورد نیاز در طراحی کنترل کننده فازی مقاوم به صورت زیر انتخاب شدهاند:

$$\begin{aligned} A &= \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -11 & -6 \end{bmatrix}, \quad Q &= \begin{bmatrix} 20000 & 0 \\ 0 & 20000 \end{bmatrix}, \quad \alpha_c = 800, \quad (\Delta 7 - F) \\ \hat{p}(0) &= 0 \end{aligned}$$

در شبیه سازی با انتخاب ماتریس Q مطابق فوق، ماتریس S را با استفاده از معادله لیاپانوف بیان شده  $\phi_0 = \psi_0 = \theta_0 = sin5t$  در رابطه ((۲۵-۴) محاسبه می کنیم. اغتشاش اعمالی به سیستم به صورت  $f_0 = \psi_0 = \theta_0$ 

می باشد که در شکل (۲-۲) نشان داده شده است. در شکل (۲ -۳) تا شکل (۲ -۱۴) این اثرات به کمک شبیه سازی نشان داده شده است



شکل (۴-۳): زاویه نسبی بین قاب خارجی و پایه





شکل (۴-۵): زاویه نسبی بین قاب داخلی و سکو


شکل (۴-۴): گشتاور اعمالی به قاب خارجی



شکل (۴-۷): گشتاور اعمالی به قاب میانی



شکل (۴-۸): گشتاور اعمالی به قاب داخلی



شکل (۴-۹): سرعت زاویه ای مطلق سکو حول محور x



شکل (۴-۱۰): سرعت زاویه ای مطلق سکو حول محور ۲



شکل (۴-۱۱): سرعت زاویه ای مطلق سکو حول محور Z







 $\psi$  شکل (۴-۱۳): : پارامترهای تطبیق  $\hat{Y}$  برای کنترل کننده



 $\theta$  شکل (۴-۱۴): پارامترهای تطبیق  $\hat{Y}$  برای کنترل کننده

با توجه به نتایج شبیه سازی مشاهده می شود که صفحه به خوبی پایدار شد. در ادامه به مقایسه پاسخ کنترل کننده های طراحی شده با یکدیگر می پردازیم.



شکل (۴-۱۵): زاویه نسبی بین قاب خارجی و پایه



شکل (۴-۱۶): زاویه نسبی بین قاب خارجی و داخلی



شکل (۴-۱۷): زاویه نسبی بین قاب داخلی و سکو



شکل (۴-۱۸): گشتاور اعمالی به قاب خارجی



شکل (۴-۲۰): گشتاور اعمالی به قاب داخلی



شکل (۴-۲۲): سرعت زاویه ای مطلق سکو حول محور ۲



شکل (۴-۲۳): سرعت زاویه ای مطلق سکو حول محور Z

با مقایسه نتایج شبیه سازی کنترل کننده PID با کنترل کننده فازی مقاوم عملکرد بسیار مطلوب این کنترل کننده مشاهده می شود. در این بخش به بررسی سیستم با اعمال اغتشاش به صورت شکل (۲*۴-۴*) می پردازیم.



شکل (۴-۲۴): اغتشاش اعمالی

در شکل (۴ -۲۵) تا شکل (۴ -۳۹) این اثرات به کمک شبیه سازی نشان داده شده است



شکل (۴-۲۵): زاویه نسبی بین قاب خارجی و پایه حاصل از اعمال کنترل کننده فازی مقاوم



شکل (۴-۲۷): زاویه نسبی بین قاب خارجی و داخلی حاصل از اعمال کنترل کننده فازی مقاوم



شکل (۴-۲۹): زاویه نسبی بین قاب داخلی و سکو حاصل از اعمال کنترل کننده فازی مقاوم







شکل (۴-۳۱): گشتاور اعمالی به قاب خارجی







شکل (۴-۳۳): گشتاور اعمالی به قاب داخلی



شکل (۴-۳۴): سرعت زاویه ای مطلق سکو حول محور x



شکل (۴-۳۵): سرعت زاویه ای مطلق سکو حول محور ۲







 $\phi$  شکل (۴-۳۷): پارامترهای تطبیق  $\hat{Y}$  برای کنترل کننده







heta شکل (۴-۳۹): پارامترهای تطبیق  $\hat{Y}$  برای کنترل کننده

فصل پنجم: نتیجه گیری و پیشنهادات

### ۵-۱ : نتیجه گیری:

در این پایان نامه طرح نوینی برای کنترل پایدار کنندههای ژیروسکوپی به منظور دستیابی به عملکرد مطلوب ارائه و بررسی گردید. ببا توجه به وجود نامعینیها و اغتشاشات خارجی، که برای پایدار کننده ژیروسکوپی مفروض تعیین گردیده، در فرآیند ردگیری و پایداری از کنترل کننده فازی مقاوم استفاده شده که جزو نوآوری این طرح تحقیقاتی محسوب می گردد. در فصل دوم به مدل سازی پایدار کننده سه محوره پرداخته شد. در فصل سوم به بیان و طراحی کنترل کننده تناسبی-انتگرالی-مشتقی برای سیستم پایدار کننده ژیروسکوپی و در ادامه با تغییر ضرایب به بهبود پاسخ سیستم پرداختیم. در فصل چهارم که بخش اصلی پایان نامه است، کنترل کننده فازی مقاوم با استفاده از تئوری لیاپانوف طراحی شد، که یک کنترل کننده مؤثر برای کنترل عدم قطعیت در سیستم های غیرخطی است و به دلیل عملکرد ردیابی مقاوم ، تضمین پایداری و پاسخ با دقت بالا مطرح شده است. پایداری آن با تحلیل ریاضی اثبات گردید .

### ۲-۵ : پیشنهادات:

- استفاده از الگوریتمهای هوشمند مانند الگوریتم انبوه ذرات، ژنتیک و..
  - استفاده از کنترل کننده عصبی به جای کنترل کننده فازی
    - پیادہ سازی عملی و ساخت
- استفاده از روش کنترل کننده فازی-تناسبی- انتگرالی -مشتقی به جای کنترل کننده تناسبی- انتگرالی- مشتقی.
  - پایدار سازی سکو با بهره گیری از رباتهای موازی.

مراجع

- [1] Fabien Napolitano, iXSea, an iXBlue company", ,Fiber-Optic Gyroscopes Key Technological Advantages",*FIBER-OPTIC GYROSCOPES*. Y. V. ,
- [Y] Y. Paturel et al ", FOG Technology and FOG based systems an industrial reality at IXSEA ", Saint Petersburg International Conference on Integrated Navigation Systems. Y... \*,
- میرزاجانی دارستانی، محمد صادق، سید زین العابدین موسوی و پرویز امیری, "ارزیابی عملکرد [۳] پایدار کننده های ژیروسکوپی یک محوره نیرویی و اندیکاری در شرایط کاری یکسان," همایش یافته های نوین در هوافضا و علوم وابسته ،تهران ، دانشکده علوم و فنون نوین دانشگاه تهران, ۱۳۹۴.
- م. ر. دارستانی, "طراحی و راه اندازی سیستم کنترل صفحه پایدار ژیروسکوپی سه محوره روی [۴] حامل," رساله دکترا تخصصی ، دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی, ۱۳۹۲.
- [7] Leghmizi Said, Liu Sheng, Naeim Farouk and Boumediene Latifa", Modeling, Design and Control of a Ship Carried "DOF Stabilized Platform", *Research Journal*

of Applied Sciences, Engineering and Technology ,۱۹ جلد ۴, شماره pp. ۳۸۵۳-۳۸۴۱, ۲۰۱۲.

- [V] Duan Zheng Yong, Peng Yong", A Comprative Analysis to Traditional PID And Fuzzy Adaptive PI- Variable Damping Controlling System Of MRST Stabilized Platform", International Conference on Measuring Technologyb and Mechatronics Automation. Y., 9,
- [٩] Yuantao Zhang, Taifu Li, Jun Yi", Adaptive Neural Network Sliding Mode Control Based on Particle Swarm Optimization for Rotary Sreering Drilling Stabilized Platform ", International Journal of Advancements in Computing Technology(IJACT), المماره ٩٩, ٩٩, ٢٠١٢
- [1.] Zhi Yu, Jian Zhong Cago, Hong Tao Yang, Hui Nan Guo, Bo Gao and Lei Yang,
  "Advanced Fuzzy PID Composite Control for Stabilized Platform System",
  International Conference on Mechatronics and Automatica ,pp. Y&F.-Y&YF, .Y.)Y
- [11] Z. M. Ge, T. N. Lin", Chaos, Chaos Control and Synchronization of a Gyrostat System", Journal of Sound and Vibration , ۳ جلد ۲۵۱, شماره ۲٫۳ ماره ۲۰۰۲, شماره ۲۰۰۲
- [17] Y. B. Shtessel", Decentralized Sliding Mode Control in Three-Axis Inertial Platform", by the American Institute of Aeronautics and Astronautics, Inc. 1996,

- [١٣] Amr A. Roshdy, Chengzhi Su, Hany F. Mokbel, Yu zheng lin, and Tongyu Wang, "Design a Robust PI Controller for Line of Sight Stabilization System", International Journal of Modern Engineering Research (IJMER), ۲۰, شماره ۲۰, ۴۴, ۲۰۱۲
- [14] Xiong Xianfeng, Xing Jifing, Peng Likun" ,Design and Realization of Control System of a Novel Digital Hydraulic Y-DOF Motion Platform ",International Conference on Mechanical Engineering and Material Science (MEMS Y. 17),pp. 19Y-194, Y. 1Y
- [۱۵] Zbigniew Koruba, Zbigniew Dziopa, Izabela Krzysztofik" ,DYNAMICS AND CONTROL OF A GYROSCOPE-STABILIZED PLATFORM IN A SELF-PROPELLED ANTI-AIRCRAFT SYSTEM ",Journal of Theoretical and Applied Mechanics , ۰ ، مارد ۲۶-۵, ۲۰۱۱
- [19] A. A. Nikkhahi, J. Roshanian, H. R. Moghadas, H. R. jafari", Modeling and LQR Controller Design for a three Axes Gyro stabilized platform."
- [אי] M.M.Abdo, A.R.Vali, A.R.Toloei, M.R.Arvan ",Stabilization Loop of a Two Axes Gimbal System Using Self-tuning PID Type Fuzzy Controller ",*ISA Transaction*, pp. ۶۰۲-۵۹۱, ۲۰۱۴
- بیژن سلطانی، دکتر علی خاکی صدیق, "مدلسازی، شناسایی و کنترل صفحه پایدار جستجوگر [۱۸] دو درجه," ۱۳۸۲.

- [19] S.A. Hassan, I. Askari, M. Salman Fareed, Kh. Munawar, M. B. Malik,
  "Development of a 'Degrees of Freedom Tracking System Part III: System Modeling", *IEEE International Conference on Emerging Technologies*. Y., A,
- [Y.] Y. P. ANG.Liduan" ,High Performance Strapdown Inertial Navigation System Algorithms for Space Flight ",*IEEE*.Y...,
- [Y1] Li Ying, Ge Wen-qi, Wang Shao-Bin, Xu Zheng-Ping", Study of Adaptive Inverse Control to Stale Platform to Stale Platform ", International Conference on Computer Science and Software Engineering .Y...,
- [۲۲] H.-H. Chen" ,Stability and chaotic dynamics of a rate gyro with feedback control under uncertain vehicle spin and acceleration",*Journal of Sound and Vibration* , جلد ,۲۷۳pp. ۹۶۸-۹۴۹, ۲۰۰۴
- [۲۳] Manuel F. Pe'rez Polo, Manuel Pe'rez Molina" ,Chaos, Chaotic and Steady State Behavior of a Nonlinear Controlled Gyro Subjected to Harmonic Disturbances ", Solitons and Fractals , ۳۳ جلد pp. ۶۴۱-۶۲۳, ۲۰۰۷
- [Y\*] Yonggen Han, Yanhong Lu, Haitao Qiu", An Improved Control Scheme of Gyro Stabilization Electro-Optical Platform Y...Y", IEEE International Conference on Control and Automation WeCP- 19Guangzhou, CHINA - May T. to June . Y...Y, 1
- [Yo] T. Aruga, N. Wada, A. Ming, N. Kurakane, M. Satoh, H.Takeuchi, S.Tazoe,
  "Development of a Small Tracking Camera System for Mobile Platforms",
  Proceedings of the Y. AIEEE International Conference on Information and

Automation, June YY-YA, Zhuhai/Macau, China Y...,

- [۲۶] V.J.Lappas, Dr. WI-I Steyn, Dr. C.I. Underwood" ,Attitude Control for Small Satellites Using Control Moment Gyros ",*Acta Astronautic* , جلد ۵۱, شماره ۱, pp. -۱۰۱ ۱۱۱, ۲۰۰۲
- [۲۷] F.N.Barnes" ,Stable Member Equations of Motion for a Three-Axis Gyro Stabilized ",IEEE Transaction On Aerospace and Electronic System , Aes , ۷ شماره ۵۰, ۱۹۷۱
- ح. مقدس, "پایدار کننده سه محوره کنترل دوربین," *پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه صنعتی* [۲۸] خواجه نصیرالدین طوسی, ۱۳۸۸.
- [۲۹] C.Y.Jin, K.H. Ryu, S.W.Sung, J.Lee", PID Auto-Tuninig Using New Model Reduction Method and Explicit PID Tuning Rule for a Fractional Order Plus Time Delay Model ", Journal of Process Control, ۰۰ شماره ۲۰, شماره ۲۶, ۲۰۱۴, ۲۰۱۴, ۲۰۱۴
- [۳۰] J.Prakash, K.Srinivasan", Design of Nonlinear PID Controller and Nonlinear Model Predictive Controller for a Continuous Stirred Tank Reactor", *ISA Transactions* جلد , بشماره ۲۰۰
- [۳۱] M.El-Bardini, A.M.El-Nagar" ,Interval Type- ۲Fuzzy PID Controller for Uncertain Nonlinear Inverted Pendulum System ",ISA Transactions , ۰۰ شماره ۳۰, شماره ۹۲, ۲۰۱۴
- ["Y] J.Kang, W.Meng, A.Abraham, H.Liu", An Adaptive PID Neural Network for

pp. ۸۵-۷۹, .۲۰۱۴ روی د ۲۰۱۴ روی د ۲۰۱۴ روی د ۲۰۱۴ Complex Nonlinear System Control

- [۳۳] A.Rabiei, M.Malekzade, M.Abnili", A Nonlinear Predictive PID Controller Design for Spacecraft Formation Flying Control ", Modares Mechanical Engineering , جلد , مصاره ۲۰, شماره ۲۰, شماره ۲۰,
- م. رضایی دارستانی ، ا.ع.نیکخواه, "کنترل صفحه پایدار ژیروسکوپی سه محوره دوربین بکمک [۳۴] کنترلر PID غیرخطی," دهمین همایش انجمن هوافضا ایران, ۱۳۸۹.
- امیر علی نیکخواه، جعفر روشنیان، حمیدرضا مقدس, "مدلسازی و طراحی کنترلر LQR برای [۳۵] یک صفحه پایدار ژیروسکوپی سه محوره," *مجله مکانیک و هوافضا(دانشگاه امام حسین)*, ۱۳۹۲.
- [٣۶] Ogata.Katsuhiko, Modern Control Engineering, <sup>4</sup>th Edition. Prentice Hall, November <sup>4</sup><sup>7</sup>, <sup>4</sup>.<sup>1</sup>
- [rv] L.X.Wong", A course in fuzzy system and control", Pretice Hall, Englewood Cliffs,.
- [۳۸] C.Ham, Z.Qu, R.Johnson" ,Robust Fuzzy Control for Robot Manipulators ",IEEE Proc., Control Theory Appl, ۱۴۷, جلد pp. ۲۱۶-۲۱۲, ۲۰۰۰.
- [۳۹] C.M.Lim, T.Hiyama" ,Application of fuzzy logic control to a manipulator ",*IEEE Trans. Robot. Autom*, جلد ۱, pp. ۶۹۱-۶۸۸, ۱۹۹۱
- [۴۰] L.X.Wong, J.M.Mendel" ,Fuzzy Basic Functions, Universal Approximation, and Orthogonal Least Squares Learning ",IEEE Trans. Neural Networks ,۳ جلد ,pp. -۸۰۷

AIV, .199۲

- [۴۱] J.C.Wu, T.S.Liu", A sliding-mod approach to fuuzy control design ",IEEE Trans. Control. System. Technology, جلد ۴, pp. ۱۵۱-۱۴۱, ۱۹۹۶
- [۴۲] M.B.Ghalia, A.T,Alouani", A Sliding-Mode Approach to Fuzzy Control Synthesis Using Fuzzy Logic ",inproc. American Control Conf., Seattle, WA ,pp. ۱۵۳۲-۱۵۲۸,
- [۴۳] E.Kim" ,Output Feedback Tracking Control of Robot Manipulator With Model Uncertainty Via Adaptive Fuzzy Logic ",IEEE Trans.Fuzzy System , ۲۰۰۴, ۳۷۶, ۲۰۰۴
- [۴۴] L.X.Wong, Adaptive fuzzy systems and control: designand stabilityanalysis. Prentice-Hall,Englewood Cliffs, .۱۹۹۴
- [۴۵] M.M.Fateh, S.Fateh" ,Decentralized Direct Adaptive Fuzzy Control of Robots Using Voltage Control Strategy",Nonlinear Dyn , ۲۰۰۲, pp. ۱۹۳۰-۱۹۱۹, ۲۰۱۲

#### Abstract

In this thesis the method of a Robust fuzzy control for a three axis gyro stabilized platform is presented. This platform is under the vibration effect of its moving stand. Then, a Robust fuzzy control methods are designed to guarantee stability of closed loop system and having a good tracking performance which can overcome the parametric uncertainty. Adaptive fuzzy control efficiently controls uncertain nonlinear systems. In first section, modeling and presentation of equation of motion of gyrostabilizer with consider mechanical and non-mechanical gyros, is presented.in the next section the PID controller is presented .in the continuation for ensure to reach a tracking and emmiting disturbances to compare a Robust fuzzy control is considered with a PID control is presented. This research presents the stability analysis of control system and verifies the control method by the stability analysis and simulation results.

*Keywords:* Gyrostabilizer, Stabilized Platform, *PID control*, *Robust Fuzzy Control, Uncertainty* 



## Faculty of Electrical Engineering and Robotic M.Sc. Thesis in Control Engineering

# Modeling and Robust Fuzzy Control for Stabilization of a 3DOF Platform

By: Shahram najafi

Supervisor:

Dr. Mohammad Hadad Zarif

February 2017