



دانشکدهی فیزیک و مهندسی هستهای

گروه هستهای

پایان نامه کارشناسی ارشد

بررسی خواص تلهی پائول دو بعدی به عنوان یک فیلتر جرمی

سونيا سرفرازي

استاد راهنما

دكتر مسلم سوهاني

بهمن ۱۳۹۶

شمارہ: باسمەتغالى	
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	مدیریت تحصیلات تکمیلی

فرم شماره (۳) صورتجلسه نهایی دفاع از پایان نامه دوره کارشناسی ارشد

با نام و یاد خداوند متعال، ارزیابی جلسه دفاع از پایان نامه کارشناسی ارشد خانم سونیا سرفرازی با شماره دانشجویی ۹۴۰۹۲۲۴ رشته فیزیک گرایش هستهای تحت عنوان بررسی خواص تلهی پائول دو بعدی به عنوان یک فیلتر جرمی که در تاریخ ۹۶/۱۱/۸ با حضور هیأت محترم داوران در دانشگاه صنعتی شاهرود برگزار گردید به شرح ذیل اعلام می گردد:

		مردود 🔲	ول (با درجه: 🛄 💭 🗹
		عملی 🗌	ع تحقیق: نظری 🗹
امضاء	مرتبة علمي	نام ونام خانوادگی	عضو هيأت داوران
the	استادیار	دکتر مسلم سوهانی	۱_ استادراهنمای اول
		÷ .	۲ – استادراهنمای دوم
	-	-	۳- استاد مشاور
to	استاديار	دكتر مصطفى عنابستاني	۴- نماینده تحصیلات تکمیلی
S.	دانیکر	دكتر حسين توكلي عنبران	۵- استاد ممتحن اول
-A-	استاديار	دكتر احسان ابراهيمي	

نام و نام خانوادگی رئیس دانشکده: دکتر مهدی مؤمنی



•••• تفریم بہ •• •

مادرم آن نادره ی متی

9

برادرم دلكرمى ويناه بمتسكى

از اساد بزرگوارم جناب آقای دکتر سوینی که بمواره از وجود پر فیض ایشان بهره پری علمی و اخلاقی

بردهام، نهایت سکر وقدردانی را دارم.

امید که در نهایت سلامت و بهروزی، همواره راهکشای علمی آیندگان باشند.

تعهد نامه

اینجانب **سونیا سرفرازی** دانشجوی دوره کارشناسی ارشد رشته فیزیک هستهای دانشکده فیزیک و مهندسی هستهای دانشگاه صنعتی شاهرود نویسنده پایان نامه **بررسی خواص تلهی پائول دو بعدی به عنوان یک فیلتر جرمی** تحت راهنمائی دکتر مسلم سوهانی متعهد می شوم .

- تحقیقات در این پایان نامه توسط اینجانب انجام شده است و از صحت و اصالت برخوردار است .
 - در استفاده از نتایج پژوهشهای محققان دیگر به مرجع مورد استفاده استناد شده است .
- مطالب مندرج در پایان نامه تاکنون توسط خود یا فرد دیگری برای دریافت هیچ نوع مدرک یا امتیازی در هیچ جا ارائه نشده است
- کلیه حقوق معنوی این اثر متعلق به دانشگاه صنعتی شاهرود می باشد و مقالات مستخرج با نام «دانشگاه صنعتی شاهرود» و یا
 Shahrood University of Technology» به چاپ خواهد رسید .
- حقوق معنوی تمام افرادی که در به دست آمدن نتایح اصلی پایان نامه تأثیر گذار بوده اند در مقالات مستخرج از پایان نامه رعایت می گردد.
- در کلیه مراحل انجام این پایان نامه، در مواردی که از موجود زنده (یا بافتهای آنها) استفاده شده است ضوابط و اصول اخلاقی رعایت شده است .
- در کلیه مراحل انجام این پایان نامه، در مواردی که به حوزه اطلاعات شخصی افراد دسترسی یافته یا استفاده شده است اصل رازداری ، ضوابط و اصول اخلاق انسانی رعایت شده است .

تاريخ

امضای دانشجو

مالکیت نتایج و حق نش*ر*

- کلیه حقوق معنوی این اثر و محصولات آن (مقالات مستخرج ، کتاب ، برنامه های رایانه ای ، نرم افزار ها و تجهیزات ساخته شده است) متعلق به دانشگاه صنعتی شاهرود می باشد . این مطلب باید به نحو مقتضی در تولیدات علمی مربوطه ذکر شود .
 - استفاده از اطلاعات و نتایج موجود در پایان نامه بدون ذکر مرجع مجاز نمی باشد.

تلههای یونی به طور گستردهای برای محصورسازی یونها مورد استفاده قرار می گیرند. این یونهای محصور شده، سیستمهای ایدهآلی برای مطالعه روی زمینههای مختلف فیزیک هستند. از جمله کاربردهای تلهی یونی اندازه گیری دقیق جرم اتمی ایزوتوپهای پایدار و ناپایدار و گذارهای اتمی ، اندازه گیری طول عمر حالتهای برانگیختهی شبه پایدار و استفاده از آنها به عنوان طیف سنج جرمی یا یک منبع ذخیرهی یون میباشد. تلههای یونی به دو دستهی تلهی پائول و پنینگ تقسیم میشوند. تلهی پائول از میدانهای الکتریکی چهارقطبی پائول از میدانهای برای محصور سازی میباشد. تله می بائول از میدانهای برای معر حالتهای میباند. تله یونی به دو دسته یا بائول و پنینگ تقسیم میشوند. تله یا پائول از میدانهای الکتریکی چهارقطبی متناوب و تله یونی از ترکیب میدان مغناطیسی یکنواخت و پتانسیل الکتروستاتیک برای محصور سازی ذرات استفاده میکند.

هدف اصلی در این پایان نامه، استفاده از تله ی پائول دوبعدی (خطی) به عنوان فیلتر جرمی است. به این منظور، با استفاده از نرم افزارهای شبیه سازی ابتدا به رسم نمودارهای پایداری مسیر حرکت یون در تله یدو بعدی و بررسی تأثیر اعمال میدان مغناطیسی به تله روی پارامترهای پایداری پرداخته شد و سپس با استفاده از این نمودارها، مسیرهای پایدار و ناپایدار حرکت یون محاسبه گردید و بهترین موقعیت برای جداسازی ایزوتوپها به دست آمد. همچنین مسیر حرکت یون با استفاده از نرم افزار CST نیز شبیه سازی شد.

با بررسی نواحی پایداری مختلف و همچنین بررسی امکان جداسازی ایزوتوپی در هر ناحیه، این نتیجه حاصل شد که بهترین ناحیه برای جداسازی ایزوتوپ سبک از سنگین (به عنوان مثال B^{۰۰} از B^{۱۰}) ناحیهی پایداری C میباشد. در صورت اعمال یک میدان مغناطیسی ثابت در راستای y با توجه به تغییر شکل و جابجایی نواحی پایداری روی نمودارهای پایداری، مناسب ترین ناحیه، ناحیهی 'A است. کار کردن با ناحیهی 'A به دلیل گستردگی بیشتر نسبت به ناحیهی C راحت تر است.

کلمات کلیدی: تلهی پائول دوبعدی، فیلتر جرمی، معادلهی متئو، نواحی پایداری، جداسازی ایزوتوپی.

لیست مقالات استخراج شده از پایان نامه

۱- مسلم سوانی، سونیا سرفرازی، مناطق پایداری یون در تله ی پائول دو بعدی، بیت و جهار مین کنفرانس بهاره ی فنریک، بژو، تگاه دانش یک بنیادی، خردادماه ۱۳۹۲. ۲- مسلم سوانی، سونیا سر فرازی، جداسازی ایروتویی به کمک تله ی پائول دوبعدی در ناحیه ی C، سومین کنفرانس ملی شابکر پلی ذرات و کاربرد پلی آن، دانشگاه صنعتی اصفهان، آ ذرماه ۱۳۹۶.

. فهرست مطالب

فسل اول
۱-۱ تاريخچه۲
۲-۱ تلهی پائول دوبعدی (خطی)۴
۱–۳ تلهی پائول سه بعدی۷
۹–۴ تلهی یونی پنینگ۹
فصل دوم ۱۳
۲-۱ پتانسیل چهارقطبی الکتریکی۱۴
۲-۲ معادلات حرکت یون در تلهی یونی دوبعدی۲۰
۲-۳ معادلهی متئو۲
۲-۴ جواب های معادلهی متئو ۲۵
۲-۵ نواحی پایدار یون در تلهی یونی دوبعدی۲۸
فصل سوم
۳-۱ بررسی حرکت یون در تلهی یونی دو بعدی۳

۲-۳ اعمال میدان مغناطیسی ثابت در راستای x به تلهی یونی۳۹
۳-۳ اعمال میدان مغناطیسی ثابت در راستای y به تلهی یونی۴۱
فسل چپارم
۴-۱ طراحی تلهی یونی دو بعدی با استفاده از نرم افزار CST۴۶
۴۸ شبیه سازی حرکت یون در تلهی یونی دو بعدی۴۸
۴-۳ جداسازی ایزوتوپی۴
۴–۴ جمع بندی۶۱
منابع

فهرست تكل كم

كل ۱-۱	ش
کل ۲-۱	ش
کل ۱–۳	ش
کل ۴-۱	ش
کل ۱-۵	ش
کل ۲-۶کل ۱۰	ش
کل ۲-۱	ش
کل۲–۱	شآ
کل ۲–۲	ش
کل ۳-۲	ش
کل ۴-۲	ش
کل ۵-۲	ش
کل ۲-۶:	ش
کل ۲-۲	ش
کل ۲-۸	ش
کل ۲-۹	ش

۳۷	شکل۳-۱
۳۸	شکل ۳-۲ .
۳۸	شکل ۳-۳ .
۴۱	شکل ۳-۴.
۴۳	شکل ۳–۵.
۴۷	شکل۴-۱
۵۰	شکل ۴-۲ .
۵۱	شکل ۴-۳.
۵۳	شکل ۴-۴ .
۵۴	شکل ۴-۵.
۵۵	شکل ۴-۶.
۵۶	شکل ۴-۷ .
۵۷	شکل ۴-۸.
۵۸	شکل ۴-۹ .
۶۰	شکل ۴-۱۰
۶۰	شکل ۴–۱۱

فهرست جداول

۴۶	جدول ۴-۱
۴۸	جدول۴-۲
۴۸	جدول۴-۳
۵۱	جدول۴-۴
۵۵	جدول ۴-۵
۵۷	جدول ۴-۶
۵۹	جدول ۴–۷

فصل اول

.. معرمہ

۱-۱ تاریخچه

تلههای یونی به طور گسترده ای برای محصورسازی یونها مورد استفاده قرار می گیرند. یونهای ذخیره شده در تلههای یونی سیستمهای ایده آلی برای مطالعه روی زمینههای مختلف فیزیک هستند. ازجمله کاربردهای متعدد تلهی یونی آشکارسازی مولکولها از ساده تا پیچیده، انجام آزمایشات مختلف با تک یون به تله افتاده، اپتیک کوانتومی، اندازه گیری دقیق جرمها و فرکانسهای گذارهای اتمی و دستکاری کنترل شدهی حالتهای کوانتومی است. اخیرا، از تلهی پائول خطی^۱برای انجام انواع مختلف آزمایشها مانند اندازه گیری طول عمر حالتهای برانگیختهی شبه پایدار با نیمه عمر بلند و مطالعه روی کریستالهای

تلهها میتوانند به دو دستهی تله با فرکانس رادیویی الکتریکی^۲(RF) و تلههای پنینگ^۳ که از ترکیب میدان مغناطیسی یکنواخت و پتانسیل الکتروستاتیک استفاده میکنند؛ تقسیم شوند [۳]. تلههای یونی پائول شامل تلههای سه بعدی و دوبعدی (خطی) هستند. ویژگی مهم و اصلی آنها، استفاده از میدان-های الکتریکی چهارقطبی متناوب به منظور نگه داشتن ذرات باردار در یک حالت شناخته شدهی حرکت، که با معادلهی متئو^۴ توصیف میشود، است. به این ترتیب میتوان ذرات باردار را در فضا محدود کرد [۲]. از جمله کاربردهای اولیهی تلهی یونی، استفاده از آن به عنوان یک طیف سنج جرمی و یا یک منبع ذخیرهی یون است. واضح است که برای کاربرد طیف سنج جرمی به وسیلهای برای تولید یون (چشمهی یون) و سیستم آشکارسازی یون نیز نیاز است [۴].

¹ Linear Ion Trap

^{*} Electric radiofrequency trap

^r Penning Trap

^{*} Mathieu function

فیلتر جرمی چهارقطبی دوبعدی (QMF)^۵ که دستگاهی برای طیف سنجی جرمی است و تلهی یونی چهارقطبی سه بعدی (QTT) ^۹ که برای به تله انداختن و ذخیره سازی یونها مورد استفاده قرار میگیرد؛ دو دستگاه از مجموعه دستگاههایی هستند که از پایداری مسیر ذره برای جداسازی یونها براساس نسبت جرم به بار (^m/_a) استفاده میکنند. اصول عملکرد طیف سنج جرمی چهارقطبی برای اولین بار توسط پائول^۷ و استین ودل^۸ در سال ۱۹۵۳ معرفی شد. آنها از روش جدیدی برای طراحی یک شتابدهنده با انرژی بالا استفاده کردند. همچنین در همان سالها گود⁴در مورد دستگاههای محصور سازی ذرات، پست ^{۱۰} و هاینریش^{۱۱}در مورد اصول متمرکزسازی باریکههای ذرات ایدههای مشابهی را مطرح کردند[۵ و۴]. پائول و همکارانش در دانشگاه بن^۳استفاده از میدانهای متمرکز کنندهی قوی برای آنالیز جرم را مطرح کردند و آن را در PMP به کار بردند که منجر به دریافت جایزهی نوبل فیزیک در سال ۱۹۸۹ توسط پائول، و آن را در PMP به کار بردند که منجر به دریافت جایزهی نوبل فیزیک در سال ۱۹۸۹ توسط پائول، رامزی^{۳۱} و دهملت^{۱۱} شد [۶]. اولین شرح دقیق عملکرد یک تلهی یونی چهارقطبی در پایان نامهی برکلینگ^{۵۱}در سال ۱۹۵۶ مطرح شد و بعدها گزارش مفصل تری از آن توسط فیشر^{۹۱}منتشر شد [۴]. در

- ^a Quadrupole Mass Filter
- ^{*} Quadrupole Ion Trap
- ^v Wolfgang Paul
- [^] Steinwedel
- ۹ Good
- ^{\.} Post
- " Heinrich
- ¹⁷ University of Bonn
- ^{۱۳} Norman Ramsay
- ¹⁴ Hans Dehmelt
- ¹⁴ Berkling
- ¹⁹ Fischer

موج سینوسی در تلههای یونی معمول از شکل موج مربعی استفاده شد و تلهی یونی دیجیتال (DIT) ^{۱۱} نامیده شد [۷].

۱-۲ تلهی پائول دوبعدی (خطی) ۱۸

تلهی پائول دوبعدی (LIT)، معمولا شامل آرایهی چهارتایی از الکترودهای میلهای است که به صورت موازی در یک پیکربندی مربعی واقع شدهاند و در آن هر جفت میلهی روبروی هم (جفت میلهی راستای x و جفت میلهی راستای y) به لحاظ الکتریکی به هم متصل هستند و یک پتانسیل RF به آنها اعمال میشود. به علاوه جفت میلهها میتوانند تحت تأثیر پتانسیلهای DC مثبت (در راستای x) و منفی (در راستای y) نیز قرار بگیرند که البته معمولا پتانسیل DC صفر در نظر گرفته میشود. این پتانسیلها میدان چهارقطبی دوبعدی را بین میلهها (مسیر عبور یونها) در صفحهی y-x ایجاد میکنند و یونهای وارد شده به تله را تحت تأثیر قرار میدهند. پتانسیلهای اعمالی به جفت میلهها یکسان اما در فاز مخالف

یونهای تولید شده در منبع در طول محور میلهها (راستای z) به داخل دستگاه تزریق می شوند و در حین حرکت در راستای z، به علت پتانسیلهای اعمالی به میلهها در صفحهی x-y نیز نوسان می کنند و تحت تأثیر این میدانها، مسیرهای پیچیدهای را طی می کنند. مسیر حرکت آنها با معادلهی دیفرانسیل مرتبهی دوم (معادلهی متئو) توصیف می شود که در فصل دوم به آن پرداخته خواهد شد. بعضی از این

¹¹ Digital Ion Trap

^{1A} Linear Ion Trap

مسیرها ناپایدارند و تمایل به فاصله گرفتن بی نهایت از محور تله دارند و در نتیجه یونها به دلیل برخورد با الکترودها از دست میروند. یونهایی که دارای مسیرهای پایدار هستند، از تلهی یونی عبور میکنند و میتوانند روی سیستم آشکارسازی انتهای مسیر ثبت شوند. شکل ۱-۱ نمایی از یک تلهی یونی متشکل از چهار الکترود استوانهای با سطح مقطع دایرهای را نشان میدهد. پایداری مسیر یک یون، با نسبت جرم به بار مشخص، در فضای بین دو الکترود (۲۲۰) به دامنهی پتانسیل RF، اندازهی فرکانس Ω و نسبت دامنههای پتانسیلهای RF و DC بستگی دارد [۸ و۴].



شکل ۱-۱: تلهی یونی دوبعدی. یونها در راستای محور z وارد میشوند و در صفحهی x-y نوسان میکنند. این نوسان می-تواند توسط پتانسیلهای DC و RF اعمالی به الکترودها کنترل شود.

شکل هذلولی، ایده آل ترین هندسه برای الکترودهای تلهی یونی است؛ اما اغلب برای سهولت در ساخت از میلههای استوانهای با سطح مقطع دایرهای استفاده می شود. اولین پیشنهاد برای نسبت شعاع الکترودها (r) به شعاع میدان (r.) که بهترین تقریب به میدان چهارقطبی ایده آل را در تلهی یونی ساخته شده با میلههای دایرهای ایجاد میکند، نسبت r = 1.148 r بود [۴]. بعدها گیبسون^{۱۹} و تیلور ^{۲۰} ادعا کردند که نمی توان یک مقدار واحد $\frac{r}{r_{.}}$ را به تمام پیکربندیها نسبت داد. به طور کلی، مقداری در محدودهی r = 1.17 r. r = 1.17 r. تا $r = r_{.}$ بهترین کارایی را تولید میکند [۹].

یکی از کاربردهای تلهی یونی خطی، استفاده از آن به عنوان یک منبع ذخیرهی یون است. در این حالت، یونها در راستای شعاعی به وسیلهی یک میدان با فرکانس رادیویی (RF) دوبعدی و در راستای محوری توسط پتانسیلهای متوقف کنندهی اعمالی به انتهای الکترودها محصور میشوند. یکی از اولین تلههای خطی توسط چرچ^{۲۱}ساخته شد، او توانست عمل ذخیره سازی را برای پروتون و یون ⁺He⁺ برای چند دقیقه انجام دهد [۱۰]. بازدهی تزریق یون و ظرفیت ذخیرهی یون در تلههای پائول دو بعدی در مقایسه با تلههای سه بعدی بیشتر است. اما استفاده از تلههای یونی دو بعدی تنها محدود به ذخیره سازی یونها نمیشود. آنها میتوانند در ترکیبی با سایر آنالیزکنندههای جرمی قرار بگیرند و کاربردهایی مانند انجام آزمایشات طیف سنجی جرمی پشت سرهم و مطالعاتی روی شیمی یون – مولکول داشته باشند. همچنین تلههای خطی میتوانند به عنوان طیف سنج جرمی^۲

یکی دیگر از کاربردهای تلهی خطی، جداسازی ایزوتوپها براساس نسبت جرم به بار است. تلهی خطی میتواند ایزوتوپهایی که دارای یک نسبت جرم به بار مشخص هستند را عبور دهد و سایر ایزوتوپها را حذف کند. در این پایان نامه، خواص تلهی پائول دو بعدی به عنوان یک فیلتر جرمی^{۳۳}را بررسی خواهیم کرد. شکل ۱-۲ نمایی از یک فیلتر جرمی را نشان میدهد.

۱۹ Gibson

^{r.} Taylor

^r¹ Church

Mass spectrometer

^{rr} Mass filter



شکل۱-۲: نمایی از یک طیف سنج جرمی چهارقطبی یا فیلتر جرمی [۶]

۱–۳ تلهی پائول سه بعدی^{۲۴}

در سیر تکاملی دستگاههای چهارقطبی دومین دستگاه، تلهای برای ذخیره سازی یون بود. تلهی یونی سه بعدی (QIT) دستگاهی دارای دو کاربرد است؛ که میتواند هم به عنوان طیف سنج جرمی و هم به عنوان یک منبع ذخیرهی یون استفاده شود و یونها در یک بازهی زمانی محدود در آن محصور شوند [7].

تلهی پائول سه بعدی دارای هندسهای با تقارن استوانهای شامل سه الکترود فلزی (دو الکترود کلاهک و یک الکترود حلقه) است، که با استفاده از اعمال پتانسیل متناوب به الکترودها امکان گیراندازی

^{rf} Quadrupole Ion Trap

ذرات باردار را فراهم می کند. شکل ۱-۳ نمایی از تلهی پائول سه بعدی با یک الکترود حلقه و دو الکترود کلاهک هذلولی شکل را نشان می دهد. در تلهی سه بعدی کلاهک ها در پتانسیل زمین نگه داشته می شوند و الکترود حلقه به پتانسیل VcosΩt – U متصل است، که در آن U پتانسیل ثابت، V دامنهی پتانسیل RF و *Ω* فر کانس پتانسیل RF است. همچنین تصویری از الکترودهای یک QTT در شکل ۱-۴ نمایش داده شده است. یکی از الکترودهای کلاهک دارای روزنهی ورودی است که از طریق آن ذرات باردار می توانند وارد شوند و از طریق الکترود حلقه به صورت متقارن بین دو الکترود کلاهک قرار گرفته است. ابعاد تلهی پائول سه بعدی با شعاع حلقه به صورت متقارن کلاهک با .z ۲ توصیف می شود [۲و۴]. شکل ۱-۵ نمایی از اولین تلهی یونی ساخته شده در سال ۱۹۵۴ را نشان می دهد.



شکل۱-۳: نمایی از یک تلهی پائول سه بعدی [۱۳]



شکل ۱-۴: تصویر الکترودهای یک QIT [۴]



شکل۱-۵: طرحی از سطح مقطع اولین تله ی یونی ساخته شده در سال ۱۹۵۴ [۶]

۱–۴ تلهی یونی پنینگ

طیف سنجی جرمی با تلهی پنینگ به عنوان یکی از دقیق ترین روش های تعیین جرم اتمی ایزو توپ-های پایدار و ناپایدار شناخته شده است و برای محدودهی گستردهای از ایزو توپ ها شامل ایزو توپ هایی با نیمه عمر کوتاه تا ایزوتوپهای پایدار استفاده می شود. از طریق تعیین جرم یک اتم می توان اطلاعاتی دربارهی ساختار هسته ها و برهم کنش های بنیادی به دست آورد. از زمان راه اندازی اولین تله ی پنینگ، این دستگاه یک دستگاه استاندارد برای مطالعات فیزیک هسته ای محسوب می شود [۱۴و۱۴].

تلهی پنینگ شامل یک میدان مغناطیسی یکنواخت و یک پتانسیل چهارقطبی الکتروستاتیک است. یک یون به جرم m و بار e در میدان مغناطیسی تنها در دو راستا محصور میشود، برای دستیابی به محصورسازی کامل در هر سه راستا به یک پتانسیل چهارقطبی الکتروستاتیک نیز نیاز است. شکل ۱-۶ نمایی از یک تلهی پنینگ را نشان میدهد. در تلهی پنینگ معمولا از الکترودهای استوانهای یا هذلولی مانند آنچه در شکل ۱-۷ نشان داده شده است، استفاده میشود. با هر دو پیکر بندی، پتانسیل چهارقطبی الکتریکی میتواند تشکیل شود [۳].



شکل ۱-۶: نمایی از یک تلهی پنینگ [۱۶]



شکل۱-۲: (الف) تلهی پنینگ هذلولی و (ب) تلهی پنینگ استوانهای. با استفاده از هر دو پیکر بندی پتانسیل چهارقطبی الکتریکی میتواند شکل بگیرد [۳].

فصل دوم صل دوم حل معادلہ می میٹو و معادلات حرکت

۲-۱ پتانسیل چهارقطبی الکتریکی

واژهی چهارقطبی به این حقیقت اشاره دارد که پتانسیل در هر نقطه داخل این دستگاهها به مجذور فاصله از مبدا بستگی دارد. برای بررسی تئوری حاکم بر دستگاههای چهارقطبی، رفتار یک تک یون را در میدان چهارقطبی ایدهآل و در خلاء در نظر می گیریم و از میدانهای لبه صرف نظر می کنیم.

برای یک میدان چهارقطبی الکتریکی در دستگاه مختصات دکارتی، پتانسیل φ_{x.y.z} در حالت کلی به صورت زیر بیان میشود:

$$\varphi_{x,y,z} = A(\lambda x^{r} + \sigma y^{r} + \gamma z^{r}) + C \qquad (1 - r)$$

در این رابطه λ و γ و γ فرایب وزنی به ترتیب برای مختصات x و y و z هستند، C یک پتانسیل σ ، λ این رابطه λ این رابطه λ و زنی به ترتیب برای مختصات x و A یک فاکتور مستقل از مکان و شامل دامنه ی پتانسیل های الکتریکی اعمالی به الکترودهاست [۴].

همانطور که از شکل رابطهی ۲–۱ مشخص است میدان در هر یک از سه راستا مستقل است یعنی حرکت یون در راستای x به راستای y و حرکت در راستای y به راستای x وابسته نیست و در نتیجه می توان مؤلفههای حرکت یون را در راستاهای x و y و z مستقل از یکدیگر بررسی کرد. این یک ویژگی مهم میدان چهارقطبی است که در چند قطبیهای مراتب بالاتر وجود ندارد. در چندقطبیهای مراتب بالا حرکت در راستاهای x و y به شدت به هم مرتبط هستند [۱۱].

 $\nabla^{\mathsf{T}} \varphi_{\mathsf{x},\mathsf{v},\mathsf{z}} = \cdot$

$$\nabla^{\tau} = \frac{\partial^{\tau}}{\partial x^{\tau}} + \frac{\partial^{\tau}}{\partial y^{\tau}} + \frac{\partial^{\tau}}{\partial z^{\tau}}$$
(\text{(\text{t} - \text{t})})

$$\nabla^{\mathsf{r}} \varphi = \frac{\partial^{\mathsf{r}} \varphi}{\partial x^{\mathsf{r}}} + \frac{\partial^{\mathsf{r}} \varphi}{\partial y^{\mathsf{r}}} + \frac{\partial^{\mathsf{r}} \varphi}{\partial z^{\mathsf{r}}} = \cdot$$
 (F-7)

مشتقات جزئی در هر راستا به صورت زیر به دست میآیند:

$$\frac{\partial \varphi}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x} (A\lambda x^{r}) = r A\lambda x \qquad (\Delta - r)$$

$$\frac{\partial^{\mathsf{r}} \varphi}{\partial \mathsf{x}^{\mathsf{r}}} = \mathsf{r} \, \lambda \mathsf{A} \tag{(7-7)}$$

$$\frac{\partial^{\mathsf{r}} \varphi}{\partial \mathsf{y}^{\mathsf{r}}} = \mathsf{r} \,\, \mathsf{\sigma} \mathsf{A} \tag{(\mathsf{v}-\mathsf{r})}$$

$$\frac{\partial^{\mathsf{r}} \varphi}{\partial z^{\mathsf{r}}} = \mathsf{r} \, \gamma \mathsf{A} \tag{(\lambda - \mathsf{r})}$$

$$\nabla^{\mathsf{r}} \varphi = \mathsf{A}(\mathsf{r}\,\lambda + \mathsf{r}\,\sigma + \mathsf{r}\,\gamma) = \cdot \tag{9-1}$$

به ازای A مخالف صفر در رابطهی ۲-۹ خواهیم داشت:

$$\lambda + \sigma + \gamma = \cdot \tag{(1 - r)}$$

$$\lambda = -\sigma = \gamma$$
, $\gamma = \cdot$ ($\gamma = -\sigma$)

با جایگذاری مقادیر رابطهی ۲-۱۱ در معادلهی ۲-۱ رابطهی زیر را خواهیم داشت:

$$\varphi_{\mathbf{x}.\mathbf{y}} = \mathbf{A}(\mathbf{x}^{\mathsf{r}} - \mathbf{y}^{\mathsf{r}}) + \mathbf{C} \tag{1}\mathsf{r} - \mathsf{r})$$

که در این رابطه، ثابتهای A و C با توجه به شرایط مرزی تعیین می شوند.

پتانسیل چهارقطبی که یون تحت تأثیر آن قرار می گیرد با اختلاف پتانسیل بین جفت الکترودهای راستای x و y به صورت زیر بیان می شود:

$$\varphi_{.} = \varphi_{\text{xpair}} - \varphi_{\text{ypair}} \qquad (1\tau - \tau)$$

x = x و زمانی که $x = \pm x$. باشد، y = y باشد، یونی که با x = x و زمانی که x = x و زمانی که $y = \pm y$. باشد، $y = \pm y$ خواهد بود. همچنین با توجه به اینکه تلههای یونی و فیلترهای جرمی به صورت متقارن ساخته میشوند داریم: $x_{.} = y_{.} = r_{.}$

با جایگذاری این روابط در معادلهی ۲-۱۲ خواهیم داشت:

 $\varphi_{\text{xpair}} = A(r_{\cdot}^{\tau}) + C \qquad (1 t - \tau)$

 $\varphi_{\text{ypair}} = A(-r) + C \qquad (1\Delta - \tau)$

از معادلات ۲-۱۳ ، ۲-۱۴ و ۲-۱۵ ثابت A به دست می آید:

 $\varphi_{\cdot} = r \operatorname{Ar}_{\cdot}^{r}$ (19 - r)

$$A = \frac{\varphi}{r r_{.}^{r}}$$
(17 - r)

بنابراین معادلهی ۲-۱۲ به صورت زیر درمیآید:

$$\varphi_{\mathbf{x},\mathbf{y}} = \frac{\varphi_{\cdot}}{\mathbf{y} \mathbf{r}_{\cdot}^{\mathbf{y}}} \left(\mathbf{x}^{\mathbf{y}} - \mathbf{y}^{\mathbf{y}}\right) + \mathbf{C}$$
(1A - 7)

در مبدأ
$$(\mathbf{x} = \mathbf{\cdot} \cdot \mathbf{y} = \mathbf{\cdot})$$
 داريم:

$$\varphi_{x.y} = \frac{\varphi_{\cdot}}{\gamma r_{\cdot}^{\gamma}} (x^{\gamma} - y^{\gamma}) \qquad (\gamma \cdot - \gamma)$$

۲) برای تلهی یونی سه بعدی با تقارن استوانهای:

$$\lambda = \sigma = 1$$
 , $\gamma = -\tau$ ($\tau_1 - \tau$)

در این حالت اگر مقادیر رابطهی ۲-۲۱ را در معادلهی ۲-۱ قرار دهیم شکل پتانسیل به صورت زیر می-شود:

$$\varphi_{x.y.z} = A(x^{\tau} + y^{\tau} - \tau z^{\tau}) + C \qquad (\tau \tau - \tau)$$

 $y = y = x = rcos \phi$ با توجه به تقارن زاویه ی موجود حول ϕ در مختصات استوانه ی و همچنین روابط $x = rcos \phi$ و z = z و rsin ϕ

$$\varphi_{\mathbf{r},\mathbf{z}} = \mathbf{A}(\mathbf{r}^{\mathsf{r}} - \mathsf{r}\mathbf{z}^{\mathsf{r}}) + \mathbf{C} \tag{(\mathsf{r}\mathsf{r} - \mathsf{r})}$$

پتانسیل وارد بر یون ϕ برابر با اختلاف پتانسیل بین حلقه و کلاهک معرفی می شود:

$$\varphi_{\rm end} = \varphi_{\rm ring} - \varphi_{\rm endcap} \qquad (\Upsilon - \Upsilon)$$

 $r = \cdot e$ و زمانی که r = r. باشد، $z = \cdot z$ باشد، r = r و زمانی که r = r و زمانی که r = r و زمانی که r = z باشد، $z = \pm z$. باشد $z = \pm z$ خواهد بود. با جایگذاری این روابط در معادلهی ۲–۲۳ خواهیم داشت:

$$\varphi_{\rm ring} = A(r^{\gamma}_{\cdot}) + C \tag{7a-\gamma}$$

$$\varphi_{\text{endcap}} = \mathbf{A}(-\mathbf{r} \ \mathbf{z}_{\cdot}^{\mathbf{r}}) + \mathbf{C}$$
 (r $\mathbf{r} - \mathbf{r}$)

بنابراین از تفاضل این دو خواهیم داشت:

$$\begin{split} \varphi_{\cdot} &= A(r^{Y} + r z^{Y}) & (\tau - \tau) \\ &+ h |_{L^{2}} (\tau - \tau) \\ &+$$

$$\varphi_{\mathbf{r}.\mathbf{z}} = \frac{\varphi_{\cdot}(\mathbf{r}^{\mathsf{r}} - \mathsf{r}\,\mathbf{z}^{\mathsf{r}})}{\mathbf{r}_{\cdot}^{\mathsf{r}} + \mathsf{r}\mathbf{z}_{\cdot}^{\mathsf{r}}} + \frac{(\mathsf{r}\mathbf{z}_{\cdot}^{\mathsf{r}}\varphi_{\cdot})}{(\mathbf{r}_{\cdot}^{\mathsf{r}} + \mathsf{r}\mathbf{z}_{\cdot}^{\mathsf{r}})} \tag{(rr-r)}$$

در این پایان نامه به بررسی تلهی یونی دوبعدی پرداختهایم؛ بنابراین شکل پتانسیل مناسب به صورت رابطهی ۲-۲۰ خواهد بود. چنین پتانسیلی توسط مجموعهای از چهار الکترود که به صورت متقارن در فاصلهی .r از محور مرکزی مانند شکل ۱–۲ واقع شدهاند؛ فراهم می شود. شکل۲–۲ خطوط هم پتانسیل ایجاد شده توسط میدان چهارقطبی را نشان می دهد.



شکل۲-۱ : ساختار مورد نیاز الکترودها برای تولید پتانسیل ((x^۲ - y^۲) (x^۲ - φ_{x.y} = <u>φ.</u> . شکل الکترودهای یک فیلتر جرمی چهارقطبی ایده آل با سطح مقطع هذلولی را نشان میدهد.



شکل۲-۲ : خطوط هم پتانسیل ایجاد شده توسط میدان چهارقطبی

۲-۲ معادلات حرکت یون در تلهی یونی دوبعدی

مسیر یون در دستگاههای حاوی میدان الکتریکی چهارقطبی وابسته به زمان متأثر از نیروهای وابسته به زمان است. یونها در میدانهای چهارقطبی به شدت متمرکز می شوند و یک نیروی بازگرداننده آنها را به سمت محور دستگاه برمی گرداند [۴]. در ادامه، حرکت یک یون تحت تأثیر پتانسیل چهارقطبی معادلهی ۲-۲۰ را در راستای x بررسی می کنیم. انرژی ذرات در محدودهی v است و برای توصیف مسیر حرکت از روابط کلاسیکی استفاده می شود. از قرار دادن v = y در معادلهی ۲-۲۰ داریم:

$$\varphi_{\mathrm{x..}} = \frac{\varphi_{.}\mathrm{x}^{\mathrm{r}}}{\mathrm{r}\mathrm{r}^{\mathrm{r}}}$$
(rr - r)

$$\left(\frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}x}\right)_{y=.} = \frac{\varphi_{.x}}{r_{.}^{y}} \tag{(74-7)}$$

$$F_{x} = -e\left(\frac{d\phi}{dx}\right)_{y=.} = -e\frac{\phi_{.x}}{r_{.}^{r}}$$
(ra-r)

از طرفي با توجه به قانون دوم نيوتون داريم:

$$\vec{F} = m \frac{d^{r} \vec{r}}{dt^{r}}$$
(r 8 - r)

از معادلات ۲-۳۵ و ۲-۳۶رابطهی زیر نتیجه می شود:

$$m\left(\frac{d^{r}x}{dt^{r}}\right) = -e\frac{\phi_{\cdot}x}{r_{\cdot}^{r}}$$
(rr - r)

به طور مشابه برای راستای y خواهیم داشت:
$$m\left(\frac{d^{r}y}{dt^{r}}\right) = e\frac{\phi.y}{r^{r}_{.}}$$
(r\lambda - r)

$$\varphi_{.} = r(U + V cos \Omega t)$$
 (۳۹ – ۲)
که در آن V دامنه پتانسیل RF است که با فرکانس زاویهای Ω نوسان می کند و U پتانسیل DC اعمال شده
به الکترودهاست.

بنابراین از معادلات ۲-۳۷ و ۲-۳۹ برای راستای x داریم:

$$m\left(\frac{d^{r}x}{dt^{r}}\right) = -r e \frac{(U + V \cos\Omega t)x}{r!} \qquad (r \cdot - r)$$

$$\frac{d^{r}x}{dt^{r}} = -\left(\frac{r \ eU}{mr_{\cdot}^{r}} + \frac{r \ eV \cos\Omega t}{mr_{\cdot}^{r}}\right)x \tag{(1-7)}$$

$$\frac{d^{r}y}{dt^{r}} = \left(\frac{r \ eU}{mr_{.}^{r}} + \frac{r \ eV \cos\Omega t}{mr_{.}^{r}}\right)y \tag{(rr-r)}$$

۲-۳ معادلهی متئو^{۲۵}

حرکت یونها در میدانهای چهارقطبی به صورت ریاضی با جوابهای یک معادلهی دیفرانسیل خطی مرتبه دوم توصیف میشود. این معادلهی دیفرانسیل در سال ۱۸۶۸ با نام معادلهی متئو معرفی شد. معادلهی متئو به عنوان یک معادلهی شناخته شده در ریاضیات، دارای جوابهای تحلیلی تعریف شدهای است. جوابهای معادلهی متئو شامل جوابهای پایدار و ناپایدار هستند و ما میتوانیم از مفاهیم پایداری و ناپایداری برای توصیف مسیر حرکت یونهای محصور شده در دستگاههای چهارقطبی استفاده کنیم. جواب-های پایدار حرکت یونها را درون تلهی یونی توصیف میکنند [۱۹و۱۹و۱۹].

فرم استاندارد معادلهی متئو به صورت زیر است:

$$\frac{d^{r}\eta}{d\xi^{r}} + (a_{\eta} - rq_{\eta}\cos 2\xi)\eta = \cdot$$
 (fr - r)

در این رابطه، η نمایش دهنده ی x یا y و پارامتر جابجایی است، $\xi = \frac{\Omega t}{\tau}$ و q_{η} و q_{η} پارامترهایی بدون بعد هستند که پارامترهای پایداری نامیده می شوند.

با استفاده از روابط زیر:

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}\xi}{\mathrm{d}t} \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}\xi} = \frac{\Omega}{r} \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}\xi} \tag{$\mathbf{f} = \mathbf{f}$}$$

$$\frac{d^{r}}{dt^{r}} = \frac{d\xi}{dt} \frac{d}{d\xi} \left(\frac{d}{dt} \right) = \frac{\Omega^{r}}{r} \frac{d^{r}}{d\xi^{r}}$$
(radjustic for the second s

$$\frac{\mathrm{d}^{\mathrm{r}}\eta}{\mathrm{d}t^{\mathrm{r}}} = \frac{\Omega^{\mathrm{r}}}{\mathfrak{r}} \frac{\mathrm{d}^{\mathrm{r}}\eta}{\mathrm{d}\xi^{\mathrm{r}}} \tag{(\mathbf{f}\boldsymbol{\beta}-\mathbf{r})}$$

^{va} Mathieu equation

$$-\left(\frac{\tau \ eU}{mr_{\cdot}^{\tau}} + \frac{\tau \ eV cos\Omega t}{mr_{\cdot}^{\tau}}\right) x = -\left(\frac{\Omega^{\tau}}{\tau}a_{x} - \tau \frac{\Omega^{\tau}}{\tau}q_{x}cos\Omega t\right) x$$
($\tau \wedge - \tau$)

$$a_{x} = \frac{\Lambda eU}{mr_{\cdot}^{r}\Omega^{r}}$$
(rq-r)

$$q_{x} = \frac{-r eV}{mr_{\cdot}^{r}\Omega^{r}} \qquad (\Delta \cdot - r)$$

در این روابط U پتانسیل V،DC دامنه یپتانسیل e، RF بار الکتریکی، m جرم یون، r. فاصله ی الکترودها تا محور فیلتر جرمی است و Ω فرکانس پتانسیل RF است.

اگر روابط برای راستای y نیز تکرار شود، نتیجه
$$a_x = -a_y$$
 و $q_x = -q_y$ به دست میآید.

روابط به دست آمده تا اینجا برای یک تلهی دوبعدی بود. پایداری مسیر یون در تلهی سه بعدی به صورت مشابه بررسی میشود.

با جایگذاری مقدار φ. = (U + VcosΩt) در رابطهی ۲-۳۲ و مشتق گیری از آن نیروی وارد بر یون داخل تلهی یونی سه بعدی در راستای z به صورت زیر خواهد بود:

$$F_{z} = -e\left(\frac{d\phi}{dz}\right)_{r} = \frac{r e(U + V\cos\Omega t)z}{(r^{r}_{\cdot} + rz^{r}_{\cdot})}$$
 (21-7)

با مرتب سازی معادلهی ۲–۵۱ و با استفاده از قانون دوم نیوتون، معادلهی حرکت در راستای z به صورت زیر به دست میآید:

$$\frac{d^{r}z}{dt^{r}} = \left(\frac{\mathfrak{r} eU}{m(r_{\cdot}^{r} + \mathfrak{r}z_{\cdot}^{r})} + \frac{\mathfrak{r} eV \cos\Omega t}{m(r_{\cdot}^{r} + \mathfrak{r}z_{\cdot}^{r})}\right)z \qquad (\Delta r - r)$$

و در راستای r معادلهی حرکت به صورت زیر خواهد بود:

$$\frac{\mathrm{d}^{\mathrm{r}}\mathbf{r}}{\mathrm{d}t^{\mathrm{r}}} = \left(\frac{-\mathrm{r}\,\mathrm{eU}}{\mathrm{m}(\mathrm{r}^{\mathrm{r}}_{\cdot} + \mathrm{r}\mathrm{z}^{\mathrm{r}}_{\cdot})} - \frac{\mathrm{r}\,\mathrm{eV}\mathrm{cos}\Omega t}{\mathrm{m}(\mathrm{r}^{\mathrm{r}}_{\cdot} + \mathrm{r}\mathrm{z}^{\mathrm{r}}_{\cdot})}\right)\mathbf{r} \tag{\Delta r} + \mathbf{r}$$

حال از مقایسهی معادلهی متئو (رابطهی ۲-۴۷) با معادلات حرکت یون در تلهی یونی سه بعدی (معادلهی ۲-۵۲) پارامترهای پایداری a و q در دستگاه مختصات استوانهای به صورت زیر به دست میآید[۱۲]:

$$\left(\frac{\mathfrak{r} \text{ eU}}{m(r_{\cdot}^{\mathsf{r}} + \mathfrak{r} z_{\cdot}^{\mathsf{r}})} + \frac{\mathfrak{r} \text{ eV} \cos\Omega t}{m(r_{\cdot}^{\mathsf{r}} + \mathfrak{r} z_{\cdot}^{\mathsf{r}})}\right) z = -\frac{\Omega^{\mathsf{r}}}{\mathfrak{r}} (a_{z} - \mathfrak{r} q_{z} \cos\Omega t) z \qquad (\Delta \mathfrak{r} - \mathfrak{r})$$

در نتيجه:

$$a_{z} = -\frac{\gamma e U}{m(r^{\gamma}_{.} + \gamma z^{\gamma}_{.})\Omega^{\gamma}}$$
 (20-7)

$$q_{z} = -\frac{\lambda eV}{m(r_{\cdot}^{r} + rz_{\cdot}^{r})\Omega^{r}} \qquad (\Delta F - r)$$

با تکرار محاسبات در راستای r پارامترهای پایداری به شکل
$$q_r = rac{-q_z}{\tau}$$
 و $a_r = rac{-a_z}{\tau}$ درمیآیند.

در این روابط .r شعاع الکترود حلقه و .z نصف فاصله ی بین دو الکترود کلاهک است. در شکل ۱-۳ فواصل r. و این روابط .r و .z مشخص شده است [۱۱و۴و۱].

۲-۴ جوابهای معادلهی متئو

جواب معادلهی متئو براساس مقادیر a و q میتواند فرمهای مختلفی داشته باشد. جواب کامل معادلهی متئو ترکیبی از دو جواب خطی مستقل (۹٫(۶) و (۹٫۲ است:

$$\eta(\xi) = A_{\eta}\eta_{\nu}(\xi) + B_{\eta}\eta_{\nu}(\xi) \qquad (\Delta \nu - \nu)$$

که در این رابطه، $A_{\eta} e_{\eta} B_{\eta} e_{\eta} B_{\eta}$ دارند. معادله دیفرانسیل بستگی دارند. معادله ی که در این رابطه، $A_{\eta} e_{\eta} e_{\eta} B_{\eta} e_{\eta} e_{\eta}$ دارند. معادله ی ۲-۵۷ جوابی به فرم $(\xi) e^{\mu\xi} \phi(\xi)$ دارد، که در آن $\mu = \alpha_{\eta} + i\beta_{\eta} e_{\eta}$ و به صورت $\mu = \alpha_{\eta} + i\beta_{\eta} e_{\eta}$ است. از آنجایی که معادله ی متئو با تغییر $\xi - \xi$ بدون تغییر باقی میماند، تابع $(\xi - \xi) e^{-\mu\xi} \phi(-\xi)$ نیز جواب معادله ی ۲-۵۷ است. است. بنابراین جواب معادله ی متئو می تواند به صورت زیر نوشته شود [۱۹۵]:

$$\eta(\xi) = A_{\eta} e^{\mu\xi} \phi(\xi) + B_{\eta} e^{-\mu\xi} \phi(-\xi) \tag{alpha} - \tau \tag{b}$$

در این رابطه، (φ(ξ) و φ(-ξ) به صورت زیر هستند:

$$\varphi(\xi) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} C_{\tau \ n,\eta} e^{\tau \ n\xi i} \qquad (\Delta 9 - \tau)$$

$$\varphi(-\xi) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} C_{\gamma \ n,\eta} e^{-\gamma \ n\xi i}$$
 (\$\varphi - \gamma)

و q_η و a_η در این روابط، C_{2n.η} فاکتورهایی هستند که دامنه حرکت یون را توصیف میکنند و به a_η و q_η و q_η

$$\eta(\xi) = A_{\eta} e^{\mu\xi} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} C_{\tau n,\eta} e^{\tau n\xi i} + B_{\eta} e^{-\mu\xi} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} C_{\tau n,\eta} e^{-\tau n\xi i}$$
(\$\varphi - \tau)

حال به بررسی شرایط پایداری و ناپایداری جواب معادلهی ۲-۶۱ میپردازیم: الف) با توجه به مقدار $\frac{\Omega t}{r}$ ، اگر با افزایش ξ ، η نیز افزایش پیدا کند جواب ناپایدار است. ب) اگر با افزایش ξ ، η به صفر میل کند یا محدود باقی بماند، جواب پایدار خواهد بود.

جواب ایدهآل، جواب متناوب و پایدار است که تعیین کنندهی مسیر حرکت یون در تلهی یونی میباشد. اما هیچ کدام از موارد الف و ب متناوب نیستند بنابراین، پایداری کامل جوابها به پارامتر μ بستگی دارد. μ در حالت کلی میتواند دارای مقدار حقیقی، موهومی یا مختلط باشد. اگر μ حقیقی و مثبت باشد با افزایش ξ جملهی ξ^{μ} به بینهایت میل میکند بنابراین قسمت اول رابطهی۲-۶۱ ناپایدار و قسمت دوم پایدار می شود و در نتیجه جواب ناپایدار خواهد بود. اگر μ حقیقی و منفی باشد، ناپایداری و قسمت دوم رخ

۱- اگر μ هر مقدار حقیقی و غیر صفری داشته باشد، جواب ناپایدار است. ۲- اگر μ مختلط باشد، جواب ناپایدار است. ۳- اگر $\eta = \alpha_{\eta}$ و $\mu = i\beta_{\eta}$ باشد و β_{η} مبهم باشد، جواب پایدار اما نامتناوب است. ۴- اگر $\eta = \alpha_{\eta} = \alpha_{\eta}$ و $\mu = i\beta_{\eta}$ باشد و β_{η} عدد صحیح نباشد، جوابها متناوب و پایدار هستند.

با توجه به موارد ذکر شده، تنها تحت شرایط $lpha_{\eta}= lpha$ جوابها می توانند پایدار باشند بنابراین معادلهی متئو به صورت زیر نوشته می شود:

$$\eta(\xi) = A_{\eta} e^{\alpha_{\eta}\xi} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} C_{\tau \ n,\eta} e^{i(\beta_{\eta}+\tau \ n)\xi} + B_{\eta} e^{-\alpha_{\eta}\xi} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} C_{\tau \ n,\eta} e^{-i(\beta_{\eta}+\tau \ n)\xi}$$
(97 - 7)

با استفاده از رابطهی $\exp i\theta = \cos\theta + i\sin\theta$ عبارتی برای جوابهای پایدار معادلهی متئو به صورت زیر به دست میآید:

$$\eta(\xi) = A'_{\eta} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} C_{\tau n,\eta} \cos[(\tau n + \beta_{\eta}) \xi] + B'_{\eta} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} C_{\tau n,\eta} \sin[(\tau n + \beta_{\eta}) \xi] \qquad (\aleph \tau - \tau)$$

که در این رابطه، $A_{\eta} = A_{\eta} + B_{\eta}$ و $B'_{\eta} = i(A_{\eta} - B_{\eta})$ است. β_{η} نیز که تابع پیچیدهای از $a_{\eta} = a_{\eta} + B_{\eta}$ و q_{η} است به صورت زیر معرفی می شود. β_{η} های صحیح مرز بین ناحیهی پایدار و ناپایدار را تعیین می کنند q_{η} . [۱۹و۲۰].

$$\begin{split} \beta_{\eta}^{r} \\ &= a_{\eta} + \frac{q_{\eta}^{r}}{\left(r + \beta_{\eta}\right)^{r} - a_{\eta} - \frac{q_{\eta}^{r}}{\left(r + \beta_{\eta}\right)^{r} - a_{\eta} - \cdots}} \\ &+ \frac{q_{\eta}^{r}}{\left(r - \beta_{\eta}\right)^{r} - a_{\eta} - \frac{q_{\eta}^{r}}{(r - \beta_{\eta})^{r} - a_{\eta} - \cdots}} \end{split} \tag{$rr-r$}$$

۲-۵ نواحی پایدار یون در تلهی یونی دوبعدی

اکنون جوابهای معادلهی متئو برای ما دردسترس هستند و میتوانند برحسب پایداری یا ناپایداری مسیر حرکت یون در هر یک از راستاهای x و y توصیف شوند. عملکرد تلهی یونی به شاخصهایی که پایداری و ناپایداری مسیر یک یون داخل میدان را کنترل میکنند مرتبط است. محدودهی جوابهای پایدار معادلهی متئو در فضای (a,q) نمایش داده میشوند و به نمودارهای پایداری معروف هستند. هر منحنی داخل این نمودارها با محاسبهی عددی معادلهی ۲-۶۴ به ازای مقادیر صحیح مختلف β_n به دست میآید [۹۱و۷۱].

در شکل ۲-۳ اولین ناحیهی پایداری با استفاده از نرم افزار mathematica رسم شده و داخل این ناحیه خطوط هم بتا نشان داده شده است که هر کدام متناظر با مجموعه ای از نقاط a_{η} و q_{η} با مقدار یکسان β_{η} هستند.



شکل۲-۳: خطوط هم بتای تشکیل دهندهی اولین ناحیهی پایداری مربوط به بتاهای صفر (پایین ترین خط) تا یک (بالاترین خط) با گام ۰٫۱.

با استفاده از نرم افزار mathematica نواحی پایداری در راستاهای x و y را برای تلهی یونی دوبعدی رسم کردیم. شکل ۲-۴ نواحی پایداری در راستای x را نشان میدهد.



شکل ۲-۴: قسمت (الف) نشاندهندهی خطوط متناظر با β_η های صحیح که مرز نواحی پایدار و ناپایدار را تعیین میکنند و خطوط متناظر با β_η های غیرصحیح بین صفر تا یک که نواحی پایدار را تعیین میکنند است و در قسمت (ب) نواحی سایه زده شده، نواحی پایدار مسیر یون در یک تلهی یونی دوبعدی در راستای x را نشان میدهد.

با ضرب نواحی پایداری راستای x، در ۱ - نواحی پایداری در راستای y به دست میآیند، این تفاوت در نمودارهای راستای x و y به مقادیر ثابتهای وزنی σ ، λ و γ که در معادلهی ۲-۱۱ آمده است، برمی گردد. شکل ۲-۵ نواحی پایداری در راستای y را نشان میدهد.



شکل ۲-۵: نواحی سایه زده شده، نواحی پایدار مسیر یون در یک تلهی یونی دوبعدی در راستای y را نشان میدهند.

برای محصور شدن یون داخل تلهی یونی و قرار گرفتن آن در ناحیهی پایداری، مسیر یون باید در هر دو راستای x و y به طور همزمان پایدار باشد. از هم پوشانی نمودارهای شکل ۲-۴ و ۲-۵ سه ناحیهی پایدار برای حرکت یون که به ترتیب نواحی A، B و C نامگذاری شدهاند؛ ایجاد میشود. شکل ۲-۶ نشاندهندهی این نواحی است. همانطور که از شکل مشخص است به دلیل گستردگی بیشتر ناحیهی A نسبت به نواحی B و C، محصور سازی یونها در این ناحیه راحتتر است.



شکل ۲-۶: از هم پوشانی نمودارهای پایداری راستای X و y سه ناحیهی پایداری برای مسیر حرکت یون ایجاد میشود که به ترتیب نواحی A، B و C نامیده میشوند.

در شکلهای ۲-۲ ، ۲-۸ و ۲-۹ هر یک از نواحی A، B، A به طور جداگانه و با بزرگنمایی بیشتر

نمایش داده شده اند.





شکل ۲-۸: دومین ناحیهی پایداری (ناحیهی B)



٣٢

اگر a و q محاسبه شده برای یک یون داخل یکی از نواحی پایداری قرار گیرد، یون مسیر پایدار و متناوبی را در تلهی یونی طی می کند؛ در غیر این صورت یون دارای مسیر پایدار نخواهد بود و با برخورد به الکترودها حذف می شود. به این ترتیب میتوان با استفاده از این ویژگی، ایزوتوپهایی با نسبت جرم به بار مختلف را از یکدیگر جدا کرد. در فصل چهارم به بحث دربارهی جداسازی ایزوتوپی پرداختهایم.

فصل سوم بررسی مسیر حرکت یون و اعال میدان مغناطیسی به تله ی پائول

دوتعدي

۲–۱ بررسی حرکت یون در تلهی یونی دو بعدی

معمولا از روشهای عددی متعدد برای شبیه سازی مسیر یون در یک میدان چهارقطبی و بررسی ویژگیهای دستگاههای حاوی میدانهای چهارقطبی استفاده میشود. یک روش ساده، استفاده از معادلات بنیادی فیزیک کلاسیک است که در این پایان نامه نیز برای انجام شبیه سازیها از همین روش استفاده شده است [۲۲و۲۱].

با استفاده از روابط به دست آمده در فصل دو برای مسیر حرکت یون (روابط ۲-۲۲ و ۲۴-۲) و یک کد برنامه نویسی به زبان ++C، مسیر حرکت یون داخل تلهی یونی دوبعدی بررسی و با استفاده از نرم افزار origin رسم شد. همانطور که در ادامه از نمودارها مشخص است شبیه سازیهای انجام شده با انتظارات ما از روابط تئوری همخوانی دارد.

شکل ۳-۱ تغییرات مسیر حرکت یک یون ${}^{*r}Na^{+}$ برحسب زمان را داخل تلهی یونی با مشخصات شکل ۳-۱ تغییرات مسیر حرکت یک یون f = 7,0 MHz ، $V = 1 \cdot V$ ، $U = \cdot V$ ، r.= ۰,۰۱ m مشخصاتی، یون در ناحیهی پایداری قرار می گیرد و مسیری نوسانی و محدود را در طول فیلتر طی می کند. شکل ۳-۲ حرکت یون در صفحات xy و x در مدت زمان ۱۰۰ μ s را نشان می دهد.





شکل۲۳-۱: دامنهی حرکت پایدار یون ^{۲۳}Na⁺ در راستاهای x و y و z در تلهی یونی دوبعدی.







شکل ۲۰۳ : حرکت پایدار یون ^{۲۳}Na⁺ در تلهی یونی دوبعدی در صفحات xy (قسمت الف)، xz (قسمت ب)، yz (قسمت ج) در مدت زمان ۱۰۰µs

اگر یون داخل نواحی پایدار قرار نگیرد دامنه یحرکت آن در طول مسیر افزایش مییابد. به عنوان f = 7.1 MHz ، $V = 1 \cdots V$ ، U = 0 ، $r_{.} = 0 \cdots N$ ، $r_{.} = 1 \cdots V$ ، U = 0 ، $r_{.} = 0 \cdots V$ ، $r_{.} = 0$ ، $r_{.} = 1 \cdots V$ ، $r_{.} = 1 \cdots V$



شکل ۳-۳: دامنهی حرکت ناپایدار یون ^{۲۳}Na⁺ در راستاهای x و y در تلهی یونی دو بعدی.

۲-۳ اعمال میدان مغناطیسی ثابت در راستای x به تلهی یونی

مدتهاست از میدانهای مغناطیسی به منظور افزایش کارایی تلههای یونی استفاده می شود. نیروی $\vec{F} = e(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B})$ وارد بر یک یون که تحت تأثیر میدان مغناطیسی قرار می گیرد، با نیروی لورنتس ($\vec{F} = e(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B})$ و \vec{F} میدان مغناطیسی توصیف می شود، که در آن ۷ سرعت ذره، e بار الکتریکی ذره، E شدت میدان الکتریکی و E میدان مغناطیسی است [۲۳].

یک میدان مغناطیسی ثابت را در نظر می گیریم که در راستای x یعنی راستای شعاع الکترودها به تله اعمال می شود. با توجه به رابطهی زیر تأثیر اعمال میدان مغناطیسی در راستای x روی راستاهای y و z خود را نشان می دهد.

$$\vec{\mathbf{v}} \times \vec{\mathbf{B}} = \begin{vmatrix} \hat{\mathbf{i}} & \hat{\mathbf{j}} & \hat{\mathbf{k}} \\ \mathbf{v}_{\mathbf{x}} & \mathbf{v}_{\mathbf{y}} & \mathbf{v}_{\mathbf{z}} \\ \mathbf{B}_{\mathbf{x}} & \cdot & \cdot \end{vmatrix} = \mathbf{v}_{\mathbf{z}} \mathbf{B}_{\mathbf{x}} \hat{\mathbf{j}} - \mathbf{v}_{\mathbf{y}} \mathbf{B}_{\mathbf{x}} \hat{\mathbf{k}}$$
(1-7)

و نیروهای وارد بر یون محصور در تله به صورت زیر خواهند بود:

$$F_{x} = -\frac{e\varphi_{\cdot}x}{r_{\cdot}^{r}}$$
(r-r)

$$F_{y} = e\left(\frac{\phi.y}{r_{.}^{\gamma}} + v_{z}B_{x}\right) \qquad (\gamma - \gamma)$$

$$F_z = -ev_y B_x \tag{(f-r)}$$

اضافه کردن میدان مغناطیسی به تلهی یونی، معادلات حرکت یون و پارامترهای پایداری را تغییر $\phi_{.} = r(U + V cos \Omega t)$ و جایگذاری $\vec{F} = m \frac{d^{r} \vec{r}}{dt^{r}}$ و جایگذاری ($\vec{F} = m \frac{d^{r} \vec{r}}{dt^{r}}$ میدهد زاشت:

$$F_{x} = m \frac{d^{r} x}{dt^{r}} = -\frac{r e(U + V \cos\Omega t)x}{r!} \qquad (\delta - r)$$

$$F_{y} = m \frac{d^{r}y}{dt^{r}} = \frac{r e(U + V \cos\Omega t)y}{r_{.}^{r}} + ev_{z}B_{x} \qquad (r - r)$$

$$F_{z} = m \frac{d^{v} z}{dt^{v}} = -ev_{y}B_{x}$$
 (v - v)

با انتگرال گیری از روابط ۳-۶ و ۳-۷ و جایگذاری رابطهی ۳-۷ در ۳-۶ معادلهی حرکت در راستای y به دست میآید.

$$\frac{d^{r}y}{dt^{r}} = \left(\frac{r \text{ emU} - e^{r}r^{r}_{\cdot}B^{r}_{x}}{m^{r}r^{r}_{\cdot}} + \frac{r \text{ eVcos}\Omega t}{mr^{r}_{\cdot}}\right)y \qquad (\lambda - r)$$

$$\mathbf{a}_{\mathbf{y}}^{'} = -\frac{\lambda \ \mathbf{e}\mathbf{U}^{'}}{\mathbf{m}\mathbf{r}_{\cdot}^{\mathsf{Y}}\boldsymbol{\Omega}^{\mathsf{Y}}} = \mathbf{a}_{\mathbf{y}} + \frac{\mathbf{r} \ \mathbf{e}^{\mathsf{Y}}\mathbf{B}_{\mathbf{x}}^{\mathsf{Y}}}{\mathbf{m}^{\mathsf{Y}}\boldsymbol{\Omega}^{\mathsf{Y}}}$$
(9 - \mathbf{Y})

$$q'_{y} = q_{y} = \frac{f eV}{mr_{\cdot}^{r}\Omega^{r}}$$
 (1.-r)

به دلیل اینکه نیروی لورنتس در راستای x به یون وارد نمی شود، مقادیر a_x و q_x تغییری نمی کنند.



شکل ۳-۴: نمودارهای پایداری تلهی پائول دو بعدی تحت تأثیر میدان مغناطیسی T ۰,۱ T در راستای x

۳-۳ اعمال میدان مغناطیسی ثابت در راستای y به تلهی یونی

برای اعمال میدان مغناطیسی By روندی مشابه بخش ۳-۲ را طی میکنیم. این بار میدان مغناطیسی در معناطیسی ثابت در راستای y (شعاع الکترودها) را در نظر میگیریم. تأثیر حضور میدان مغناطیسی در راستای y، روی راستاهای x و z خواهد بود.

$$\vec{\mathbf{v}} \times \vec{\mathbf{B}} = \begin{vmatrix} \hat{\mathbf{i}} & \hat{\mathbf{j}} & \hat{\mathbf{k}} \\ \mathbf{v}_{\mathbf{x}} & \mathbf{v}_{\mathbf{y}} & \mathbf{v}_{z} \\ \cdot & \mathbf{B}_{\mathbf{y}} & \cdot \end{vmatrix} = -\mathbf{v}_{z}\mathbf{B}_{y}\hat{\mathbf{i}} + \mathbf{v}_{\mathbf{x}}\mathbf{B}_{y}\hat{\mathbf{k}}$$
(11 - \mathbf{v})

در این حالت، نیروهای وارد بر یون به صورت زیر هستند:

$$F_{x} = e\left(\frac{-\varphi_{.x}}{r_{.}^{\gamma}} - v_{z}B_{y}\right)$$
(17-7)

$$F_{y} = \frac{e\varphi_{.}y}{r_{.}^{r}}$$

$$F_z = ev_x B_y \tag{14-7}$$

با استفاده از قانون دوم نیوتون،
$$F = m \frac{d^r r}{dt^r}$$
 و جایگذاری رابطهی ($\phi_{.} = r(U + V cos \Omega t)$ معادلات حرکت به دست میآیند:

$$F_{x} = m \frac{d^{r}x}{dt^{r}} = \frac{-r e(U + V \cos\Omega t)x}{r_{.}^{r}} - ev_{z}B_{y}$$
(10-r)

$$F_{y} = m \frac{d^{r}y}{dt^{r}} = \frac{r e(U + V \cos\Omega t)y}{r^{r}}$$
(19-r)

$$F_{z} = m \frac{d^{\tau} z}{dt^{\tau}} = ev_{x}B_{y}$$
 (17 - τ)

$$\frac{d^{\mathsf{r}}x}{dt^{\mathsf{r}}} = \left(\frac{-\mathsf{r} \operatorname{em} U - \mathrm{e}^{\mathsf{r}} \mathrm{r}_{\cdot}^{\mathsf{r}} \mathrm{B}_{\mathrm{y}}}{\mathrm{m}^{\mathsf{r}} \mathrm{r}_{\cdot}^{\mathsf{r}}} - \frac{\mathsf{r} \operatorname{eV} \mathrm{cos}\Omega t}{\mathrm{mr}_{\cdot}^{\mathsf{r}}}\right) \mathrm{x}$$
(1A - \mathcal{r})

با در نظر گرفتن مقدار
$$U' = U + rac{1}{2} er H$$
 معادله، به فرم معادلهی متئو ظاهر میشود و
پارامترهای پایداری به صورت زیر خواهند بود. در اثر اعمال میدان مغناطیسی در راستای y، پارامتر a تغییر
خواهد کرد و پارامتر q بدون تغییر باقی خواهد ماند.

$$a'_{x} = \frac{\Lambda eU'}{mr_{\cdot}^{r}\Omega^{r}} = a_{x} + \frac{r e^{r}B_{y}^{r}}{m^{r}\Omega^{r}}$$
(19-7)
r eV

$$\mathbf{q}_{\mathbf{x}}^{\prime} = \mathbf{q}_{\mathbf{x}} = -\frac{\mathbf{r} \cdot \mathbf{e} \mathbf{v}}{\mathbf{m} \mathbf{r}_{\cdot}^{\mathsf{T}} \boldsymbol{\Omega}^{\mathsf{T}}} \tag{(7.-7)}$$



شکل ۳-۵: نمودارهای پایداری تلهی پائول دوبعدی تحت تأثیر میدان مغناطیسی T ۰٫۰۸ T در راستای y

همانطور که از شکل ۳-۴ و ۳-۵ و مقایسه یاین نمودارها با شکل ۲-۶ مشخص است، نمودارهای پایداری تحت تأثیر میدان مغناطیسی جابجا میشوند؛ این جابجایی با انتظار ما از روابط تئوری به دست آمده (روابط ۳-۹ و ۳-۱۹) مطابقت دارد. اعمال میدان مغناطیسی در راستای y باعث فاصله گرفتن ناحیه ناحیه ن / از مبدأ شده است، از این ویژگی میتوان در جداسازی ایزوتوپی یونهای سبکتر به وسیله ی تله یونی دوبعدی که در فصل چهارم به آن پرداختهایم، استفاده کرد.

فصل جہارم چ میں از میں مسر حرکت در تلہ ی بائول

دوتعدى

۲-۴ طراحی تلهی یونی دو بعدی با استفاده از نرم افزار CST

CST مخفف واژهی Computer Simulation Technology است. نرم افزار CST نرم افزاری کاربردی است که امکان شبیه سازی میدانهای الکترومغناطیسی در ساختارهای سه بعدی را فراهم می کند [۲۷].

طراحی و شبیه سازی تلهی یونی دوبعدی، در محیط نرم افزار CST STUDIO SUITE انجام شد. جدول ۴-۱ مشخصات تلهی طراحی شده را نشان میدهد.

جدول ۴-۱: مشخصات فیزیکی تلهی یونی دو بعدی طراحی شده به وسیلهی نرم افزار CST

۱۰ mm	فاصلهی محور تله تا الکترودها (.r)
۱۱,۳ mm	شعاع الكترودها
۲۰۰ mm	طول الكترودها

جنس الکترودها و چشمهی یونی، رسانا در نظر گرفته شده است. شکل ۴-۱ تلهی یونی طراحی شده در فضای CST را در زوایای مختلف نشان میدهد.





شکل۴-۱: دو نما از تلهی یونی طراحی شده در فضای CST براساس مشخصات بیان شده در جدول ۴-۱

۲-۴ شبیه سازی حرکت یون در تلهی یونی دو بعدی

پس از طراحی تلهی یونی، به کمک نرم افزار CST میتوان مسیر حرکت ذرات باردار داخل تله را نیز به صورت سه بعدی مشاهده کرد.

به عنوان مثال، مسیر حرکت یون ⁺B^۰ در تلهی یونی با مشخصات ذکر شده در جدول ۴-۲ مشاهده شد. تله با چنین مشخصاتی در ناحیهی اول پایداری کار میکند. جدول ۴-۳ مشخصات ذرهی ورودی را نشان میدهد.

$U = \cdot V$	پتانسیل مستقیم (U)
$\mathbf{V} = \mathbf{v} \cdot \cdot \cdot \mathbf{V}$	پتانسیل متناوب (V)
$f = r, \Delta MHz$	فركانس پتانسيل متناوب (f)
۱۰ mm	فاصلهی الکترودها تا محور تله (.r)
۱۱ ,۳ mm	شعاع الكترودها (r)
۲۰۰ mm	طول الكترودها (L)

جدول۴-۲: مشخصات فیزیکی تلهی یونی که در ناحیهی پایداری A کار میکند.

جدول۴-۳: مشخصات يون ${}^{^{+}}B^{^{+}}$ ورودی به تلهی يونی

۵۰۰ eV	انرژی اولیه
•.•	میزان پخش شدگی انرژی
۵.۰ [°]	میزان پخش شدگی زاویهای

طبق انتظار ما از روابط تئوری، یون محصور در ناحیهی پایداری باید دارای حرکت نوسانی و محدود باشد. همانطور که از شکل ۴-۲ مشخص است، شبیه سازی انجام شده با انتظار ما تطابق دارد. شکل ۴-۲ مسیر حرکت یون ⁺B^۰ در راستاهای مختلف را نشان میدهد، قسمت (الف) نشاندهندهی نمای سه بعدی مسیر حرکت، قسمت (ب) مسیر حرکت در راستای x و قسمت (ج) مسیر حرکت در راستای y را نشان میدهد.

الف)







ب)



شکل ۴-۲: مسیر حرکت یون ⁺B^۰ در نمای سه بعدی (قسمت الف)، راستای x (قسمت ب) و راستای y (قسمت ج) که به وسیلهی نرم افزار CST شبیه سازی شده است.

همچنین انتظار داریم درصورتیکه یون داخل ناحیهی پایدار قرار نگیرد، مسیر ناپایدار داشته باشد و در اثر برخورد با الکترودها حذف شود. با تنظیم تله در مشخصات جدول ۴-۴، یون ⁺B^۰ (با مشخصات جدول ۴-۳)، یون ۲-۳ (با مشخصات جدول ۴-۳) در خارج از ناحیهی پایداری A قرار می گیرد. شکل ۴-۳ نشاندهندهی مسیر ناپایدار یون در تله و برخورد آن با الکترودهاست.

$U = \cdot V$	پتانسیل مستقیم (U)
$V = \mathfrak{l} \cdot \cdot V$	پتانسیل متناوب (V)
$f = r, \cdot MHz$	فركانس پتانسيل متناوب (f)
۱۰ mm	فاصلهی الکترودها تا محور تله (.r)
۱۱ ,۳ mm	شعاع الكترودها (r)
۲۰۰ mm	طول الكترودها (L)

جدول۴-۴: مشخصات فیزیکی تلهی یونی که خارج از ناحیهی پایداری قرار میگیرد.



شکل ۴-۳: مسیر ناپایدار حرکت یون ${}^+B^{+}$ که به وسیلهی نرم افزار CST شبیه سازی شده است.

۴–۳ جداسازی ایزوتوپی

طیف سنجهای جرمی به طور گستردهای به منظور جداسازی انواع مختلف مولکولها، اتمها و یونها مورد استفاده قرار می گیرند. آنها از اختلاف در نسبت جرم به بار ($\frac{m}{e}$) استفاده می کنند و یک یون با نسبت جرم جرم به بار خاص را انتخاب و عبور میدهند و سایر یونها حذف می شوند. یونهایی که دارای نسبت جرم به بار ($\frac{m}{e}$) یکسان هستند به یک اندازه تحت تأثیر پتانسیلهای الکتریکی اعمالی به تله قرار می گیرند. تحت شرایط الکتریکی اعمالی به تله قرار می گیرند. آنها از می می مورد اسبت جرم به بار ($\frac{m}{e}$) یکسان هستند به یک اندازه تحت تأثیر پتانسیلهای الکتریکی اعمالی به تله قرار می گیرند. تحت شرایط الکتریکی مناسب، این یونها در تمام طول تله مسیر پایداری را طی خواهند کرد و سایر یونها از طریق برخورد به الکترودها حذف می شوند [۸].

بورون به دلیل کاربردهای گستردهای که دارد، عنصر مهمی محسوب می شود. عنصر بورون موجود در طبیعت ترکیبی از ایزوتوپهای B' به میزان ۱۹/۸٪ و B' به میزان ۸۰/۲٪ است. B' دارای سطح مقطع بالای گیراندازی نوترون حرارتی است؛ بنابراین در صنعت هستهای برای به دام انداختن نوترونهای حرارتی مورد استفاده قرار می گیرد. به علاوه، B' در BNCT ^{۹۲} به عنوان روشی مؤثر برای درمان سرطان نیز نقش مهمی دارد.

درمان با گیراندازی نوترون توسط بورون (BNCT) یک روش درمان مناسب برای حذف سلولهای آسیب دیدهی تومورهایی است که مکان دقیق آنها مشخص نیست. روش کار BNCT براساس برهمکنش هستهای است به این ترتیب که در نتیجهی جذب نوترون حرارتی در B''، ذرات آلفا و لیتیم تولید می شوند. این ذرات، انرژی زیادی را در مسیری کوتاه از دست میدهند و باعث از بین رفتن سلولهای سرطانی می شوند [۳۱و ۳۰و ۲۹و۲۹ ک]. در نتیجه، نیاز به جداسازی B'' نیازی ضروری است.

¹⁹ Boron Neutron Capture Therapy

روشهای متعددی برای جداسازی B' و B'' پیشنهاد شده است. در این پایان نامه، استفاده از تلهی یونی برای انجام جداسازی بررسی شده است. همانطور که در فصل دو شکل ۲-۶ مشاهده شد، سه ناحیهی پایدار در نمودار پایداری به دست آمد. طبق روابط ۲-۳۰ و ۲-۳۱ ایزوتوپی که دارای جرم کمتری باشد، مقدار پارامتر پایداری p بزرگتری دارد. در اینجا هدف، جداسازی ایزوتوپ سبکتر بورون است. با استفاده از نرم افزار mathematica موقعیتهای مناسب برای جداسازی ایزوتوپهای B' و B'' در هر سه ناحیهی پایداری A، B و C به دست آمد. سپس با استفاده از کد برنامه نویسی ++C مسیر حرکت دو ایزوتوپ در هر ناحیه محاسبه و رسم شد. برای گیراندازی ایزوتوپ B' در نواحی A و B و جداسازی از B'' به پتانسیل ثابت U نیاز داریم و این مسأله کار را دشوارتر میکند. اما در ناحیهی C جداسازی با = U V میتواند انجام شود. اگر در ناحیهی A، سیا U در نظر بگیریم، امکان جداسازی B'' و B'' و E'' در در دارد چرا که تحت این شرایط هر دو ایزوتوپ داخل ناحیهی پایداری قرار میگیرند.

شکل ۴-۴ موقعیت قرار گرفتن ایزوتوپهای ⁺B^۰ و ⁺B^۱ که هر دو داخل ناحیهی پایدار واقع شدهاند را نشان میدهد. تلهی یونی در مشخصات ذکر شده در جدول ۴-۲ تنظیم شده است.



شکل ۴-۴: موقعیت قرار گرفتن ایزوتوپهای B^{+} (با علامت \bullet روی شکل مشخص شده است) و B^{+} (با علامت \bullet روی شکل مشخص شده است) و f = که هر دو داخل روی شکل مشخص شده است) در تلهای با مشخصات $V = V \cdot U = V$ و f = ۳.۵ MHz و $V \cdot U = V$ روی شکل مشخص شده است) در تلهای با مشخصات A قرار گرفتهاند.

شکل ۴-۵ مسیر حرکت ایزوتوپهای B^{+} و B^{+} در ناحیهی پایداری A را نشان میدهد. همانطور که از شکل مشخص است مسیر حرکت هر دو ایزوتوپ، پایدار است و با محاسبات انجام شده در mathematica و شکل ۴-۴ مطابقت دارد.



شکل ۴-۵: مسیر حرکت ایزوتوپهای B^+ و B^+ در ناحیهی پایداری A با مشخصات V - U = V و f = ۳.۵ MHz

شکل ۴-۶ موقعیت مناسب برای جداسازی ایزوتوپهای ⁺B^۰ و ⁺B^۰ را در تلهای که در ناحیهی پایداری B کار می کند نشان می دهد. ایزوتوپ ⁺B^۰ که با علامت ● روی شکل مشخص شده است داخل ناحیهی پایداری قرار گرفته و دارای مسیر پایدار است و ⁺B^۰ که با علامت ■ مشخص شده است، خارج ناحیهی پایداری قرار گرفته، در نتیجه با برخورد به الکترودها حذف می شود. مشخصات تله در جدول ۴-۵ آمده است.

U= -41. V	پتانسیل مستقیم (U)
$V=1\cdots V$	پتانسیل متناوب (V)
$f = \iota , \iota \cdot MHz$	فركانس پتانسيل متناوب (f)
۱۰ mm	فاصلهی الکترودها تا محور تله (.r)
۱۱.۳ mm	شعاع الكترودها (r)
۲۰۰ mm	طول الكترودها (L)

جدول ۴-۵: مشخصات تلهی یونی که در ناحیهی پایداری B کار میکند.



شکل ۴-۶: موقعیت مناسب برای جداسازی ایزوتوپهای ⁺B^۰ و ⁺B^۰ و ⁺B^۱ در تلهای که در ناحیهی پایداری B با مشخصات V = ۱۰۰۰ V ، U = −۴۷۰ V و f = ۱.۸۰ MHz و V = ۱۰۰۰ V میکند. ایزوتوپ ⁺B^۰ که با علامت • مشخص شده، داخل ناحیهی پایداری قرار گرفته و ⁺B^۱ که با علامت ■ مشخص شده، خارج ناحیهی پایداری واقع شده است.

شکل ۴-۷ مسیر حرکت ایزوتوپهای B^+ و B^+ و B^+ در ناحیهی پایداری B را نشان میدهد. مطابق انتظار ما از محاسبات mathematica و شکل ۴-۶ مسیر حرکت B^+ ناپایدار است.



شکل ۲-۴: مسیر حرکت ایزوتوپهای B^+ و B^+ در ناحیهی پایداری B با مشخصات V - ۲۰۰ V - U = - و f = ۱.۸۰ MHz

همانطور که قبلا گفته شد، استفاده از ناحیهی B برای انجام جداسازی به دلیل اینکه، این ناحیه نیاز به پتانسیل DC دارد کار دشواری است. بنابراین، بهترین روش برای جداسازی ایزوتوپهای سبک از ایزوتوپهای سنگین، مثلا جداسازی B^{۰٬} از B^{۰٬} استفاده از ناحیهی پایداری C است. شکل ۴-۸ موقعیت مناسب برای جداسازی ایزوتوپهای ⁺B^{۰٬} و ⁺B^{۰٬} در تلهای که در ناحیهی پایداری C کار می کند را نشان میدهد. ایزوتوپ ⁺B^{۰٬} که با علامت ● روی شکل مشخص شده است، داخل ناحیهی پایدار قرار گرفته است و ⁺B^{۰٬} که با علامت ■ مشخص شدهاست خارج از ناحیهی پایدار قرار دارد و در نتیجه از طریق برخورد با الکترودها حذف می شود. مشخصات تله در جدول ۴-۶ آمده است. همچنین در شکل ۴-۹ مسیر حرکت دو ایزوتوپ بورون رسم شده است.
$U = \cdot V$	پتانسیل ثابت (U)
$\mathbf{V} = \mathbf{v} \cdot \cdot \cdot \mathbf{V}$	پتانسیل متناوب (V)
f = 1,1 with MHz	فركانس پتانسيل متناوب (f)
۱۰ mm	فاصلهی الکترودها تا محور تله (.r)
۱۱.۳ mm	شعاع الكترودها (r)
۲۰۰ mm	طول الكترودها (L)

جدول ۴-۶: مشخصات تلهی یونی که در ناحیهی پایداری C کار میکند.



شکل ۴-۸: موقعیت مناسب برای جداسازی ایزوتوپهای ⁺B^۰ و ⁺B^۰ و ⁺B^۱ در تلهای که در ناحیهی پایداری C با مشخصات V = ۱۰۰۰ V ، U = ۰ V و f = ۱.۱۳۷۴ MHz و B⁺ کار میکند را نشان میدهد. ایزوتوپ ⁺B^۰ با علامت ● و ⁺B^۱ با علامت ■ روی شکل مشخص شدهاند.



شکل ۲-۴: مسیر حرکت ایزوتوپهای B^+ و B^+ در ناحیهی پایداری C با مشخصات $V = \dots V$. $U = \dots V$ و $f = \dots V$. $f = \dots V$ MHz

جداسازی ایزوتوپهای ⁺B^۰ و ⁺B^۰ در ناحیهی پایداری C با استفاده از نرم افزار CST نیز انجام شد و مسیر حرکت به دست آمد. نتایج به دست آمده در نرم افزار CST با نتایج حاصل از mathematica و ++C تطابق دارد. شکل ۴-۱۰ مسیر پایدار حرکت ایزوتوپ ⁺B^{۰۰} و شکل ۴-۱۱ مسیر ناپایدار حرکت ایزوتوپ +B^{۱۰} که با نرم افزار CST شبیه سازی شده است را نشان میدهد. همانطور که از شکل مشخص است ایزوتوپ ⁺B^{۱۰} از طریق برخورد با الکترودها حذف میشود. مشخصات فیزیکی تله در جدول ۴-۶ و مشخصات ذرهی ورودی به تله در جدول ۴-۷ آمده است. ابتدا اجرای این برنامه در CST با مش بندی درشت انجام شد ولی نتیجهی مطلوب به دست نیامد. سپس با ریز کردن مش بندی نتیجهی دقیق تر حاصل شد که به

جدول ۴-۲: مشخصات ذرهی ورودی به تلهیونی در ناحیهی C

۵۰ eV	انرژی اولیه
٠,٠	میزان پخش شدگی انرژی
۰,۳ °	میزان پخش شدگی زاویهای

الف)





شکل ۴–۱۰: قسمت الف مسیر حرکت ایزوتوپ ⁺B^۰ در راستای x در تلهی یونی که در ناحیهی C کار میکند را نشان میدهد و قسمت ب نشاندهندهی مسیر حرکت +B^۰ در راستای y است.



شکل ۴–۱۱: مسیر ناپایدار حرکت ایزوتوپ \mathbf{B}^+ در تلهی یونی که ناحیهی \mathbf{C} کار میکند

ب)

۴-۴ جمع بندی

در این پایان نامه، به مطالعه و شبیه سازی مسیر حرکت یونهای محصور در تلهی یونی دو بعدی با استفاده از نرم افزارهای ++C و CST پرداخته شده است. همچنین با رسم نمودارهای پایداری توسط نرم افزار mathematica سه ناحیهی پایدار برای حرکت یون مطابق شکل ۲-۶ به دست آمد و موقعیت مناسب برای جداسازی یونهای $^{+}B'$ و $^{+}B''$ با استفاده از تلهی یونی دوبعدی در این سه ناحیه محاسبه شد. با توجه به موقعیت نواحی پایداری و هدف ما که جداسازی یون سبکتر است، برای انجام جداسازی در نواحی پایداری A و B نیاز به پتانسیل DC وجود دارد و به همین دلیل کار دشوارتر میشود؛ در نتیجه بهترین گزینه برای جداسازی $^{+}B'$ و $^{+}B''$ استفاده از ناحیهی CST یون سبکتر است، برای انجام جداسازی در نواحی

سپس اثر اعمال میدان مغناطیسی ثابت به تلهی یونی در دو راستای x و y ، که منجر به تغییر پارامترهای پایداری a و p میشود، مورد بررسی قرار گرفت و نمودارهای پایداری با پارامترهای جدید رسم گردید. این نمودارها در شکلهای ۳-۴ و ۳-۵ آمدهاند. همانطور که از شکل ۳-۵ مشخص است، با اعمال میدان مغناطیسی ثابت در راستای y گستردگی ناحیهی 'A روی نمودار کمتر میشود و به همین دلیل امکان جداسازی یونهای +B' و +B'' در ناحیهی پایداری 'A نیز با پتانسیل DC صفر فراهم خواهد شد. درحالیکه تحت این شرایط ناحیهی 'C روی محور قرار نمی گیرد و نیاز به پتانسیل DC به وجود میآید. ناحیهی 'A در مقایسه با ناحیهی 'C دارای وسعت بیشتری است و به همین دلیل گیراندازی یونها در این

از تلهی یونی دوبعدی برای جداسازی انواع ایزوتوپها با محدودهی جرمهای مختلف (جرمهای سبک تا جرمهای سنگین) میتوان استفاده کرد. البته لازم به ذکر است در مورد ایزوتوپهای سنگین به دلیل اختلاف جرم کمتر آنها، روی نمودارهای پایداری فاصلهی کمتری از هم دارند و به همین دلیل جداسازی ایزوتوپهای سنگین به این وسیله مشکل است.



[1] Drakoudis A., Sollner M. and Werth G. (2006) "Instabilities of ion motion in a linear Paul trap" **International Journal of Mass Spectrometry**, **252**, **61-68**.

[Y] Possa G. C. and Roncaratti L. F. (2016) "Stability diagrams for Paul ion traps driven by two frequencies" **The Journal of Physical Chemistry A**, **120**, **27**.

[^m] Eronen T., Kankainen A. and Äystö J. (2016) "Ion traps in nuclear Physics-Recent results and achievements" **Progress in Particle and Nuclear Physics**, **91**, **259-293**.

[*] March R. E. and Todd J. F. (2005) "Quadrupole ion trap mass spectrometry" Vol. 165, second edition, WILEY, New Jersey.

[Δ] Jonscher K. R. and Yates J. R. (1997) "The Quadrupole Ion trap mass spectrometer-A small solution to a big challenge" **Analytical Biochemistry**, **NO. AB969877, 244, 1-15.**

[7] Paul W. (1990) "Electromagnetic Traps for Charged and Neutral Particles" **Reviews of**

Modern Physics, Vol. 62, No. 3.

[v] Berton A., Traldi P., Ding L. and Brancia F. L. (2008) "Mapping the stability Diagram of a Digital Ion Trap (DIT) Mass Spectrometer Varying the Duty Cycle of the Trapping Rectangular Waveform" J Am Soc Mass Spectrom, 19, 620-625.

[A] Bracco G. (2008) "comparison of quadrupole mass filter equipped with rods of different convexity: An analysis by finite element methods and trajectory simulations" **International Journal of Mass Spectrometry**, **278**, **75-88**.

[9] Gibson J. R. and Taylor S. (2001) "Numerical investigation of the effect of electrode size on the behaviour of quadrupole mass filters" Rapid Commun. Mass Spectrom., 15:1960-1964. [1.] Church D. A. (1969) "Storage Ring Ion Trap Derived from the Linear Quadrupole RadioFrequency Mass Filter" Journal of Applied Physics, Vol. 40, No. 8.

[11] Douglas D. J., Frank A. J. and Mao D. (2005) "Linear Ion Trap in mass spectrometry" Mass Spectrometry Reviews, 24, 1-29.

[۱۲] ملاابراهیمی ع، (۱۳۹۴)، پایان نامهی ارشد: "طراحی و محاسبهی خواص تلههای پائول برای لپتونها و یونها" ، دانشکدهی فیزیک، دانشگاه صنعتی شاهرود.

[1[°]] Bandelow S., Marx G. and Schweikhard L. (2013) "The stability diagram of the digital ion trap" **International Journal of Mass Spectrometry, 336, 47-52.**

[14] Block M. (2016) "Recent developments in Penning trap mass spectrometry" Nuclear Instruments and Methods in Physics Research B, 376, 265-269.

[16] Ringle R., Bollen G., Schury P., Schwarz S. and Sun T. (2007) "Octupolar excitation of ion motion in a Penning trap- A study performed at LEBIT" **International Journal of Mass Spectrometry, 262, 33-44.**

[17] Satyajit K. T., Gupta A., Joshi G., Mohan S., Rao P. and Ananthamurthy S. (2009) "Loading Detection and Number Estimation of an Electron Plasma in a Penning Trap " **Plasma Science and Technology, Vol. 11, No. 5.**

[1V] Tamir T. and Wang H. C. (1965) "Characteristic relations for Nonperiodic solutions of Mathieu's equation" Journal of Research of the National Bureau of Standards-B. Mathematics and Mathematical Physics, Vol. 69B, Nos. 1 and 2.

[1A] Prikhodko A. A., Nesterov A. V. and Nesterov S. V. (2016) "Analysis of Mathieu Equation Stable Solutions in the First Zone of Stability" **International Conference on Industrial Engineering, ICIE 2016, 150, 341-346.**

[19] McLachlan N. W. (1947) "Theory and Application of Mathieu Functions" first edition,57

[v] Kumar M. (2011) Master thesis, "Study of Mathieu equation near stability boundary"Supercomputer Education and Research Centre, Indian Institute of Science.

[71] Campana J. E. and Jurs P. C. (1980) "Computer simulation of the quadrupole mass filter" International Journal of Mass Spectrometry and Ion Physics, 33, 119-137.

[^{TT}] Londry F. A., Alfred R. L. and March R. E. (1993) "Computer Simulation of Single-Ion Trajectories in Paul-Type Ion Traps" J Am Soc Mass Spectrom, 4, 687-705.

[٢٣] Syed S. U., Sreekumar J., Brkic B., Brkic J. R. and Taylor S. (2010) "Effect of an Axial Magnetic Field on the Performance of a Quadrupole Mass Spectrometer" J Am Soc Mass Spectrom, 21, 2070-2076.

[٢۴] Syed S. U. A. H., Maher S. and Taylor S. (2013) "Quadrupole mass filter operation under the influence of magnetic field" J. Mass Spectrom., 48, 1325-1339.

[Ya] Sohani M. and Ebrahimi A. M. (2016) "Time-dependent magnetic field effects on the stability regions of a Paul trap" Eur. Phys. J. Plus, 131:88.

[Y7] Srigengan B., Gibson J. R. and Taylor S. (2000) "Ion trajectories in quadrupole mass spectrometer with a static transverse magnetic field applied to mass filter" IEE Proc.-Sci. Meas. Technol., Vol. 147, No. 6.

[YA] Zhang N., Lyu J., Bai P., Guo X. (2018) "Boron isotopic separation with pyrocatechol-modified resin by chromatography technology: Experiment and numerical simulation"
 Journal of Industrial and Engineering Chemistry, Vol. 57, 244-253.

[۲٩] Yeh C. N., Chang C. W., Chung Y. H., Tien S. W., Chen Y. R., Chen T. W., Huang Y. C., Wang H. E., Chou Y. C., Chen M. H., Chiang K. C., Huang W. S. and Yu C. S. (2017)
"Synthesis and characterization of boron fenbufen and its F-18 labeled homolog for boron neutron capture therapy of COX-2 overexpressed cholangiocarcinoma" European Journal of Pharmaceutical Sciences, 107, 217-229.

 $[r \cdot]$ Andoh T., Fujimoto T., Suzuki M., Sudo T., Sakurai Y., Tanaka H., Fujita I., Fukase N., Moritake H., Sugimoto T., Sakuma T., Sasai H., Kawamoto T., Kirihata M., Fukumori Y., Akisue T., Ono K. and Ichikawa H. (2015) "Boron neutron capture therapy (BNCT) as a new approach for clear cell sarcoma (CCS) treatment: Trial using a lung metastasis model of CCS" **Applied Radiation and Isotopes, Vol. 106, 195-201.**

[**r**1] Chou F. I., Chung H. P., Liu H. M., Chi C. W. and Lui W.Y. (2009) "Suitability of boron carriers for BNCT: Accumulation of boron in malignant and normal liver cells after treatment with BPA, BSH and BA" **Applied Radiation and Isotopes, 67, S105-S108.**

Abstract

Ion traps have been widely used to trap ions. These trapped ions are ideal systems for study in various fields in physics. Some applications of ion traps include precision measurement of atomic masses of stable and unstable isotopes, atomic transition frequencies, lifetime measurements of metastable excited states and their use as a mass spectrometer or an ion storage source.

Ion traps are divided into two groups: Paul traps and Penning traps. Paul trap uses periodic quadrupole electric field and Penning trap uses the combination of static magnetic field and electrostatic potential in order to confine particles.

In this thesis, we study a linear Paul trap as a mass filter. So at first, stability diagrams for ion trajectories in Paul trap are plotted with simulation softwares and the effect of magnetic field on stability parameters is studied and by using stability diagrams, stable and unstable motions are calculated and the best position for isotope separation is obtained. The results is verified and compared with simulation of ion motion in Paul trap performed with CST STUDIO.

We compared all stability regions and possibility of isotope separation in any region. Then we found the best region for isotope separation of ${}^{10}B$ and ${}^{11}B$ is stability region " C ". If a constant magnetic field in y direction is applied, stability regions change and shift therefore the most suitable region for isotope separation is stability region "A' ".

Key Words: 2-D Paul trap, Mass filter, Mathieu equation, stability regions, Isotope separation.



Faculty of Physics and Nuclear Engineering

M.Sc. Thesis in Nuclear Physics

Study of a 2-D Paul trap as a mass filter

By: Sonia Sarfarazi

Supervisor: Dr. Moslem Sohani

January 2018