



دانشکده فیزیک و مهندسی هستهای

پایان نامه کارشناسی ارشد فیزیک اتمی و مولکولی

تأثیر میدان مغناطیسی خارجی بر روی جذب رزونانسی

در بر هم کنش لیزر-پلاسما

نگارنده:

حسين گورويی

اساتيد راهنما:

دکتر مهدی مومنی

دكتر مجتبى هاشمزاده

شهريور ۱۳۹۶

اگر مردم را رسم چنان است که با تقدیم تلاشهایشان به بزرگان به آنما تقرب جویند، شایسته است نخستین ثمره تحصیلم پس از آن همه سال

پیشکش متواضعانهای باشد به نخستین معلمان زندگیم

پدر و مادرم ...

و تقدیم به روح پاک

برادر عزيزم ...

تقديروسياس

تنگر و ساس بی پایان مخصوص خدایی است که بشر را آفریده و به او قدرت اندیشدن داده و توانایهای بالقوه را در وجود انسان قرار داده و او را امر به تلاش و کوشش نموده و راهمامانی را برای هدایت بشر فرسآده است.

پس از ارادت خاضعانه به درگاه خداوند بی تمتا بر خود لازم می دانم که از اساتید بزرگوار وگرانقدر، جناب آقای **دکتر جمدی مومنی** و

د کتر مجتبی کاشم زاده بعنوان اساتید راهما، به خاطر رهنمود کمی دلسوزانه که در این تحقیق مرا مورد لطف خود قرار دادند و راهمایهای لازم را

نمودند تشکر و قدردانی نموده، موفقیت ، ککان را از درگاه احدیت خوا پنم .

د آخر از برادران و عمو زاده او خواهر عزیزم و تمینطور از دوستان خوبم از جله آقای فریرون زرگوشی، پیام شاه دلی، ناصر مایک غراوی ،

س آرمین داور پناه، رضاجبارزادگان، ز،میر اسدی و صمه متینی که در این مدت دلسوزانه بنده را در ندوین و تکارش این پایان مامه یاری نمودند صمیانه

سمر و قدردانی می نایم .

تعهدنامه

اینجانب حسین گورویی دانشجوی دورهی کارشناسی ارشد رشتهی فیزیک اتمی_ملکولی(پلاسما) دانشکدهی فیزیک دانشگاه شاهرود نویسندهی پایاننامهی تاثیر میدان مغناطیسی خارجی بر روی جذب رزونانسی در بر هم کنش لیزر-پلاسما، تحت راهنمایی دکتر مهدی مومنی و دکتر مجتبی هاشمزاده متعهد میشوم.

- تحقیقات در این پایاننامه توسط اینجانب انجامشده است و از صحت و اصالت برخوردار است.
 - در استفاده از نتایج پژوهشهای محققان دیگر به مرجع مورداستفاده استناد شده است.
- مطالب مندرج در پایاننامه تاکنون توسط خود یا فرد دیگری برای دریافت هیچ نوع مدرک یا امتیازی در هیچ جا ارائه نشده است.
- کلیه حقوق معنوی این اثر متعلق به دانشگاه شاهرود میباشد و مقالات مستخرج با نام «دانشگاه شاهرود» و یا « Shahrood University» به
 چاپ خواهد رسید.
 - حقوق معنوی تمام افرادی که در به دست آمدن نتایج اصلی پایاننامه تأثیرگذار بودهاند در مقالات مستخرج از پایاننامه رعایت می گردد.
- در کلیهی مراحل انجام این پایاننامه، در مواردی که از موجود زنده (یا بافتهای آنها) استفاده شده است ضوابط و اصول اخلاقی رعایت شده است.
- در کلیهی مراحل انجام این پایان نامه، در مواردی که به حوزهی اطلاعات شخصی افراد دسترسی یافته یا استفاده شده است اصل رازداری، ضوابط و اصول اخلاق انسانی رعایت شده است.

تاريخ

امضای

مالکیت نتایج و حق نشر

- کلیه ی حقوق معنوی این اثر و محصولات آن (مقالات مستخرج، کتاب، برنامه های رایانه ای، نرم افزارها و تجهیزات ساخته شده) متعلق به دانشگاه شاهرود می باشد. این مطلب باید به نحو مقتضی در تولیدات علمی مربوطه ذکر شود.
- استفاده از اطلاعات و نتایج موجود در پایان نامه بدون ذکر مرجع مجاز نمی باشد.

چکیدہ:

برهمکنش پالس کوتاه لیزر با یک جسم جامد به دلیل کاربردهای فراوان به بخش مهمی از مطالعات تبدیل شده است. برخی از این کاربردها عبارتاند از: منبع اشعه x، شتاب دهنده ذرات پلاسما، تولید سریع یون و همجوشی به روش محصور سازی لختی و... در چنین مواردی اثرات غیر خطی بسیار مهم خواهند بود، که دلیل آن تاثیرات ناشی از بالا بودن شدت لیزر میباشد.

در این پژوهش ابتدا با در نظر گرفتن معادلات ماکسول و با استفاده از معادلات هیدرودینامیک رفتار موج الکترومغناطیسی فرکانس بالا در پلاسمای غیر برخوردی و زیر چگال و غیر مغناطیسی را مطالعه نموده و نمودارهای مربوطه رسم شدهاند. سپس با در نظر گرفتن انتشار مایل موج الکترومغناطیسی با قطبش-P در پلاسمای زیر چگال را مورد مطالعه قرار دادیم و زاویه بهینه و نرخ جذب را بدست آورده و تغییرات میدانهای الکتریکی و مغناطیسی را رسم کردهایم.

در ادامه با افزودن میدان مغناطیسی خارجی (همگن و ناهمگن) به بررسی این رفتارها پرداختیم و نمودارهای تغییرات میدانهای الکتریکی و مغناطیسی و همینطور نرخ جذب را رسم کردیم. نشان دادیم که میدان مغناطیسی خارجی روی میدانها تاثیر گذاشته و باعث افزایش آنها میشود و در نتیجه نرخ جذب نیز افزایش پیدا کرده است.

كلمات كليدى: پلاسماى زير چگال، جذب رزونانسى، ميدان مغناطيسى خارجى

	للهرست مطالب
۱	فصل۱: مقدمه ای بر پلاسما و لیزر
۱	۱–۱ مقدمه ای بر پلاسما
۲	۱-۲ تعاریف و پارامترهای اصلی پلاسما
1	١-٢-١ تعريف پلاسما
,	۱-۲-۲ تاریخچه
Y	١-٣-٢ وجود پلاسما در طبيعت
۲	۴ حفاظ دبای
۶	-۲-۱۵ دما و چگالی
۶	۔ ۱–۲–۶ معیار های پلاسما
,	- ۲-۲ فرکانس بلاسما
,	ر پې پې ۱-۲-۱ س عت گ ما بر
	ر بر یی
ć	۲-۱ تابع دی الکتر یک پلاسمای سرد
١.	. ۲-۳۶ کار دهای فیند کی بلاسما
	۲۰۱۴-۱ ۱۴-۱۲-۱۴-۱
, ,	۲ - ۲ پیرز ۲-۴-۱ - قدیه ام ا :
	۲ ۲ ۲ ۴-۲ تا .خمه
	۱-۱-۱-۱ مریحچه
	۱–۱–۱ ساختار لیزر
	۱-۱-۱ تحوه ی ایجاد پر تو لیزر
	۱–۲–۵ انواع لیزر
	۲-۳-۹ ليزرهای جامد
•	۲-۴-۱ ليزرهای نئوديوم۵
	۸-۴-۱ لیزر Nd:YAG
•	۹-۴-۱ لیزر Nd:Class لیزر ۹-۴-۱
۱۶	۱–۵ تقویت پالس لیزر به روش CPA

۱۷	۱-۶ برهمکنش لیزر با جسم جامد و نواحی ایجاد شده
21	فصل ۲: بررسی قطبش-P و قطبش-S موج الکترومغناطیسی در حضور پلاسمای ناهمگن
۲۲ .	۲–۱ مقدمه
۲۲ .	۲-۲ تابش ترمزی معکوس
۲۷.	۲-۳ تغییر چگالی خطی، توابع ایری
٣۴.	۲-۴ فرود مایل لیزر با قطبیدگی خطی
۳۵.	۲–۵ قطبش یا پلاریزاسیون
۳۶	S−۵ قطبش –S
۳۸.	۲-۶ قطبش – P : جذب رزونانسی
۴۳	فصل ۳: جذب رزونانسی لیزر پالس کوتاه با قطبش P در پلاسمای زیر چگال در غیاب میدان مغناطیسی
44.	۳–۱ مقدمه
44.	۳-۲ جذب رزونانسی
44.	۳-۳ کاربردها
۴۵.	۳-۴ معادلات میدان
۴۸.	۳-۵ حل عددی معادلات میدان
۵١.	٣-٦ نرخ جذب
۵۳	فصل۴: جذب رزونانسی لیزر پالس کوتاه با قطبش P در پلاسمای زیر چگال در حضور میدان مغناطیسی
۵۴.	۴-۱ میدان مغناطیسی
۵۴.	۴-۲ میدان مغناطیسی همگن و ناهمگن
۵۴.	۴-۳ تابع دی الکتریک پلاسمای سرد با میدان مغناطیسی همگن
۵۵	۴-۴ حل عددی
۶۳.	۴-۵ تابع دی الکتریک پلاسمای سرد با میدان مغناطیسی ناهمگن
۷۳	فصل۵: نتیجه گیری
٧۴.	۵-۱ نتیجه گیری
	۲-۵ پیشنهادات
	VV I
	مراجع

لھا	شكا	ست	فهر
<u> </u>			

	شکل ۱–۱: حالت های ماده
	شکل ۱-۲ : حفاظ دبای
	شکل ۱–۳: ساختار لیزر
	شکل۱-۴: نحوه ی ایجاد پرتو لیزر
	شکل ۱-۵: طرح شماتیک تقویت پالس لیزر به روش CPA
	شكل١-٦: شماتيك برهمكنش ليزر با جسم جامد و پلاسما [٨]
	شکل۲-۱: توابع ایری Ai و مشتقات آن و Bi [۲۱]
	شکل ۳-۱: شماتیک فرود مایل موج الکترومغناطیسی به درون پلاسمای زیرچگال
	شکل۳-۲ (الف) : میدان های نرمال شده E_{zl} ، E_{zt} ، B_y برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و 0° ۱
	شکل۳-۲ (ب) : میدان های نرمال شده E_{zt} ، B_y برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و 0° = 0°
	شکل۳-۲ (ج) : میدان های نرمال شده E_{zt} ، B_y برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و z س ۹
	شکل۳-۲ (د) : میدان های نرمال شده E_{zt} ، B_y برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و 0° ϕ
	شکل ۳-۳ : نرخ جذب بر حسب ۲
	شکل۴-۱: برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $ heta = 0.9$ و $lpha = 0.2$
Ez	شکل۴-۲: میدان های نرمال شده مغناطیسی B_{y} (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی
	(منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $ heta = 0.6$ و $ heta = 0.4$
Ez	شکل۴-۳: میدان های نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $15^\circ=00$ و $lpha=0.6$
Ez	شکل۴–۴: میدان های نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $0.2=0$ و $\alpha=0.2$
Ez	شکل۴-۵: میدان های نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $0.2=00$ و $0.4=0$
Ez	شکل۴-۶: میدان های نرمال شده مغناطیسی <i>B</i> y (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی <i>E_{zt}</i> (دونقطه-خط چین) و طولی (منحنی تو یر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و α = 0.6 و α.6 = α
Ez	شکل۴-۲۰ میدان های نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $00=00$ و $\alpha=0.2$
Ez	شکل۴-۸: میدان های نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $00=00$ و $0.4=lpha$

 E_{zl} شکل۴–۹: میدان های نرمال شده مغناطیسی B_{v} (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه–خط چین) و طولی (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و heta = 0.6 = 0.6 = 0.6 = 0.6 (منحنی تو پر) برای مختصه ک شکل۴-۱۰: میدان های نرمال شده مغناطیسیB_۷ (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی ۶۰ (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و heta = 0.0 و lpha = 0.2lpha = 0.2شکل۴-۱۱: میدان های نرمال شده مغناطیسیB_v (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی ۶۱ (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و heta = 0.4 و heta = 0.4lpha = 0.4شکل۴-۱۲ میدان های نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و heta = 0.6 و heta = 0.6lpha = 0.6 (منحنی تو پر) دا E_{zl} شکل۴–۱۳: نرخ جذب برای (۵ = 0,0.2,0.4,0.6) (۳ = ۵).... شکل۴-۴۱۴: میدان های نرمال شده مغناطیسیB_V (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی ۶۴..... و $B_0 = B_0 sin \xi$ و $\theta_0 = 15^\circ$ و $B_0 = B_0 sin \xi$ $B_0 = B_0 sin \xi$ (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z شکل۴-۱۵: میدان های نرمال شده مغناطیسیB_V (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی شکل۴-۱۶: میدان های نرمال شده مغناطیسیBy (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی Ezt (دونقطه-خط چین) و طولی ۶۵..... و $B_0 = B_0 sin \xi$ (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta 0 = 30^\circ$ و $B_0 = B_0 sin \xi$ شکل۴–۱۷: میدان های نرمال شده مغناطیسی B_{v} (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه–خط چین) و طولی (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $heta_0 = B_0 sin \xi$ و $B_0 = B_0 sin \xi$ (منحنی تو پر) برای مختصه E_{zl} شکل۴–۱۸: نرخ جذب برای $B_0 = B_0 sin \xi$ شکل۴–10: نرخ جذب برای $B_0 = B_0 sin \xi$ شکل۴–۱۹: میدان های نرمال شده مغناطیسی B_{γ} (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی ۶۸..... و $B_0 = B_0 tanh \xi$ (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $0^\circ = 0 = 0$ و $B_0 tanh \xi$ (منحنی تو پر) برای مختصه (E_{zl} شکل۴-۲۰: میدان های نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی ۶۸..... (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و heta = 0 و heta = 0 $B_0 tanh \xi$ (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $B_0 = 0$ شکل F_{zt} : میدان های نرمال شده مغناطیسی B_{v} (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی ۶۹ (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $heta_0 = B_0 tanh \xi$ و $B_0 = B_0 tanh \xi$ (منحنی تو پر) برای مختصه (E_{zl} شکل۴-۲۲: میدان های نرمال شده مغناطیسیBy (منحنی خط چین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خط چین) و طولی ۶۹..... و $B_0 = B_0 tanh\xi$ (منحنی تو پر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $B_0 = B_0 tanh\xi$ (منحنی تو پر) برای مختصه ک ۷۰ $B_0 = B_0 tanh \xi$ شکل ۲۳-۴: نرخ جذب برای $B_0 = B_0 tanh \xi$ شکل۴-۲۴: نرخ جذب برای حالت های در حضور و عدم حضور میدان مغناطیسی خارجی همگن و ناهمگن ۷۱

جدول ۱-۱ : مقایسه نور معمولی با نور لیزر.....

فصل 1:

مقدمهای بر پلاسما و لیزر

۱-۱ مقدمهای بر پلاسما

پلاسما محیطی شبه خنثی از الکترونها و یونهای آزاد و اتمها یا ملکولها میباشند که از خود رفتار جمعی ارائه می دهند. در چنین سیستمی که شامل تعداد زیادی نوسانگر جفت شده و درجات آزادی است، نوسانات زیادی میتواند وجود داشته باشد و اختلالات شبه موجی میتوانند در آن منتشر شوند. مطالعه پلاسما در اواخر قرن نوزدهم در حالی که دانشمندان به فیزیک تخلیه گازها علاقهمند بودند شروع شد. این امر دلیلی بر مطالعات دانشمندان در رابطه با اهمیت و کاربرد فیزیک پلاسما در زمین شناسی و اختر فیزیک شده بود.

۱-۲ تعاریف و پارامترهای اصلی پلاسما

دراين بخش با پارامترها و مفاهيم اصلي پلاسما آشنا ميشويم.

1-۲-1 تعريف يلاسما

در تعریف سطحی از پلاسما^۱ آن را به عنوان چهارمین حالت ماده که به سه حالت اصلی جامد، مایع و گاز اضافه گردیده است، معرفی می *ک*نند [۱]. این تعریف به انرژی ذرات و یا به عبارت دیگر به دمای ماده اشاره دارد، به صورتی که چنانچه دمای ماده زیاد شود ابتدا مادهی جامد به حالت مایع در می آید و سپس ازحالت مایع به گاز و نهایتاً از گاز به پلاسما تبدیل می شود (شکل۱–۱). زمانی این اتفاق رخ می دهد که دمای بالا، گاز را یونیزه کرده و الکترونها را از هسته جدا کند. در این حالت برخلاف گاز که ذرات سازنده آن مولکولهای آن نوع گاز هستند، ذرات باردار به صورت جداگانهای ظهور می یابند.

¹ Plasma



شکل ۱–۱: حالتهای ماده.

در حالت عمومی ذرات منحصر به فردی که پلاسما را تشکیل میدهند از سه نوع مختلف یون، الکترون و ذرات خنثی میباشند. از آنجا که بر خلاف گازها در پلاسما به غیر از ذرات خنثی ذرات باردار هم وجود دارند نوع برهمکنشهایی که در پلاسما بین ذرات و بین ذرات با میدان های خارجی ایجاد میشوند کاملاً متفاوت از حالت گازی است.

اگر بخواهیم بطور دقیق پلاسما را تعریف کنیم پلاسما گاز شبه خنثایی است از ذرات باردار و خنثی که رفتار جمعی از خود نشان میدهند.پلاسما شبه خنثی است یعنی چنانچه یونها یک بار یونیده باشند چگالی الکترونها با یونها تقریبا برابر خواهد شد ($n_e = n_i$). منظور از رفتار جمعی حرکاتی است که نه تنها به شرایط موضعی بلکه به حالات پلاسما در نقاط دور نیز بستگی دارد.

۱-۲-۲ تاریخچه

درحدود ۴۵۰ سال قبل از میلاد مسیح دانشمند یونانی بنام امیدوکلس^۱ به ماهیت خاص محیطهای یونیده پی برده بود، تا اینکه در اواخر قرن نوزدهم میلادی بود که با کار دانشمندانی چون ویلیام کروکس^۲ و یوهان هیتورف^۳ که هنگام بررسی ویژگیهای ماده در تخلیه الکتریکی متوجه شدند با حالت خاص از ماده سروکار دارند که از گازهای یونیزه پدید آمده است. بنابراین اولین جرقه برای مطالعه منظم حالت خاصی از ماده زده شد. درسال ۱۸۷۹ (میلادی) فیزیکدان انگلیسی ویلیام کروکس بود که با توجه به آزمایشات خود گفت: ویژگی هایی که در تخلیه گازهای یونیزه بوجود میآید، طوری است که میتوان آن را جزء سه حالت ماده (جامد، مایع، گاز) قرار داد. بنابر این، این ویژگیها را باید در حالت چهارمی بررسی کرد.

۱-۲-۲ وجود پلاسما در طبیعت

بعضی مواقع مشاهده شده که ۹۹٪ از طبیعت و جهان از پلاسما تشکیل شده است [۲]. در دوران کنونی ستارگان، سحابیها و حتی فضای بین ستارگان از پلاسما پر شده است. در منظومه شمسی نیز پلاسما به شکل کمربند های تابشی وان آلن^۴ [۳] و بادهای خورشیدی^۵ [۴] وجود دارد. یافتن پلاسمای زمینی نیز مشکل نیست، چنین حالاتی در صاعقه، لامپ های فلئور سنت، فروغ ملایم شفق قطبی، انواع آزمایشات لابراتوری و مجموعه در حال رشد فرآیند صنعتی رخ می دهند.

۱–۲–۴ حفاظ دبای

یکی از مشخصات اساسی رفتار پلاسما، توانایی آن برای ایجاد حفاظ در مقابل پتانسیل های الکتریکی است که به آن اعمال میشوند. برای ایجاد میدان الکتریکی در داخل پلاسما، دو گلوله بار دار را که به یک

¹ Omidokles

² William Crookes

³ Johan Hettorf

⁴ Van Allen Radiation Belts

⁵ Solar Wind

باتری متصل هستند وارد پلاسما میکنیم. این گلوله ها، ذرات با بار مخالف را جذب میکنند و تقریبا بلافاصله ابری از یونها اطراف گلوله منفی و ابری از الکترونها اطراف گلوله مثبت جمع میشوند و حفاظی راتشکیل میدهند که باعث میشود میدان بصورت نمایی کاهش پیدا کند. اگر پلاسما سرد باشد و هیچگونه حرکت حرارتی وجود نداشته باشد، تعداد بار ابر برابر تعداد بار گلوله میشود، در اینصورت عمل حفاظ کامل میشود و هیچ میدان الکتریکی در حجم پلاسما در خارج از ناحیه ابرها وجود نخواهد داشت. اما اگر دما متناهی باشد ذراتی که در لبه هستند (جایی که میدان ضعیف است) به اندازه کافی انرژی گرمایی دریافت میکنند تا از چاه پتانسیل الکتروستاتیکی فرار کنند، بنابر این لبه ابر در شعاعی قرار میگیرد که انرژی پتانسیل تقریبا برابر انرژی حرارتی TX ذرات شود، پس حفاظ کامل نخواهد بود، در واقع حرکت گرمایی سبب نشت پتانسیل به داخل پلاسما میشود و میدان الکتریکی متناهی در آن ایجاد میکند.



شكل ١-٢ : حفاظ دباي .

پتانسیل در هر نقطه به فاصله x نسبت به گلوله از رابطه زیر به دست میآید:

$$\varphi = \varphi_0 e^{\frac{-|x|}{\lambda_D}} , \qquad (1-1)$$

در رابطه بالا λ_D ضخامت لایه غلاف است، که به آن طول دبای می گوییم [۵] و از رابطه ی زیر به دست λ_D می آید:

$$\lambda_D = \frac{\nu_{th}}{\omega_p} \ . \tag{(7-1)}$$

۱-۲-۵ دما و چگالی

هرمحیط پلاسمایی دارای پارامتر های مهمی است که بر اساس آن پارامترها نوع پلاسما تعیین می شود. مهمترین این پارامتر ها دما و چگالی هستند [۶]. به طوری که مشخصات دیگر پلاسما وابسته به این دو مشخصه هستند. در حالتهای جامد، مایع و گاز می توان دما را از روی دامنه حرکت (سرعت نوسان) ذرات سازنده ماده تعریف کرد.

اما در فیزیک پلاسما معمولا دما بر حسب واحدهای انرژی (KT=1 eV =1.6× 10⁻¹⁹ J) بیان میشود. و همچنین انرژی ذرات به دمای پلاسما بستگی دارد، که میتواند بین 1 تا 10⁶ الکترون ولت تغییر کند.

۱-۲-۶ معیارهای پلاسما

هر گاز یونیده نمیتواند پلاسما باشد. تفاوت اصلی بین یک پلاسما و یک گاز معمولی که نیروهای کوتاه برد بین ملکولی مکانیسم غالب آن را تشکیل میدهند این است که پلاسما گاز یونیدهای است که تعداد الکترونهای آزاد آن تقریبا برابر با تعداد یونهای مثبت آن میباشد. دردماهای بالا الکترونهای آزاد انرژی کافی دارند و در برخورد با اتمهای دیگر الکترون را از هسته جدا میکنند. به انرژی لازم برای جدا کردن الکترون از هسته انرژی یونش^۱ میگویند [۷]. الکترونی که آزاد شده برخورد های دیگری نیز انجام میدهد و این فرآیند آنقدر ادامه پیدا میکند تا گاز یونیده به حالت پلاسما در آید. پس برای آن که یک گاز یونیده، پلاسما نامیده شود باید سه شرط زیر برقرار باشد:

ابعاد سیستم پلاسما (L) خیلی بزرگتر از λ_D باشد در اینصورت در هر جایی که تمرکز موضعی بار
 وجود داشته باشد، یا پتانسیل خارجی به پلاسما اعمال شود در مقابل آن حفاظی در یک فاصله کم

¹ Ionization Energy

$$L \gg \lambda_D$$
 (r-1)

با توضیحی که از حفاظ دبای داده شد مشخص است که در این غلاف پوششی، باید ذرات به تعداد
 کافی وجود داشته باشند. بدیهی است اگر در این ناحیه فقط یک یا دو ذره وجود داشته باشد حفاظ
 دبای از لحاظ آماری مفهوم معتبری پیدا نخواهد کرد، پس باید تعداد ذرات داخل یک کرهی دبای
 بصورت:

$$N_D = n \frac{4}{3} \pi \lambda_D^3 = \frac{1.38 \times 10^6 T^{\frac{2}{3}}}{n^{\frac{1}{2}}} , \qquad (f-1)$$

باشد. رفتار جمعی ذرات پلاسما سبب میشود $1 \gg N_D$ باشد.

$$N_D \gg 1$$
 , (d-1)

 در نهایت شرط سوم مربوط به برخورد ها میباشد. گازی که کم یونیزه باشد شرایط پلاسما را ندارد، چون درآن ذرات باردار آنقدر با اتمهای خنثی برخورد دارند که حرکتشان بیشتر توسط نیروهای هیدرو دینامیکی معمولی کنترل میشود، تا اینکه توسط نیروهای الکترومغناطیسی کنترل شود. اگر ω فرکانس نوسانات نوعی پلاسما و τ زمان متوسط بین برخوردهای انجام شده در اتمهای خاص باشد برای اینکه گاز همانند یک پلاسما عمل کند باید شرط زیر هم برقرار باشد.
</u>

$$\tau \omega \gg 1$$
 . (9-1)

۱-۲-۱ فرکانس پلاسما

اگر در یک پلاسما الکترونها در زمینهی یکنواخت یونها جابهجا شوند میدانهای الکتریکی در چنان جهتی بوجود خواهند آمد که با برگرداندن الکترونها به مکان اولیهی آنها خنثی بودن پلاسما را مجددا اعاده کنند. الکترون در اثر لختی که دارد از وضعیت اولیه خود آن طرفتر رفته و با فرکانس مشخصهای که بعنوان فرکانس پلاسما شناخته میشود نوسان میکند. فرکانس پلاسما بصورت زیر تعریف میشود[۶]:

$$\omega_p = \left(\frac{e^2 n}{m\varepsilon_0}\right)^{\frac{1}{2}} , \qquad (Y-1)$$

که در آن n چگالی، m جرم ذرات و ε_0 ضریب گذردهی خلاء است.

۱-۲-۸ سرعت گرمایی

الکترونها بواسطه گرما، انرژی جنبشی دارند و در نتیجهی آن سرعت گرمایی پیدا خواهند کرد که ناشی از دمای سیستم میباشد. در کل سرعت گرمایی سرعت ناشی از حرکات گرمایی تصادفی (کاتورهای) است که بصورت زیر تعریف میشود [۶]:

$$\mathcal{V}_T = \left(\frac{K_B T}{m}\right)^{\frac{1}{2}} \quad , \tag{A-1}$$

۱-۲-۹ طول دبای

طول دبای یکی از طولهای مهم در فیزیک است. و به طولی از یک گاز یونیده می گویند که اگر طول (یاحجم) گاز یونیده از طول دبای کمتر باشد آن گاز هیچگاه خصوصیات یک پلاسما را ازخود نشان نخواهد داد. این کمیت نشان دهنده ویژگی مهم حفاظ الکتروستاتیکی است. و بارهای جدا از هم فقط در فاصلهی کوتاه طول دبای مشاهده می شوند و در فاصلههای دورتر از طول دبای پلاسما خنثی میباشد [۶]. رابطه طول دبای بصورت :

$$\lambda_D = \frac{\nu_T}{\omega_P} = \left(\frac{\varepsilon_0 K_B T}{ne^2}\right)^{\frac{1}{2}} , \qquad (9-1)$$

مىباشد.

۱-۲-۱۰ تابع دی الکتریک پلاسمای سرد

در این بخش نشان خواهیم داد که محیط پلاسما را می توان به عنوان یک محیط دی الکتریک با σ مربوط به خود تعریف کرد. در سیستم گوسی، معادلات ماکسولی که شامل چکالی بارهای الکتریکی ρ_e و چگالی جریان الکتریکی $\overline{J_e}$ می باشند، وبصورت زیر تعریف می شوند [۸]:

$$\overrightarrow{\nabla}.\,\overrightarrow{E} = 4\pi\rho_e \quad , \tag{1.-1}$$

$$\overrightarrow{\nabla}. \, \overrightarrow{B} = \frac{1}{c} \frac{\partial E}{\partial t} + \frac{4\pi}{c} \, \overrightarrow{J_e} \,. \tag{11-1}$$

که در یک محیط دی الکتریک هم ارز دو معادله زیر هستند :

$$\vec{\nabla}.(\varepsilon\vec{E}) = 0$$
, $\vec{\nabla}.\vec{B} = \frac{1}{c}\frac{\partial(\varepsilon\vec{E})}{\partial t}$. (17-1)

برای راحتی کار چگالی بارهای الکتریکی ho_e و چگالی جریان الکتریکی $\overline{j_e}$ را بصورت زیر فرض می کنیم: $ho_e = -en_e + qn_0$, $\overrightarrow{J_e} = -en_e \overline{V_e}$. (۱۳-۱)

در معادلات بالا حرکت یونها را نسبت به الکترونها ثابت در نظر می گیریم. و میدانهای الکتریکی و مغناطیسی هم بصورت زیر هستند:

$$\vec{E}(\vec{r},t) = \vec{E}(\vec{r})exp(-i\omega t), \qquad (1^{\varphi}-1)$$

$$\vec{B}(\vec{r},t) = \vec{B}(\vec{r})exp(-i\omega t), \qquad (1\Delta-1)$$

سرعت الکترونی $\overrightarrow{V_e}$ در معادله (۱–۱۳) با استفاده از قانون نیوتن بدست می آید:

$$\overrightarrow{V_e}(\vec{r},t) = \frac{-ie\vec{E}(\vec{r},t)}{m_e(\omega+iv_e)}.$$
(19-1)

اکنون با قرار دادن این معادله در معادله (۱۳–۱۳) و با استفاده از $\vec{J_e} = \sigma_E ec{E}(ec{r},t)$ خواهیم داشت:

$$\sigma_E = \frac{i\omega_{pe}^2}{4\pi(\omega + iv_e)} \quad . \tag{1V-1}$$

که در آن
$$\sigma_E$$
 رسانندگی الکتریکی و ω_{pe} هم فرکانس الکترونی پلاسما است.
اکنون با قرار دادن مقدار $\vec{J_e}$ در معادله (۱۱–۱۱) و مقایسه با (۱–۱۲) و همینطور با استفاده از $\vec{J_e} = -i\omega$ برای
اینکه هم ارزی این معادلات پا برجا بماند ع رابصورت زیر تعریف میکنیم:

$$\varepsilon = 1 - \frac{\omega_{pe}^2}{\omega(\omega + iv_e)} . \tag{1A-1}$$

۱-۳ کاربردهای فیزیک پلاسما

پلاسماها را میتوان با دو پارامتر n و KT_e مشخص کرد. کاربردهای پلاسما، ناحیه بسیار وسیعی از n و پلاسماها را می پوشاند: n از 10^6 تا 10^{34} m^{-3} به اندازهی بیش از 10^{28} برابر تغییر می کند، و KT_e میتواند از KT_e را می پوشاند: n از 10^6 تا 10^6 به اندازهی بیش از 10^{28} برابر تغییر می کند، و 10^{34} میتواند از 10^7 را می پوشاند: n از 10^6 ev از این کاربردها مانند: تخلیههای گازی، فیزیک فضا، اختر فیزیک نوین، لیزرهای گازی و... هستند.

وسعت بسیار زیاد ناحیه تغییرات چگالی را میتوان با در نظر گرفتن این که چگالی هوا و آب فقط با ضریب 10³ از هم جدا میشوند 10³ از هم متفاوت است و یا آب و ستارگان کوتوله سفید از لحاظ چگالی با ضریب 10⁵ از هم جدا میشوند تجسم کرد. حتی ستارگان نوترونی، 10¹⁵ برابر از آب متراکمتر هستند. پلاسماهای گازی در تمام ناحیه چگالی حده می توان توسط مجموعه معادلات مشابهی تشریح کرد، زیرا تنها قوانین کلاسیک (غیر مکانیک کوانتمی) فیزیک مورد نیاز هستند.

۱–۴ لیزر

۱–۴–۱ مقدمهای بر لیزر

واژه لیزر به معنی تقویت نور به روش گسیل القایی تابش است. لیزر ابزاری است که نور را بصورت پرتوهای موازی بسیار باریکی که طول موج مشخصی دارند ساطع می کنند. این دستگاه از ماده فعال کننده نور تشکیل شده که درون محفظه تشدید نور قرار دارد. این ماده پرتو نور را که بوسیله یک منبع انرژی بیرونی (از نوع الکتریسیته یا نور) بوجود آمده، تقویت می کند. لیزر یک منبع نوری خاص بوده که کاربردهای زیادی دارد، این کاراییها را نمی توان در منابع نور معمولی مانند تنگستن^۱، لامپ جیوه^۲ و... پیدا کرد.

خاصیتی که لیزر را نسبت به منابع نور معمولی خاص کرده این است که نور آن قادر است مسیر زیادی را با واگرایی کم طی کند. که دلیل این امر نیز همدوسی نور لیزر میباشد.

	جهت تابش نور	تنوع طول موج	تنوع فركانس
نور معمولی			
شعاع ليزر		نور تک طول موجی	نور تک فرکانسی

جدول ۱-۱ : مقایسه نور معمولی با نور لیزر

1 Tungsten

² Mercury

۱-۴-۲ تاریخچه

مبانی نظری لیزر را آلبرت انیشتین^۱ در سال ۱۹۱۶ (میلادی) طی مقاله ای مطرح کرد ولی سالهای نسبتا زیادی طول کشید تا صنعت و فناوری امکان ساخت نخستین لیزر را فراهم کرد. سرانجام نخستین لیزر پالسی که از جنس بلور یاقوت^۲ بود در سال ۱۹۶۰ توسط تئودور میمن^۳ ساخته شد.

۱-۴-۳ ساختار لیزر

بطور کلی ساختار لیزر از سه بخش اساسی تشکیل شده است [۹]:

- . یک ماده فعال همانند یاقوت کبود بعنوان میله لیزر⁴.
- ۲. فرآیند پمپ^۵ کردن برای تولید وارونی جمعیت² میان ترازهای انرژی.
- ۳. یک کاواک تشدیدی، بعنوان مثال دو آینه موازی که ماده فعال ما بین آنها قرار دارد و با هر رفت و آمد بین آن تقویت می شود.



¹Albert Einstein

- 2 Ruby
- 3 Theodore Maiman
- 4 Laser Rod
- 5 Pumping
- 6 Population Inversion

۱-۴-۴ نحوهی ایجاد پرتو لیزر

اولین شرط ایجاد لیزر، داشتن ماده یا محیطی است که بتواند انرژی را در خود ذخیره کند. موادی مانند یاقوت، یا گازهایی مثل He-Ne و… ، و مایعاتی مانند رنگهای رودآمین میباشد. انیشتین در سال ۱۹۱۶ نشان داد که گسیل القایی نور را میتوان از یک اتم برانگیخته بدست آورد.



شکل ۱-۴: نحوهی ایجاد پرتو لیزر

چنانچه اتم یا ملکول در تراز بالاتر E_2 واقع شود و فوتونی با فرکانس U با اتم برانگیخته وارد برهمکنش شود. بطوریکه $hv = E_2 - E_1$ باشد، در اینصورت احتمال معینی وجود خواهد داشت که اتم به تراز پایین تر برود. در نتیجه، دو فوتون حاصل میشود، فوتون القا کننده و القا شونده، که هر دو هم فاز هستند. در عین حال اگر اتمهایی به تعداد N_2 در تراز E_1 باشند، میتوانند با جذب فوتونهای فوق، برانگیخته شده و به تراز انرژی E_2 برسند. وقتی یک سیستم دو ترازی با محیط اطراف خود در حال تعادل گرمایی باشد، جمعیت تراز انرژی بالاتر N_i کمتر از جمعیت تراز N_i خواهد بود. با استفاده از فرآیند اشباع شدن میتوان N_i را با N_i مساوی گردانید. بطوریکه مقدار جذب به صفر تنزل یابد. چنانچه بتوان مقدار N_i را بیشتر از N_i نمود، اکثر اتمهای سیستم که به حالت برانگیخته میروند، تمایل خواهند داشت که به حالت انرژی کمتر برگردند. بدیهی است که این تمایل بوسیله کوانتای تابش فرودی تشدید می گردد. بدین معنی که سیستم نه تنها فوتون فرودی را جذب نمیکند بلکه فوتون فرودی باعث برانگیختگی سیستم برانگیخته شده که با سقوط به حالت پایین تر دو کوانتا انرژی تابشی از دست میدهد (فوتون مربوط به اتم برانگیخته به همراه فوتون فرودی). تمام این فرآیندها تابش لیزر را بوجود می آورند. قرار دادن محیط تولید لیزر در یک مشدد نوری با انتهای آینهای که تابش را در محیط تولید لیزر به جلو و عقب می فرستد، سبب تراکم تابش سطوح بالا در تشدید کننده بوسیله ادامه گسیل القایی می شود. پس تابش لیزر از طریق آینه ای نیمه شفاف، از یک انتهای کاواک به بیرون گسیل می شود.

۱–۴–۵ انواع لیزر

درسال ۱۹۶۰ پس از ساخت اولین لیزر که ماده فعال آن از جنس بلور یاقوت بود، مواد دیگری هم بعنوان ماده فعال استفاده شدند. این مواد شامل گازها، مایعات،شیشهها،پلاستیکها و نیمه رساناها هستند [۱۰]. لیزرها را بسته به ماده فعال بکار رفته در آنها و نوع طراحی که دارند بصورت زیر دسته بندی میکنند:

- لیزرهای جامد پمپ نوری
- لیزرهای با ماده فعال مایع
 - لیزرهای گازی
 - لیزرهای نیمه رسانا
 - ليزرهاي الكترون آزاد
 - لیزرهای اشعه X
 - لیزرهای شیمیایی

۱-۴-۶ لیزرهای جامد

در این نوع لیزر، ماده فعال ایجادکننده لیزر، یک ماده جامد آلایش یافته با یونهای فلزی (از عناصر واسطه) میباشد. یونهای فلزی با غلظت کم در داخل ماده جامد بلوری یا غیر بلوری قرار می گیرد. از مهمترین لیزرهای حالت جامد می توان از لیزر یاقوت که یک لیزر سه ترازی است و لیزرهای نئودیوم نام برد.

۱–۴–۷ لیزرهای نئودیوم

لیزرهای نئودیوم متداول ترین نوع لیزر حالت جامد می باشند. محیط لیزری معمولا با بلوری از Y^{3+} لیزرهای نئودیوم معمولا که در آن یونهای Nd^{3+} جایگزین برخی یونهای Y^{3+} (که معمولا که معمولا که در آن یونهای Nd^{3+} جایگزین برخی یونهای Y^{3+} شده یا شیشهای است (که معمولا که با یونهای Nd^{3+} در آن ناخالصی بوجود میآوردهاند [۱۱]. لیزرهای نئودیوم روی شده یا شیشهای است که با یونهای Nd^{3+} در آن ناخالصی بوجود میآوردهاند [۱۱]. لیزرهای نئودیوم روی چندین خط میتوانند نوسان کنند که قویترین و متداول ترین آنها در طول موج 1.06 میکرومتر میباشد. حرام می جندین خط میتوانند نوسان کنند که قویترین و متداول ترین آنها در طول موج 1.06 میکرومتر میباشد. حرکیر، زیاد تحت تأثیر میدان بلور قرار نمی گیرند.

Nd:YAG ليزر ۸-۴-۱

این لیزر از دستهی لیزرهای حالت جامد میباشد و محیط فعال آن کریستال YAG است که حدود یک درصد اتمی یونهای ⁴³ Nd³⁺ هنگام رشد بلور به آن تزریق میشوند، پس از این به بعد به YAG ماده میزبان و به³⁺ Nd³⁺ که جای کسری از اتمهای Y در ساختار بلور YAG را می گیرند ماده میهمان می گویند. به علت اینکه یونهای ⁴⁺ Nd³⁺ با اتمهای Y تقریبا هم اندازه میباشند، با این جابهجایی ساختار شبکهای بلور تغییر نمی کند. در واقع ماده میهمان ⁴⁺ Nd³⁺ فوتونهای لیزر را تولید می کند. طول موج نور خروجی معمول از این لیزر mm 1064 میباشد، که در محدوده مادون قرمز است. این نوع لیزرها کاربردهای زیادی از جمله سوراخ کردن اجسام جامد، جوشکاری، مصارف پزشکی، صنعتی و... دارد.

Nd:Class ليزر ۹-۴-۱

این نوع لیزر یکی از مهمترین نوع لیزرهای انرژی بالا است. ساخت شیشه به علت دمای ذوب پایین تر آن بسیار ساده تر از YAG میباشد. از این رو می توان محیط فعال بسیار بزرگتری تولید کرد [۱۲]. یکی از ضعف-های این نوع لیزر در مقایسه با YAG رسانندگی گرمایی حدود 10 برابر کوچکتر آن خواهد بود، این موضوع باعث شده این نوع لیزرها در گستره لیزرهای تپی با آهنگ تکرار حدود 5HZ مورد استفاده قرار بگیرند تا از داغ شدن محیط فعال جلوگیری شود.

از کاربردهای این نوع لیزر می توان به استفاده از آن به عنوان تقویت کنندههای لیزری در سیستمهای با انرژی بالا که در آزمایشات گداخت مورد استفاده قرار می گیرد اشاره کرد.

۱–۵ تقویت پالس لیزر به روش CPA'

روش CPA روشی است برای تقویت پالس مافوق کوتاه^۲ و رساندن آن به شدت های پتاوات^۳ که در آن موقتا پالس لیزر به بیرون کشیده شده و تقویت می شود [۱۳].

پس از اختراع اولین لیزر در سال ۱۹۶۰، با کاربردهای فراوانی که این وسیله در صنعت و تکنولوژی پیدا کرد، تلاش برای کوتاهتر کردن پهنای زمانی پالس لیزرها ادامه یافت، در سال ۱۹۸۵ تکنیک CPA یا تقویت پالس تیز شده توسط جرارد مورو[†] و دونا استریکلند^۵ مطرح شد. این تکنیک شامل سه مرحله می باشد، ابتدا با استفاده از یک لیزر، پالس کوتاهی تولید خواهد شد، سپس این پالس با استفاده از یک جفت توری یا یک جفت منشور پهن می شود. کشیدن پالس باعث می شود قله توان پالس کاهش پیدا کند در نتیجه در مرحله تقویت، آسیبهای اپتیکی کمتری به محیط بهره لیزر وارد خواهد شد. سپس پالس وارد سیستم تقویت کننده خواهد شد. برای داشتن تقویت بهتر می توانیم بجای یک مرحله از چند مرحله تقویت استفاده کنیم. در نهایت پالس وارد مرحله فشرده سازی خواهد شد، که مشابه مرحله کشیدن است. پس از تقویت دامنه پالس افزایش یاقته و باری دیگر با یک جفت توری مواجه خواهد شد، این توری پهن شدگی پالس لیزر ناشی از جفت اول را

¹ Chirped Pulse Amplification

² Ultrashort

³ Petawatt

⁴ Gerard Mourou

⁵ Donna Strickland



شکل ۱-۵: طرح شماتیک تقویت پالس لیزر به روش CPA

۱-۶ برهمکنش لیزر با جسم جامد و نواحی ایجاد شده

 $\tau \approx 10^{20} \text{ W/}_{cm^2}$ یک پرتو لیزر پرتوان گسترهای بین $m^2 = 10^{9} \text{ W/}_{cm^2}$ و $10^{20} \text{ W/}_{cm^2} \approx 10$ با دوره پالس بین $\tau \approx 10$ 10 و 10 و $\tau \approx 10$ و مغناطیسی لیزر در خلاء به شدت آن بستگی 10 دارد و در سیستم گوسی بصورت زیر تعریف میشود [۸]:

$$I_l = \frac{cE_{max}^2}{8\pi} = \frac{cB_{max}^2}{8\pi} \tag{19-1}$$

$$E_{max} = \left[\frac{V}{cm}\right] \cong 2.75 \times 10^9 \left(\frac{I_l}{10^{16W}/cm^2}\right)^{\frac{1}{2}} ,$$

$$B_{max} = [Gauss] \cong 9.2 \times 10^6 \left(\frac{I_l}{10^{16W}/cm^2}\right)^{\frac{1}{2}} . \qquad (\Upsilon \cdot -1)$$

در برهمکنش پالس بلند با هدف (جسم جامد)، لایهای ایجاد می شود که به آن کرونا^۱ می گویند [۸]. در برهمکنش لیزر با جسم جامد، پالس لیزر با جسم جامد (مانند آلومینیوم) برخورد کرده و پلاسما بوجود می آید. برهمکنش پالس ثانویه لیزر با پلاسمای ایجاد شده را برهمکنش لیزر با پلاسما می نامند.

در شکل زیر شماتیک برهمکنش لیزر با پلاسما نشان داده شده است. در شکل زیر از سمت چپ ابتدا پالس اولیه پلاسما را تشکیل داده و سپس پالس ثانویه وارد محیط پلاسما می شود که سبب بوجود آمدن سه ناحیه می شود:

1 Crona



شکل۱-۶: شماتیک برهمکنش لیزر با جسم جامد و پلاسما [۸].

از سمت چپ ناحیه اول را ناحیهی زیر چگال^۱ مینامند و از خلاء تا مرز بحرانی را شامل میشود. مرز بحرانی جایی است که در آن چگالی بحرانی^۲ تعریف شده و در این قسمت انرژی لیزر جذب خواهد شد. در ناحیه زیر چگال دما بالا و چگالی کم است [۱۵].

ناحیه دوم را ناحیه فوق چگال^۳ مینامند که در آن چگالی الکترونها بیشتر از چگالی بحرانی است و از مرز بحرانی تا لایه مذاب را شامل میشود. در این ناحیه دما و چگالی متوسط است و انرژی لیزر به ناحیه بعدی انتقال مییابد.

1 Underdense

² Critical Density

³ Overdense

ناحیه سوم را ناحیهی فشرده مینامند که در این ناحیه دما کم و چگالی به شدت بالا است.

فصل ۲:

بررسی قطبش-P و قطبش-S موج الکترومغناطیسی در حضور پلاسمای همگن وناهمگن

۲–۱ مقدمه

در این فصل به بررسی برهمکنش یک موج الکترومغناطیسی فرکانس بالا با یک پلاسمای غیر برخوردی، غیر مغناطیسی و غیر همدما می پردازیم. ابتدا توزیع الکترونی را بدست آورده و سپس با استفاده از معادلات ماکسول، دیفرانسیل غیر خطی و معادله انتگرالی برای میدان الکتریکی را به دست می آوریم و رفتار میدانهای الکتریکی و مغناطیسی را درون پلاسما مورد بررسی قرار می دهیم.

نشان خواهیم داد که تغییرات میدانهای الکتریکی و مغناطیسی از شکل سینوسی خود انحراف پیدا میکنند و با به دست آوردن ضریب جذب نشان میدهیم که با افزایش فرکانس برخورد ضریب جذب افزایش پیدا خواهد کرد.

۲-۲ تابش ترمزی معکوس

بطور عادی تابش منتشر شده توسط یک ذره باردار در طول برخورد با ذرات دیگر را تابش ترمزی^۱ می گویند. در تابش ترمزی الکترون می تواند انرژی خود را از دست داده و در جریان این فرآیند یک یا چند فوتون پدید آید [۱۷–۱۶].

در اینجا ما یک مدل ساده را در نظر می گیریم که در آن پلاسما بی نهایت و همگن است، یون بی نهایت سنگین (حرکت آنها نادیده گرفته شده است) و هیچ میدان مغناطیسی، استاتیک یا الکتریکی دخالت نکند. از آنجا که امواج الکترومغناطیسی یک سرعت فاز بسیار بالاتر از سرعت حرارتی الکترون دارند، پس نادیده گرفتن حرکت حرارتی قابل توجیه است. لذا معادله حرکت برای الکترون بصورت:

$$\frac{dV}{dt} = -\frac{eE}{m_e} - \frac{V}{\tau_c} \tag{1-7}$$

¹ Bremsstrahlung

است. که درآن $e - e = m_e$ و v به ترتیب ، بار الکترون، جرم وسرعت و E میدان الکتریکی و au_c زمان موثر بین برخورد الکترون یون است. au_c^{-1} برابر فرکانس برخورد الکترون-یون است که بصورت زیر تعریف می شود:

$$\tau_{c} = v_{ei}^{-1} = \frac{3m_{e}^{\frac{1}{2}} (k_{B}T_{e})^{\frac{3}{2}}}{4Z_{I}^{2}e^{4}n_{i}(2\pi)^{\frac{1}{2}}ln\Lambda} \cong 3.44 \times 10^{5} \frac{T_{e}(eV)^{\frac{3}{2}}}{Z_{i}^{2}n_{i}ln\Lambda} [s]$$
(Y-Y)

$$\Lambda \equiv \frac{\lambda_D}{L_{min}} \tag{(V-V)}$$

که در آن λ_D طول دبای است.

به منظور رسیدن به رابطه پاشندگی در مدل پلاسمای ساده، برای حل معادله (۲–۱) همراه با معادلات ماکسول در فضای آزاد [۱۹–۱۸]:

$$\nabla \times E = -\frac{1}{c} \frac{\partial B}{\partial t} \tag{f-T}$$

$$\nabla \times B = \frac{1}{c} \frac{\partial E}{\partial t} - \frac{4\pi e V n_e}{c} \tag{(\Delta-Y)}$$

$$\nabla E = -4\pi e n_e \tag{9-1}$$

$$\nabla B = 0 \tag{Y-T}$$

معادلات بالا در واحد گاوسی داده شده اند.

از آنجا که مدل بالا توسط بارها و جریانهای گنجانده شده در فضای آزاد شرح داده شده است، لذا بین قدرت میدان مغناطیسی B والقای مغناطیسی H هیچ تمایزی وجود ندارد (H=B). و نیروی میدان الکتریکی E هم میدان مغناطیسی D و (۲-۹) و (۲-۹) و (۲-۷) به همین صورت E=D است (که D برابر القای الکتریکی است). برای حل معادلات (۲–۱) و (۲–۹) و (۲–۷) برای موج تک رنگ (ثابت) ω با فرکانس ω_L میتوان با استفاده از معادلات:

$$\begin{cases} E(r,t) \\ B(r,t) \\ V(r,t) \end{cases} = \begin{cases} E \\ B \\ V \end{cases} exp[i(k.r - \omega_L t)]$$
 (A-Y)

به دست آورد:

$$i\omega_L V = \frac{eE}{m_e} + \nu_{ei} V \tag{9-7}$$

$$ik \times E = \frac{1}{c} i\omega_L B \tag{1.-7}$$

$$ik \times B = -\frac{1}{c}i\omega_L E - \frac{4\pi}{c}n_e eV \tag{11-7}$$

$$ik.E = -4\pi n_e e \tag{117-1}$$

$$ik.B = 0 \tag{17-7}$$

حال با ضرب K در معادله (۲-۱۰) و با استفاده از معادلات (۲-۹) و (۲-۱۳) به دست می آید:

$$K(K.E) - (K^{2}E) = \frac{\omega_{L}}{c^{2}} \left[\left(-\frac{\omega_{L}}{c}E \right) - \frac{4\pi}{ic} n_{e}eV \right]$$
(14-7)

مىدانيم كه V برابر:

$$V = \frac{eE}{m_e(i\omega_L - v_{ei})} \tag{12-7}$$

$$K(K.E) - (K^{2}E) = -\frac{\omega_{L}^{2}}{c^{3}}E + \frac{\omega_{L}\omega_{Pe}^{2}}{c^{3}(\omega_{L} + iv_{ei})}E$$
(19-7)

$$K(K.E) - \left[K^2 - \frac{\omega_l^2}{c^2} + \frac{\omega_L \omega_{Pe}^2}{c^2(\omega_L + iv_{ei})}\right]E = 0$$
(1Y-T)

که در آن
$$\omega_{pe}^2$$
 فرکانس پلاسمای الکترون است و بصورت زیر تعریف میشود:
$$\omega_{\rm pe}^2 = \frac{4\pi n_e e^2}{m_e} \tag{1A-T}$$

برای امواج عرضی (E عمود به K است) K.E=0 است [۲۰]. پس معادله (۲–۱۷) منجر به رابطه پاشندگی زیر می شود:

$$K^{2} = \frac{\omega_{l}^{2}}{c^{2}} - \frac{\omega_{L}\omega_{Pe}^{2}}{c^{2}(\omega_{L} + iv_{ei})}$$
(19-7)

و برای امواج طولی (E موازی K است) $K \times E = 0$ است. پس معادله (۲–۱۷) منجر به رابطه پاشندگی زیر میشود:

$$\frac{\omega_L^2}{c^2} E = \frac{\omega_L \omega_{Pe}^2}{c^2 (\omega_L + i v_{ei})} E$$

$$\omega_{Pe}^2 = \omega_l^2 + i v_{ei} \omega_l \qquad (\Upsilon \cdot -\Upsilon)$$

$$k^{2} = \frac{\omega_{l}^{2}}{c^{2}} \left[1 - \frac{\omega_{Pe}^{2}}{\omega_{l}^{2}} + \frac{iv_{ei}\omega_{Pe}^{2}}{\omega_{l}^{3}} \right]$$
(71-7)

 $rac{v_{ei}}{\omega_l} \ll 1$ حل این معادله برای K، با بسط ریشه مربعی از سمت راست برای $\omega_{pe}^2 \ll \omega_l^2 - \omega_{pe}^2 \otimes \omega_l^2 = 0$ ، به ما میدهد:

$$K \cong \pm \frac{\omega_L}{c} \left(1 - \frac{\omega_{pe}^2}{\omega_l^2} \right)^{\frac{1}{2}} \left\{ 1 + i \left(\frac{v_{ei}}{2\omega_l} \right) \left(\frac{\omega_{pe}^2}{\omega_l^2} \right) \frac{1}{1 - \frac{\omega_{pe}^2}{\omega_l^2}} \right\}$$
(7)

سرعت فضایی میرایی انرژی لیزر توسط تابع ترمزی معکوس \mathcal{K}_{ib} داده شده است، که دو برابر قسمت موهومی K میباشد:

$$\mathcal{K}_{ib} = 2\mathrm{ImK} = \left(\frac{v_{ei}}{c}\right) \left(\frac{\omega_{pe}^2}{\omega_l^2}\right) \left(1 - \frac{\omega_{pe}^2}{\omega_l^2}\right)^{-\frac{1}{2}}$$
(YT-Y)

 n_c با استفاده از معادله (۲-۳) و تعریف چگالی بحرانی

$$n_{c} = \frac{m_{e}\omega_{l}^{2}}{4\pi e^{2}} = 1.1 \times 10^{21} \left(\frac{1\mu m}{\lambda_{l}^{2}}\right) \tag{14}$$

پس معادله (۲–۲۳) به شکل زیر می شود:

$$\mathcal{K}_{ib} = \frac{v_{ei}(n_c)}{c} \left(\frac{n_e}{n_c}\right)^2 \left(1 - \frac{n_e}{n_c}\right)^{-\frac{1}{2}} \propto \frac{Z_i n_e^2}{T_e^{\frac{3}{2}}} \left(1 - \frac{n_e}{n_c}\right)^{-\frac{1}{2}}$$
(YΔ-Y)

که در آن $v_{ei}(n_c)$ فرکانس برخورد در چگالی بحرانی است و $\frac{2\pi c}{\omega_l} = \frac{2\pi c}{\omega_l}$ طول موج لیزر در خلاء است. تغییر در شدت لیزر I، عبور از یک لوحه از پلاسما در جهت z داده شده است [۲۱].

$$\frac{\mathrm{dI}}{\mathrm{dZ}} = -\mathcal{K}_{\mathrm{bi}}\mathrm{I} \tag{79-7}$$

: برای یک لوحه از پلاسما با طول L، ضریب جذب a_{abs} بصورت

$$a_{abs} = \frac{I_{in} - I_{out}}{I_{in}} = 1 - \exp\left(-\int_0^L \mathcal{K}_{ib} dZ\right)$$
(YY-Y)

 $a_{abs} = K_{ib}L \ll 1$ و Iin و Iou و Iou شدت ورودی و خروجی لیزر هستند. برای جذب ضعیف 1 $\gg \mathcal{K}_{ib}L$ در نتیجه $I_{out} = I_{abs}$ که در آن Iin $\mathcal{K}_{ib}L$ در حالی که برای جذب قوی 1 $\rightarrow a_{abs}$ برای پلاسمای ناهمگن معادله (۲–۲۶) پیچیدهتر است. چون $\mathcal{K}_{ib}L$ در حالی که برای جذب قوی 1 $\rightarrow a_{abs}$ برای پلاسمای ناهمگن معادله (۲–۲۶) پیچیدهتر است. چون $\mathcal{K}_{ib}L$ در حالی که برای جذب قوی 1 $\rightarrow a_{abs}$ برای پلاسمای ناهمگن معادله (۲–۲) پیچیده در است. چون $\mathcal{K}_{ib}L$ در حالی که برای جذب قوی 1 \mathcal{K}_{abs} برای پلاسمای ناهمگن معادله (۲–۲) پیچیده در است. چون $\mathcal{K}_{ib}L$ در حالی که برای جذب قوی 1 \mathcal{K}_{abs} برای پلاسمای ناهمگن معادله (۲–۲) پیچیده در است. چون (مدت \mathcal{K}_{ib} یک تابع از n_e است و T_e و n_e به موقعیت بستگی دارند. پالس لیزر برای مدت زمان طولانی (مدت زمان پالس از 1ns یا بیشتر) با شدت متوسط (کوچکتر از $\frac{w}{cm^2}$)، قابل تصور است که فرض کنیم T_e

ا ثابت و وابستگی مکانی غالب از n_e ناشی می شود. حل معادله (۲–۲۶) برای مشخصات چگالی خطی $ln\Lambda$ (گینز برگ ۱۹۶۱):

$$n_e = n_c \left(1 - \frac{Z}{L} \right) \qquad \qquad 0 \le Z \le L \qquad (1 - 1)$$

و با استفاده از معادله (۲–۲۵) که در آن از انتشار لیزر از $n_e = 0$ به $n_e = n_e$ و به $n_c = n_c$ ضریب جذب معلوم می شود و با حل انتگرل (۲–۲۷) داریم :

$$a_{abs} = 1 - exp\left\{-\frac{32}{15} \frac{v_{ei}(n_c)L}{c}\right\}$$
(۲۹-۲)

$$n_e = n_c exp\left(-\frac{Z}{L}\right)$$

$$a_{abs} = 1 - exp\left\{-\frac{8}{3} \frac{v_{ei}(n_c)L}{c}\right\}$$
(۲.-۲)

۲-۳ تغییر چگالی خطی، توابع ایری

معادله موج برای میدان الکتریکی E_Z بصورت زیر میباشد:

$$\frac{\mathrm{d}^{2}\mathrm{E}}{\mathrm{d}\mathrm{Z}^{2}} + \frac{\omega^{2}\varepsilon}{\mathrm{C}^{2}}\mathrm{E}(z) = 0 \tag{(71-7)}$$

$$\varepsilon = 1 - \frac{\omega_{\text{pe}}^2}{\omega^2} = 1 - \frac{n_e(z)}{n_{ce}} \tag{TT-T}$$

است. و اما مشخصات چگالی پلاسما هم بصورت زیر تعریف می شود:

¹ Airy functions

$$n_e(z) = n_{ce} \frac{Z}{L} \tag{(TT-T)}$$

حال با استفاده از مشخصات چگالی پلاسما و با استفاده از معادله (۲-۳۲) و جایگذاری معادله موج برای میدان الکتریکی بصورت زیر میشود:

$$\frac{\mathrm{d}^{2}\mathrm{E}}{\mathrm{d}\mathrm{Z}^{2}} + \frac{\omega^{2}}{\mathrm{C}^{2}} \left(1 - \frac{Z}{L}\right) \mathrm{E}(z) = 0 \tag{74-7}$$

اکنون تغییر متغیر Z با مقدار بدون بعد بصورت زیر میباشد:

$$\zeta = \left(\frac{\omega^2}{C^2 L}\right)^{\frac{1}{3}} (Z - L) \tag{70-7}$$

پس به دست میآید:

$$\frac{\mathrm{d}^{2}\mathrm{E}(\zeta)}{\mathrm{d}\zeta^{2}} + \zeta\mathrm{E}(\zeta) = 0 \tag{(\%-7)}$$

که این معادله به عنوان معادله استوکس ⁽ شناخته می شود. راه حلی برای این معادلات با استفاده از توابع ایری Ai (ζ) و $Bi(\zeta)$ بصورت:

$$E(\zeta) = aAi(\zeta) + b Bi(\zeta)$$
 (rv-r)

میباشد، که درآن a و b تعیین مرزهای پلاسما هستند و $\zeta = \zeta = -\left(\frac{\omega L}{c}\right)^2$ خط اتصال پلاسما-خلاء است. چگالی الکترون بصورت زیر داده شده است:

Vacuum : $n_e(z < 0) = n_e \left[\zeta \le -\left(\frac{\omega l}{c}\right)^{\frac{2}{3}}\right] = 0$ Plasma : $n_e(z \ge 0) = n_e \left[\zeta > -\left(\frac{\omega l}{c}\right)^{\frac{2}{3}}\right] > 0$ (٣٨-٢)

1 Stokes

Critical Surface : $n_e(Z = L) = n_e(\zeta = 0) = n_{ec}$ $\zeta \to \infty$ یا Bi برای انتشار موج الکترومغناطیسی $n_e > n_{ec}$ یا $n_e > n_{ec}$ یمیتواند باشد. از آنجا که تابع ایری Bi واگرا و $\sigma \to 0$ یا $\eta \to 0$ یا $\eta \to 0$ می تواند باشد. از آنجا که تابع ایری موال و $\infty \to 0$ می توسط می توان آن را حذف کرد، یعنی در معادله ($\gamma \to 0$ می شود. بنابراین میدان الکتریکی در پلاسما توسط ripe Ai (ζ) داده می شود.





-0.4

شکل۲-۱: توابع ایری Ai و مشتقات آن و Bi [۲۱].

 λ_L فرض به این است که ابعاد پلاسما L، از خلاء به سطح بحرانی، در مقایسه با طول موج الکترومغناطیسی λ_L بزرگتر است. از سوی دیگر L حاصل از مدت زمان لیزر (τ_L) است، و گسترش سرعت پلاسما (به سمت خلاء) بزرگتر است. از سوی دیگر u_{exp} بصورت زیر می باشد:

$$l \gg \frac{\omega}{c} = \frac{\lambda_L}{2\pi}$$
, $\tau_L(PS) \gg 1.6 \left(\frac{\lambda_L}{\mu m}\right) \left(\frac{10^7 \ cm_{/S}}{u_{exp}}\right)$ (3.9-7)

در این رابطه میتوان دید که تقریبی از این بخش مربوط به لیزر فمتوثانیه است. رابط پلاسما خلاء در =
$$|\zeta|$$

 $1 \ll \frac{2}{c} \left(\frac{\omega L}{c}\right)^2$ است. بنابراین، ما میتوانیم بسط مجانبی از تابع ایری Ai(z) برای 1 $\ll = |\zeta|$ را بصورت زیر
بنویسیم:

$$Ai(-\zeta) = \frac{1}{\sqrt{\pi}\zeta^{\frac{1}{4}}} \cos(\frac{2}{3}\zeta^{\frac{2}{3}} - \frac{\pi}{4})$$
 (4.-7)

به منظور توصیف میدان الکتریکی در نزدیکی خط اتصال پلاسما خلاء. بنابراین، میدان الکتریکی در Z=0، از سمت پلاسما، را میتوان با تقریب زیر بیان کرد:

$$E(z = 0, plasma) = \frac{a}{\sqrt{\pi}} \left(\frac{c}{\omega L}\right)^{\frac{1}{6}} \cos\left(\frac{2\omega c}{L} - \frac{\pi}{4}\right)$$
$$= \frac{a}{2\sqrt{\pi}} \left(\frac{c}{\omega L}\right)^{\frac{1}{6}} \times \left\{ \exp\left[i\left(\frac{2\omega c}{3L} - \frac{\pi}{4}\right)\right] + \exp\left[-i\left(\frac{2\omega c}{3L} - \frac{\pi}{4}\right)\right] \right\}.$$
(*1-7)

به دنبال این از طرف خلاء (یکی در z=0 میدان لیزر E_l است و یکی موج منعکس داده شده توسط $(E_l exp(i\varphi))$:

$$E(z = 0, vacuum) = E_l[1 + exp(i\varphi)]$$
(FT-T)

$$a = 2\sqrt{\pi} \left(\frac{\omega l}{c}\right)^{\frac{1}{6}} E_l \exp\left[-i\left(\frac{2\omega l}{3c} - \frac{\pi}{4}\right)\right]$$
$$\phi = \frac{4\omega l}{3c} - \frac{\pi}{2} = \frac{4}{3} \left[-\zeta(z=0)\right]^{\frac{2}{3}} - \frac{\pi}{2}$$
(FT-T)

حال با جایگذاری b=0 و با استفاده از معادلات (۲-۳۷) و (۲-۴۳) به دست میآید:

$$E(\zeta) = 2\sqrt{\pi} \left(\frac{\omega l}{c}\right)^{\frac{1}{6}} E_l \exp\left[-i\left(\frac{2\omega l}{3c} - \frac{\pi}{4}\right)\right] \operatorname{Ai}(\zeta)$$
(**-7)

که (ζ) Ai(ζ) دارای حداکثر $1 - \zeta = \zeta$ (شکل۲–۱) است، بنابراین نسبت بین حداکثر مقدار میدان اکتریکی در پلاسما و میدان الکتریکی لیزر در خلاء به شکل زیر میباشد:

$$\left|\frac{E_{max}}{E_l}\right| \approx 1.90 \left(\frac{\omega l}{C}\right)^{\frac{1}{6}} \tag{$fd-t$}$$

$$\nabla \times E(r) = -\frac{1}{c} \frac{\partial B}{\partial t} = \frac{i\omega B(r)}{c}$$
(49-7)

می توان راه حلی برای میدان مغناطیسی هم به دست آورد:

$$B(z) = -\frac{i\omega}{\omega} \frac{\partial E(z)}{\partial z}$$
(44-7)

و همینطور برای E در معادله (۲-۴۴) به دست میآید:

$$B(\zeta) = -i \, 2\sqrt{\pi} \left(\frac{c}{\omega l}\right)^{\frac{1}{6}} E_l \, exp\left[-i\left(\frac{2\omega l}{3c} - \frac{\pi}{4}\right)\right] \frac{\mathrm{dAi}(\zeta)}{d\zeta} \tag{$A-T$}$$

که اشاره می کند وقتی E ماکزیمم است B صفر خواهد بود. در سطح بحرانی $\zeta = 0$ $(E_l = B_l)$ پس:

$$\left|\frac{\frac{B_{l}}{E_{l}}}{\frac{B_{l}}{E_{l}}}\right| \approx 1.26 \left(\frac{\omega l}{c}\right)^{\frac{1}{6}}$$

$$\left|\frac{\frac{B_{l}}{E_{l}}}{\frac{B_{l}}{E_{l}}}\right| \approx 0.92 \left(\frac{\omega l}{c}\right)^{\frac{1}{6}}$$
(49-7)

میباشد. تا کنون در این بخش در مورد انتشار میدان مغناطیسی بدون جذب بحث شد، برای اینکه جذب رخ دهد یک میرایی انرژی لازم است و این زمانی اتفاق میافتد که معادلات انتشار موج شامل فرآیندهای برخورد، مانند ذره-ذره یا موج-ذره باشد. با توجه به برخورد الکترون-یون، تابع دیالکتریک بصورت:

$$\varepsilon = 1 - \frac{\omega_{pe}^2}{\omega(\omega + iv_{ei})} = 1 - \frac{z}{l\left[1 + i\left(\frac{v_{ei}}{\omega}\right)\right]} \tag{(a.-7)}$$

که درآن مشخصات چگالی خطی برای تساوی دوم فرض معادله برای انتشار موج در جهت z با میدان الکتریکی در در جهت x است. حال با استفاده از معادله موج برای میدان الکتریکی (۲–۳۱) و جایگذار تابع دی الکتریک در آن به دست می آید (با فرض اینکه در این معادله فرکانس برخورد الکترون-یون در سطح ثابت و همگن باشد $(v_{ei} = v_c)$:

$$\frac{d^2 E(z)}{dz^2} + \frac{\omega^2}{c^2} \left[1 - \frac{z}{l\left[1 + \left(\frac{v_c}{\omega}\right)\right]} \right] E(z) = 0 \qquad (\Delta 1 - \Upsilon)$$

حال با استفاده از تغییر متغیر زیر معادله را بدون بعد می کنیم:

$$\zeta = \left[\frac{\omega^2}{c^2 l \left[1 + i \left(\frac{v_c}{\omega}\right)\right]}\right]^{\frac{1}{3}} \left[z - l \left(1 + i \left(\frac{v_c}{\omega}\right)\right)\right] \tag{\Delta}Y-Y$$

که حاصل آن معادله استوکس (۲-۳۶) برای یک متغیر مختلط است. برای این معادله دیفرانسیل هم مطابق قبل عمل میکنیم:

$$E(\zeta, Plasma) = aEi(\zeta)$$

$$E(z = 0, Vasuum) = E_l[1 + exp(i\varphi)] = E_{in} + E_{out}$$
 ($\Delta \tau - \tau$)

$$\varphi = \frac{4}{3} \left[\frac{\omega l}{c} \left(1 + i \left(\frac{v_c}{\omega} \right) \right) \right] - \frac{\pi}{2} \equiv \varphi_R + i \varphi_I \tag{def-T}$$

که در آن $E_{in} = E_l$ میدان الکتریکی ورودی است و E_{out} میدان الکتریکی خروجی از پلاسما است. پس از آنجا که مختلط است و یک تغییر فاز دارد و همچنین یک میرایی موج توسط مقدار موهومی φ تعیین می شود ($\varphi_I = \frac{4v_c l}{3c}$) جذب کسری از انرژی ورودی لیزر برابر می شود با:

$$f_a = \frac{|E_{in}|^2 - |E_{out}|^2}{|E_{in}|^2} = \frac{E_l^2 - E_l^2 \exp(-2\varphi_l)}{E_l^2} \tag{dd-t}$$

با استفاده از مقدار φ_I، ضریب جذب بصورت:

$$f_a = 1 - exp\left(-\frac{8v_c l}{3c}\right) \tag{39-7}$$

می شود. با مقایسه این نتیجه با معادله (۲–۲۹) که در قسمت قبل به دست آمد می توان دید که قدر مطلق این ضریب در توان معادله (۲–۵۶) بزرگتر از معادله (۲–۲۹) با ضریب (5/₄) است و دلالت بر یک ضریب جذب بزرگتر دارد. این را می توان از آنجا فهمید که در استخراج آخرین معادله فرض کنیم یک فرکانس برخورد ثابت بزرگتر یا برابر با فرکانس برخورد واقعی است. در واقع هر چه فرکانس برخورد بزرگتر باشد ضریب جذب بیشتر خواهد بود.

۲-۴ فرود مایل لیزر با قطبیدگی خطی

k بدون از دست دادن کلیت ما مختصات انتشار لیزر را در صفحه y-z انتخاب می کنیم، یعنی بردار موج k در این صفحه است. خط اتصال پلاسما-خلاء در z=0 است و یک موج الکترومغناطیسی با قطبش P که با زاویه θ_0 بطور مایل به محیط پلاسمای زیر چگال وارد می شود را در نظر می گیریم[۲۳–۲۲].

در بخش قبلی فرض بر این بود که چگالی الکترون خطی است و θ زاویه بین شیب چگالی الکترون و بردار موج k است. میدان الکتریکی در جهت x برای قطبش S، و قطبش P در صفحه y-z است. بنابراین، اجزایی از میدانهای الکترومغناطیسی بصورت زیر هستند:

بردار موج :
$$K = \left[0, K_y = \left(\frac{\omega}{c}\right) \sin\theta, K_z = \left(\frac{\omega}{c}\right) \cos\theta\right]$$

 $S - \text{identify} : E = \left[E_x(y, z), 0, 0\right] ; B = \left[0, B_y(y, z), B_z(y, z)\right]$ (۵۷-۲)
 $P - \text{identify} : E = \left[0, E_y(y, z), E_z(y, z)\right] ; B = \left[B_x(y, z), 0, 0\right]$

$$\omega^2 = \omega_{pe}^2 + \left(k_y^2 + k_z^2\right)c^2 \tag{(\Delta\lambda-\Upsilon)}$$

از آنجا که فقط وابستگی z در چگالی الکترونی داریم، دارای یک k_y ثابت است:

$$k_y^2 = \frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon \tag{49-7}$$

از آنجا که ${}^{}_{} {}^{}_{} {}^{}_{} {}^{}_{}$ به دست میآید:

$$k_y = \frac{\omega}{c} \sin\theta_0 \tag{(f.-1)}$$

در حالی که k_z یک تابع از z است. رابطه (۲- ۶۰) می تواند به عنوان مشاهده کننده حرکت فوتون و حفظ آن در راستای y باشد. بازتابی از لیزر در سطح رخ می دهد که در آن $k_z = 0$ و بعنوان مثال در آن $\theta = 90^\circ$ در راستای y باشد. بازتابی از لیزر در سطح رخ می دهد که در آن $k_z = 0$ و معادلات (۲-۵۸)، (۲-۶۰) :

$$n_{e}(k_{z} = 0) = n_{ec}\cos^{2}\theta_{0}$$

$$\omega_{pe}(k_{z} = 0) = \omega\cos\theta_{0}$$

$$z(k_{z} = 0) = l\cos^{2}\theta$$

$$\varepsilon(k_{z} = 0) = sin^{2}\theta_{0}$$
(FI-T)

.که
$$n_{ec}=\left(rac{m_e\omega^2}{4\pi e^2}
ight)$$
میباشد

۲-۵ قطبش یا پلاریزاسیون^۱

میدانهای الکتریکی امواج تشکیل دهنده به صورت اتفاقی در هر جهتی قرار می گیرند، لذا احتمال وجود میدان الکتریکی در تمام جهات یکسان است. حال در مواردی لازم است که میدان الکتریکی را فقط در جهت خاصی داشته باشیم. بنابراین باید به طریقی در جهات دیگر میدان را حذف کرده و فقط آن یک جهت را در نظر بگیریم، به این عمل قطبش می گویند [۲۳]. در واقع قطبش یکی از خصوصیات امواج عرضی میباشد که جهت نوسان را در صفحه عمود بر انتشار موج نشان میدهد [۲۴]. در امواج قطبشهای متفاوتی وجود دارد مانند قطبش بیضوی و دایروی و قطبش خطی وجود دارد. اگر مولفه میدان الکتریکی موازی با صفحه انتشار موج باشد آن را با P و اگر عمود باشد با S نمایش میدهند.

¹ Polarization

S - ۵ قطبش - ۲

نور قطبیده که میدان الکتریکی آن عمود بر صفحه انتشار باشد دارای قطبش-S میباشد. در این مورد میدان الکتریکی در جهت x میباشد و معادله موج برای x های جزئی میدان الکتریکی $E_x(z)$ بصورت زیر تعریف میشود:

$$\frac{\partial^2 E_x}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 E_x}{\partial z^2} + \frac{\omega^2 \varepsilon(z)}{c^2} E_x = 0$$
(FY-Y)

میدان الکتریکی یک تابع از z و فاز $exp[i(k_yy + k_zz)]$ است. از آنجا که k_zz یک تابع از z است میتوان با استفاده از معادله (۲–۶۰) میدان الکتریکی را بصورت زیر نوشت.

$$E_x = E(z) \exp\left(\frac{i\omega y \sin\theta_0}{c}\right) \tag{97-7}$$

حال با جایگذاری (۲–۶۳) در (۲–۶۲) و با استفاده از مقدار $\frac{z}{l} - 1 = 3$ داریم:

$$\frac{d^{2}E(z)}{dz^{2}} + \frac{\omega^{2}}{c^{2}} \left(1 - \frac{z}{l} - \sin^{2}\theta_{0}\right) E(z) = 0$$
 (94-7)

در حال حاضر باید جذب لیزر با قطبش S و برخورد مایل را محاسبه کنیم. تابع دیالکتریک با معادله (۲-۵۰) داده شده است، برخلاف آن در بخش قبلی فرکانس برخورد الکترون-یون ثابت فرض شد. برای پروفایل چگالی خطی الکترونی فرکانس برخورد الکترون-یون بصورت زیر میباشد:

$$v_{ei} = v_c \frac{n_e}{n_{ec}} = v_c \frac{z}{l} \tag{6.6}$$

پس رابطه پاشندگی (۲–۵۸) را میتوان بصورت زیر نوشت:

$$k_z^2 = \frac{\omega^2}{c^2} [\varepsilon(z) - \sin^2 \theta_0] \tag{99-1}$$

در نهایت با استفاده از روابط (۲-۵۰) و (۲-۶۵) می توان معادله بالا را بصورت:

$$k_{z} = \frac{\omega}{c} \left[\cos^{2}\theta_{0} - \frac{z}{l\left[1 + i\left(\frac{v_{c}z}{\omega l}\right)\right]} \right]^{\frac{1}{2}} \equiv K_{R} + iK_{I}$$
(FY-T)

نوشت. برای محاسبه ضریب جذب تعریف شده در معادله (۲–۵۵) باید فرض کنیم 1 $\gg rac{v_{ei}}{\omega}$ و همینطور با در نظر گرفتن معادله زیر:

$$E(z) = \frac{E_l}{\varepsilon^{\frac{1}{4}}} \exp\left[\frac{i\omega}{c} \int \sqrt{\varepsilon(\omega,\zeta)} \, d\zeta\right]$$
(۶λ-۲)

که در آن
$$\frac{ck_z}{\omega} = \frac{ck_z}{\omega}$$
 است. پس می توان گفت:
 $|E(z)|^2 \propto exp[-2\int k_I(\zeta) d\zeta]$
(۶۹-۲)

با بسط (۲–۶۷) برای 1 $\gg rac{v_c}{\omega}$ و در نظر گرفتن انتگرال بالا از 0 تا $lcos^2 heta_0$ (بعنوان مثال از مرز پلاسما خلاء به عطف و برگشت به مرز پلاسما خلاء) خواهیم داشت:

$$\frac{|E_{out}(z=0)|^2}{|E_{in}(z=0)|^2} = exp\left\{\frac{4w}{c}\operatorname{Im}\int_0^{l\cos^2\theta_0} d\zeta \left[\left(\cos^2\theta_0 - \frac{\zeta}{l}\right) + i\frac{v_c}{\omega}\frac{\zeta^2}{l^2}\right]^{\frac{1}{2}}\right\} \qquad (\forall \cdot -\forall)$$

که در آن Im قسمت موهومی است. با انجام انتگرال و در نظر گرفتن بخش موهومی، ضریب جذب بصورت زیر خواهد شد:

$$f_a = 1 - \frac{|E_{out}|^2}{|E_{in}|^2} = 1 - exp\left(-\frac{32\nu_c lcos^5\theta_0}{15c}\right) \tag{Y1-Y}$$

این نتیجه برای 0 = 0 در معادله (۲–۲۹) با همان مشخصات چگالی الکترونی هم به دست آمده است. معادله (۲–۷۱) بیشتر اوقات در نوشته ها به منظور درک نتایج تجربی برای جذب تابش ترمزی معکوس در برهمکنش لیزر-پلاسما به کار می رود.

۲-۶ قطبش – P : جذب رزونانسی

نور قطبیده که میدان الکتریکی آن موازی بر صفحه انتشار باشد دارای قطبش-P میباشد. برای قبطش P فرود مایل لیزر به درون پلاسما برای حل معادلهی میدان مغناطیسی مناسب است، که میدان مغناطیسی هم در جهت x میباشد. برای توصیف این موج درون محیط پلاسما به معادلات موج نیاز داریم. پس با استفاده از معادلات ماکسول میتوان معادلات میدانهای الکتریکی و مغناطیسی درون پلاسما را بدست آورد:

$$\vec{\nabla} \times \vec{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \tag{YT-T}$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{B} = \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \tag{VT-T}$$

که در آن $\vec{D} = \epsilon \vec{E}$ جابجایی الکتریکی و z تابع دیالکتریک پلاسما میباشد. با کرل گرفتن از (۲–۷۳) و با توجه به معادله (۲–۷۲) و با فرض اینکه z تابع z است، معادله موج میدان مغناطیسی به شکل زیر به دست میآید:

و با
$$ec{
abla} = -i \frac{\omega}{c} \overrightarrow{
abla} \times \vec{E} = -i \frac{\omega}{c} \overrightarrow{
abla} \times \varepsilon(z) \vec{E}$$

استفاده از اتحاد زیر:

$$\vec{\nabla} \times \phi \vec{F} = \phi \vec{\nabla} \times \vec{F} + (\vec{\nabla} \phi) \times \vec{F}$$

مى توان بصورت زير نوشت:

$$\nabla^2 \vec{B} + \frac{\varepsilon \omega^2}{c^2} \vec{B} + \frac{\nabla \varepsilon}{\varepsilon} \times \left[\vec{\nabla} \times \vec{B} \right] = 0 \tag{Vf-T}$$

میدانیم که در سه بعد بصورت:

$$\vec{\nabla} \times \vec{B} (x, z, t) = \begin{bmatrix} \hat{\iota} & \hat{j} & \hat{k} \\ \frac{d}{dx} & \frac{d}{dy} & \frac{d}{dz} \\ B_x(x, z, t) & B_y(x, z, t) & B_z(x, z, t) \end{bmatrix}$$

$$= \hat{\iota} \left[-\frac{d}{dz} B_y(x, z, t) \right] + \hat{\jmath} \left[\frac{d}{dz} B_x(x, z, t) \right] + \hat{k} \left[\frac{d}{dx} B_y(x, z, t) \right]$$

میباشد. ٤ هم تابعی از z است پس میتوان نوشت:

$$\begin{bmatrix} \left(\frac{d^2}{dz^2}\right) + \frac{\omega^2}{c^2}\varepsilon - \frac{1}{\varepsilon}\frac{d\varepsilon}{dz}\frac{d}{dz} & 0 & 0\\ 0 & \left(\frac{d^2}{dz^2}\right) + \frac{\omega^2}{c^2}\varepsilon - \frac{1}{\varepsilon}\frac{d\varepsilon}{dz}\frac{d}{dz} & 0\\ 0 & 0 & \left(\frac{d^2}{dz^2}\right) + \frac{\omega^2}{c^2}\varepsilon \end{bmatrix} \begin{bmatrix} B_x(x,z,t)\\ B_y(x,z,t)\\ B_z(x,z,t) \end{bmatrix} = 0 \quad (\forall \Delta - \forall)$$

که شبیه به استدلال منجر به معادله (۲-۶۳) میدان مغناطیسی را می توان بصورت زیر تعریف کرد [۲۵]:

$$B_{x} = B(z) \exp\left(\frac{i\omega y \sin\theta_{0}}{c}\right) \tag{19-1}$$

$$\frac{d^2 B(z)}{dZ^2} - \frac{1}{\varepsilon} \frac{d\varepsilon}{dZ} \frac{dB(z)}{dZ} + \frac{\omega^2}{c^2} (\varepsilon - \sin^2 \theta_0) B(z) = 0$$
 (YY-Y)

با استفاده از مقدار \mathfrak{z} در معادله (۲-۵۰) برای $v_{ei}=0$ ، معادله بالا را می وان بصورت زیر بازنویسی کرد:

$$\frac{d^{2}B(z)}{dZ^{2}} + \frac{1}{z-l}\frac{dB(z)}{dZ} - \frac{\omega^{2}}{lc^{2}}\left((z-l) + l\sin^{2}\theta_{0}\right)B(z) = 0$$
(YA-Y)

حال می توان با استفاده از متغییرهای بدون بعد زیر:

$$\zeta = \left(\frac{\omega^2}{lc^2}\right)^{\frac{1}{3}} (z-l) , \qquad \tau = \left(\frac{\omega l}{c}\right)^{\frac{1}{3}} sin\theta_0 = \left(\frac{2\pi l}{\lambda_l}\right)^{\frac{1}{3}} sin\theta_0 \qquad (Y^{q}-Y)$$

معادله (۲-۷۸) را بدون بعد کرد. پس از جایگذاری و محاسبه حاصل بصورت زیر به دست می آید:

$$\frac{d^2B}{d\zeta^2} - \frac{1}{\zeta}\frac{dB}{d\zeta} - (\zeta + \tau^2) = 0 \tag{(λ - T)}$$

که به پارامتر au بستگی دارد. این معادله در $\zeta = 0$ تکین است، بعنوان مثال در نزدیکی سطح بحرانی که در آن $\chi \ll \tau^2$ آن $\chi \ll \tau^2$ بصورت زیر می شود:

$$\frac{d^2B}{d\zeta^2} - \frac{1}{\zeta}\frac{dB}{d\zeta} - \tau^2 = 0 \tag{A1-T}$$

$$B(\zeta) = B_0 \left(1 + \frac{1}{2} \tau^2 \zeta^2 \ln \zeta \right) \tag{AT-T}$$

میباشد که در آن B_0 ثابت است. میدان مغناطیسی $B_x(y,z)$ در نزدیکی سطح بحرانی از معادلات (۲–۶۷)، (۲–۹۷) و (۲–۸۲) به دست میآید:

$$B_{x}(z \rightarrow L, y) = B_{0} \left\{ 1 + \frac{\tau^{2}}{2} \left(\frac{\omega^{2}}{lc^{2}} \right)^{\frac{2}{3}} (z - l)^{2} \left[\frac{1}{3} \ln \left(\frac{\omega^{2}}{lc^{2}} \right) + \ln(z - l) \right] \right\} \times exp\left(\frac{i\omega y sin\theta_{0}}{c} \right)$$
(AT-T)

و همینطور با استفاده از معادلهی:

$$\nabla \times B(r) = -\frac{1}{c}\frac{\partial B}{\partial t} + \frac{4\pi J_e}{c} = \frac{-i\omega\varepsilon E(r)}{c}$$
(Af-T)

میدان الکتریکی هم در سطح بحرانی به دست میآید:

$$E(z \to l, y) = \frac{icl}{\omega(l-z)} \nabla \times B = \frac{icl}{\omega(l-z)} \left(0, \frac{\partial B_{\chi}(y,z)}{\partial z}, \frac{\partial B_{\chi}(y,z)}{\partial y} \right) \Rightarrow \left(0, \ln(z-l), \frac{1}{(l-z)} \right)$$
(AΔ-Y)

پس در حالی که میدان مغناطیسی ثابت است، میدان الکتریکی یک نقطه تکین است، یعنی یک رزونانس در سطح بحرانی است. این تکینگی با میرایی کوچک از موج از بین میرود. بعنوان مثال برخورد الکترون-یون، که معرف یک بخش موهومی در تابع دیالکتریک میباشد. وجود تکینگی در میدان الکتریکی در سطح بحرانی میتواند با معادله ماکسول زیر در محیط دیالکتریک پلاسما شناخته شود:

$$0 = \nabla . (\varepsilon E) = \varepsilon \nabla . E + (\nabla \varepsilon) . E \tag{A9-7}$$

بنابراین، برای
$$arepsilon = arepsilon = arepsilon$$
 میشود:

$$\nabla . E = -\frac{1}{\varepsilon} \frac{\partial \varepsilon}{\partial z} E_z \tag{AV-T}$$

رزونانس تنها برای قطبش P است که در آن میدان الکتریکی در جهت z ازبین نرود، اما تابع دیالکتریک می تواند صفر شود ($^{\circ} = 0$, $\omega = \omega_{pe}$) میدان الکتریکی در عموس است ($^{\circ} = 0$, $\omega = \omega_{pe}$) میدان الکتریکی دارای یک جزء به موازات شیب چگالی است. این میدان باعث جدایی بار بعنوان نوسان الکترون در امتداد شیب است، تغییرات چگالی موج الکترونی با توجه به این اثر داده شده است:

$$\delta n \approx \nabla . E = -\frac{1}{\varepsilon} \frac{\partial \varepsilon}{\partial z} E_z \tag{AA-Y}$$

میتوان دید که برای فرکانس پلاسما برابر با فرکانس لیزر (که در آن 0 = ٤) دارای یک رزونانس در موج پلاسما است. بنابراین، موج پلاسمای الکترون در چگالی بحرانی برای قطبش P لیزر برانگیخته است.

اجازه دهید ثبات این تجزیه تحلیل را چک کنیم. با استفاده از معادله میدان الکترکی در نزدیکی سطح بحرانی (۲-۸۵) داریم:

$$E(z \to l) \approx \frac{1}{(z-l)}$$

$$\delta n_e \approx \nabla . E(z \to l) \approx \frac{1}{(z-l)^2} \approx \frac{E(z \to l)}{\varepsilon(z \to l)}$$
(A9-7)

بنابراین جدایی بار در نزدیکی سطح بحرانی در نوسان با فرکانس پلاسما و برانگیختن موج پلاسمای رزونانسی است. پس جذب لیزر بدون میرایی امکان پذیر است. اتلاف انرژی لیزر توسط برخورد الکترون-یون، یا هر مکانیزم دیگر باعث میشود این مجموعه تابع دیالکتریک شود، امکان پذیر است. شار انرژی [بعد انرژی بصورت:

$$I_{abs} = \int V_{eff} \left(\frac{E^2}{8\pi}\right) dz \tag{9.-1}$$

که در آن V_{eff} فرکانس برخورد مؤثر است و انتگرال که در امتداد مسیر پرتو الکترومغناطیسی است. f_a کسری از انرژی جذب شده است بنابراین بصورت زیر تعریف می شود:

$$f_a = \frac{I_{abs}}{I_l} = \frac{\int V_{eff} E^2 dz}{cE_l^2} \tag{91-7}$$

فصل ٣:

جذب رزونانسی لیزر پالس کوتاه با قطبش p در پلاسمای زیر چگال و در غیاب میدان مغناطیسی

۳–۱ مقدمه

در این فصل به بررسی جذب رزونانسی^۱ در خلال فرود مایل یک موج الکترومغناطیسی شدت بالا با قطبش P و انتشار آن در پلاسمای زیر چگال با طول مشخصه چگالی می پردازیم. میدان الکتریکی را به دو قسمت طولی و عرضی تقسیم کرده و فیزیک جذب رزونانسی را بطور دقیق تر مطالعه خواهیم کرد. نشان خواهیم داد که با افزایش میدان نرخ جذب نیز افزایش پیدا می کند.

۳-۲ جذب رزونانسی

جذب رزونانسی یک جذب تقریبا بدون برخورد است و مربوط به جذب انرژی لیزر توسط ذرات باردار پلاسما است [۲۷-۲۶]. این جذب ناشی از انتشار پرتویی با قطبش مایل درون یک پلاسمای ناهمگن است.

۳-۳ کاربردها

بررسیهای زیادی در مورد شتاب دادن الکترون بر پایه برهمکنش لیزر با پلاسما صورت گرفته است [۲۸]. اولین کارهای شکل گرفته در این زمینه توسط تاجیما^۲ و داوسن^۳ انجام شد [۲۹]. این شتاب دهندهها بر اساس مکانیزم آنها دسته بندی میشوند. یکی از این شتاب دهندهها، شتاب دهنده واکفیلد^۴ است که با استفاده از ایجاد امواج پلاسمایی و میدانهای الکترواستاتیکی ایجاد شده الکترونها را شتاب میدهد [۲۹]. در این نوع شتاب دهندهها الکترون ها بیشترین انرژی که دریافت میکنند Vam200 میباشد [۳۰]. همچنین بررسیهای زیادی در مورد الکترونهای داغ انجام شده است [۲۳–۳۱]. امواج پلاسمایی ایجاد شده توسط فرآیند جذب رزونانسی میتواند باعث افزایش انرژی الکترونها و همچنین تولید انرژی گرمایی شود. یکی از مهمترین کاربردهای برهمکنش لیزر با پلاسما همجوشی به روش محصور سازی لختی است [۳۳].

¹ Resonance Absorption

¹ Tajima

² Dawson

³ Wakefield

۳-۴ معادلات میدان

یک موج الکترومغناطیسی با قطبش p که با زاویه θ_0 بطور مایل به محیط پلاسما با چگالی $n_e(z)$ وارد میشود را در نظر می گیریم. بدون از دست دادن کلیت، میدانیم که راستای انتشار در جهت x و مولفه مماسی وابسته به z میباشد [۳۴].



شکل ۳-۱: شماتیک فرود مایل موج الکترومغناطیسی به درون پلاسمای زیرچگال.

چون موج الکترومغناطیسی بصورت مایل وارد پلاسمای زیر چگال می شود از این رو میدان های مغناطیسی و الکتریکی بصورت:

$$B_{y}(x,z,t) = B_{y}(z)e^{i\omega_{0}t + ik_{0}xsin\theta_{0}}$$
(1- \mathfrak{r})

$$E(x, y, t) = E_x(z) e^{i\omega_0 t + ik_0 x \sin \theta_0} + E_z(z) e^{i\omega_0 t + ik_0 x \sin \theta_0}$$
(Y-Y)

میباشند. پس می توان با استفاده از معادلات (۲-۷۲) و (۲-۷۳) مشابه استدلال معادلهی (۲-۷۷) بدست آورد:

$$\nabla^2 \vec{B} + \frac{\varepsilon \omega^2}{C^2} \vec{B} + \frac{\nabla \varepsilon}{\varepsilon} \times \left[\nabla \times \vec{B} \right] = 0$$

معادله بدست آمده معادله موج در پلاسما میباشد. میدانیم که ٤ تابعی از z است، پس در سه بعد، بعد از کمی محاسبه داریم:

$$\begin{bmatrix} L_1 & 0 & 0 \\ 0 & L_2 & 0 \\ 0 & 0 & L_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} B_x(x, z, t) \\ B_y(x, z, t) \\ B_z(x, z, t) \end{bmatrix} = 0$$
(7-7)

که در آن L_1 و L_2 و L_3 برابر

$$L_{1} = L_{2} = \left(\frac{d^{2}}{dx^{2}} + \frac{d^{2}}{dz^{2}}\right) + k_{0}^{2}\varepsilon - \frac{1}{\varepsilon}\frac{d\varepsilon}{dz}\frac{d}{dz} , \qquad L_{3} = \left(\frac{d^{2}}{dx^{2}} + \frac{d^{2}}{dz^{2}}\right) + k_{0}^{2}\varepsilon$$

$$a_{0} = k_{0}^{2} + k_{0}^{2}\varepsilon$$

$$a_{0} = k_{0}^{2} + k_{0}^{2}\varepsilon$$

$$\frac{d^2 B_y(z)}{dZ^2} - \frac{1}{\varepsilon_1} \frac{d\varepsilon_1}{dZ} \frac{dB_y(z)}{dZ} + k_0^2 (\varepsilon_1 - \sin^2 \theta_0) B_y(z) = 0 \tag{(f-T)}$$

که در آن
$$k_0$$
 بردار موج و $arepsilon$ تابع دی الکتریک برای پلاسمای سرد است.

$$arepsilon = 1 - rac{\omega_{pe}^2}{\omega_0^2 \left(1 + rac{iv}{\omega_0}
ight)}$$

و $\sum_{pe}^{\frac{1}{2}} \left[\frac{4\pi n_e e^2}{m_e} \right]^{\frac{1}{2}}$ فرکانس پلاسمای الکترون میباشد. در ضمن چگالی الکترونها نیز بصورت زیر می باشد [۳۲–۳۲]:

$$n_e = n_{cr} \frac{z}{l}$$

و با استفاده از تغییر متغیرهای زیر [۳۶-۳۵]:

$$v = \frac{c}{\omega_0 LN}$$
, $\tau = (k_0 l)^{\frac{1}{3}} sin \theta_0$, $\xi = z \frac{\omega_0}{c}$.

معادله (۳-۴) را بدون بعد میکنیم:

$$\frac{d^{2}B}{d\xi^{2}} + \frac{V}{1 - V\xi} \frac{dB}{d\xi} + (1 - V\xi - \sin^{2}\theta_{0})B = 0$$
 (Δ-٣)

اکنون با استفاده از معادلات ماکسول و گرفتن کرل از آن معادله میدان الکتریکی را هم به دست میآوریم:

$$\nabla^{2}\vec{E} - \vec{\nabla}\left(\vec{\nabla}.\vec{E}\right) + \frac{\omega^{2}}{c^{2}}\varepsilon\vec{E} = 0 \tag{9-7}$$

$$E_z(z) = \frac{1}{\varepsilon} B_y(z) \sin\theta_0 \tag{Y-T}$$

مؤلفه z میدان الکتریکی کافی است چون تنها مؤلفهی z میدان الکتریکی عمود بر سطح پلاسما بوده و در فرآیند جذب تأثیر گذار میباشد. از سوی دیگر:

$$E_z = -\frac{1}{c} \left(\frac{\partial A_z}{\partial t} - \frac{\partial \varphi}{\partial z} \right)$$

که در آن A_z پتانسیل برداری و φ پتانسیل اسکالر است [۳۷]. پس برای بررسی سادهتر پدیده جذب رزونانسی میدان الکتریکی را به دو بخش عرضی و طولی تقسیم میکنیم، در نتیجه:

$$E_z = E_{zt} + E_{zl} \tag{A-r}$$

که در آن $E_{zt} = -\frac{\partial \varphi}{\partial t}$ مؤلفه الکترومغناطیسی مرتبط با موج لیزر است در حالی که $E_{zl} = -\frac{\partial \varphi}{\partial t}$ مؤلفه الکتروستاتیکی مرتبط با موج الکترونی پلاسما است [۳۴].

با استفاده از معادله (۳–۲) وجایگذاری آن در معادله (۳–۶) خواهیم داشت:

$$rac{d^2 E_z(x,z)}{dZ^2} + rac{d^2 E_z(x,z)}{dX^2} + k_0^2 B_y(z) sin heta_0 = 0$$
با دو بار مشتق گیری از (۳–۲) نسبت به x و اینکه E_{zt} هم غالب است به دست میآید:

$$\frac{d^2 E_{zt}}{dz^2} - E_{zt} k_0^2 \sin^2 \theta_0 = -k_0^2 B_y(z) \sin \theta_0 \tag{9-7}$$

در اینجا B_y توسط معادله (۳–۴) داده شده است، که می توان با قرار دادن آن در معادله بالا E_{zt} را به دست

آورد.

۳-۵ حل عددی معادلات میدان

معادلات (۵–۵) و (۳–۹) به روش عددی حل شد و تغییرات میدانهای الکتریکی و مغناطیسی بر حسب z و زاویههای مختلف رسم شده است:



شکل۳-۲ (الف) : میدانهای نرمال شده مغناطیسیB_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خطچین) و طولی (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 15$.



شکل۳-۲ (ب) : میدانهای نرمال شده مغناطیسی ${
m B}_{
m y}$ (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی ${
m E}_{
m zt}$ (دونقطه-خطچین) و طولی ${
m E}_{
m z}$ (ب) : میدانهای نرمال شده مغناطیسی ${
m B}_{
m y}$ (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و ${
m \theta}_0=23$.



شکل۳-۲ (ج) : میدانهای نرمال شده م**غ**ناطیسیB_y (منحنّی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خطچین) و طولی E_{zl} (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و [°]0 = 0 .



شکل۳-۲ (د) : میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خطچین) و طولی B_y (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 40^\circ$.

از معادله (۳–۴) و (۳–۶) در مییابیم که در ناحیه خلاء (1 = ٤) میدانهای الکتریکی و مغناطیسی به شکل سینوسی میباشد. بسته به نوع توزیع چگالی شکل تغییرات میدانها از شکل آنها در خلاء انحراف پیدا می کنند. در محیط پلاسما (1 > ٤) این منحنیها نشان میدهند که تغییرات میدانهای الکتریکی و مغناطیسی از حالت سینوسی خارج شده و غیر سینوسی میباشند و در مییابیم که مولفه طولی و عرضی میدان الکتریکی نسبت به هم مکمل هستند و به اندازه $(2/\pi)$ اختلاف فاز دارند. از معادله (۲–۲) در مییابیم که در Z=Lنسبت به هم مکمل هستند و به اندازه E_{z1} اختلاف فاز دارند. از معادله (۳–۲) در مییابیم که در این نسبت به میمد میدان الکتریکی و میداند در این نقطه ω_p ها ست و تشدید در این ناحیه رخ میدهد. دامنه میدان الکتریکی عرضی کاهش پیدا کرده و در ناحیه $n_{cr} < n_{cr}$ به سمت صفر میل

۳-۶ نرخ جذب

رابطه نرخ جذب بصورت زیر بیان شده است [۳۹-۲۲]:

$$f_a = \frac{v}{8\pi I_l} \int_{-\infty}^{+\infty} |E_{zl}|^2 dz \tag{1.-7}$$

از این رو با توجه به نوسانات موج پلاسما E_{zl} می توان نرخ جذب f_a را نیز به دست آورد. بطوریکه I_l و v به ترتیب شدت لیزر و نرخ برخورد میباشند.



شکل ۳-۳ : نرخ جذب بر حسب ۲

همانطور که در شکل (۳–۳) مشاهده می شود ماکزیمم نرخ جذب برای این توزیع $\tau = 0.67 = \tau$ که متناظر با $\theta_0 = 23^{\circ}$ است. در این مقدار τ ، جذب به بیشینه مقدار خود رسیده است. سپس با افزایش زاویه نسبت به زاویه بهینه جذب کاهش پیدا کرده و به صفر میل می کند. نتایج بدست آمده از حل عددی معادلهی (۳–۱۰۰)

با انتظارات ما در مورد نرخ جذب در توافق میباشد. دلیل فیزیکی آن را میتوان اینگونه بیان کرد که \mathfrak{S} در معادله (۳–۴) در برخی جاها صفر میشود، وقتی \mathfrak{S} صفر شود میدان مغناطیسی افزایش پیدا میکند که با افزایش میدان مغناطیسی میدانهای F_{zt} و F_{zt} نیز افزایش پیدا می کنند. F_{zl} که افزایش پیدا کند یعنی دامنه میدان زیاد شده که در نتیجه آن مقداری انرژی جذب میشود و نرخ جذب نیز افزایش پیدا می کند. همینطور میدان ریاد شده که در نتیجه آن مقداری انرژی جذب میشود و نرخ جذب نیز افزایش پیدا می کند. همینطور میدان زیاد شده که در نتیجه آن مقداری انرژی جذب میشود و نرخ جذب نیز افزایش پیدا می کند. همینطور افزایش پیدا کرده که در نتیجه آن مقداری انرژی جذب میشود و نرخ جذب نیز افزایش پیدا می کند. همینطور می توان گفت بواسطه جذب انرژی بعضی از الکترونها داخل پلاسما گرم میشوند و درنتیجه انرژی سیسیتم افزایش پیدا کرده که موجب افزایش پارامتر جذب میشود.

فصل ۴:

جذب رزونانسی لیزر پالس کوتاه با قطبش p در

پلاسمای زیر چگال و در حضور میدان مغناطیسی همگن

و ناهمگن

۴-۱ میدان مغناطیسی

یک میدان مغناطیسی اثر مغناطیسی جریانهای الکتریکی و مواد مغناطیسی میباشد [۴۰]. میدان مغناطیسی یک میدان برداری است و از این رو میتوان میدان مغناطیسی را در هر نقطه با اشاره به جهت و مقدار برداری آن مشخص نمود [۴۱]. به بیان سادهتر میدان مغناطیسی حاصل تاثیر دو میدان الکتریکی (مثلا دو بار مثبت و منفی) بر روی هم است که منجر به درست شدن یک میدان مغناطیسی میشود.

۴-۲ میدان مغناطیسی همگن و ناهمگن

میدان مغناطیسی یکنواخت سادهترین شکل میدان است، در چنین میدانی شدت و جهت میدان در ناحیهای از فضا تغییر نمی کند، البته به راحتی نمی توان میدان مغناطیسی یکنواخت را برای ناحیهای بزرگ به وجود آورد، اما ناحیهای بین دو قطب مغناطیسی تخت را می توان با تقریب خوبی یکنواخت دانست، مشروط بر اینکه فاصله بین دو قطب در مقایسه با ابعاد آنها بسیار کوچک باشد [۴۳-۴۲]. در نواحی لبه قطبها، میدان انحناء داشته و دیگر یکنواخت نیست. پس میدان فقط در نواحی که به لبه نزدیک نیستند یکنواخت است، این موضوع شبیه میدان الکتریکی بین دو صفحه موازی (خازن) می باشد.

۴–۳ تابع دیالکتریک پلاسمای سرد با میدان مغناطیسی همگن

اکنون به بررسی تاثیر میدان مغناطیسی بر روی نرخ جذب می پردازیم. برای این کار ابتدا تابع دی الکتریک پلاسمای سرد را بدست می آوریم، با استفاده از معادلات پیوستگی و حرکت [۴۴]:

$$-i\omega n_{\alpha 1} + n_{\alpha 0} \nabla . V_{\alpha 1} = 0 \tag{1-F}$$

$$-i\omega V_{\alpha 1} = \frac{q_{\alpha}}{m_{\alpha}} (E_1 + V_{\alpha 1} \times B_0) \tag{(7-f)}$$

و معادلات ماكسول:

$$\nabla \times E_1 = i\omega B_1 \tag{(7-4)}$$

$$\nabla \times B_1 = -i\omega E_1 + 4\pi \sum q_\alpha n_{\alpha 0} V_{\alpha 1} \tag{(f-f)}$$

$$\nabla \times B_1 = \varepsilon. E_1(-i\omega) \tag{2-4}$$

با کمی محاسبه و ساده سازی به تابع دی الکتریک ٤ زیر میرسیم:

$$\varepsilon = \begin{bmatrix} \varepsilon_1 & i\varepsilon_2 & 0\\ -i\varepsilon_2 & \varepsilon_1 & 0\\ 0 & 0 & \varepsilon_3 \end{bmatrix}$$
(9-4)

$$\varepsilon_1 = 1 - \frac{\omega_{p\alpha}^2}{\omega^2 - \omega_{c\alpha}^2} \tag{Y-F}$$

$$\varepsilon_2 = -\sum \frac{\omega_{p\alpha}^2 \omega_{c\alpha}}{\omega(\omega^2 - \omega_{c\alpha}^2)} \tag{A-F}$$

$$\varepsilon_3 = 1 - \frac{\omega_{p\alpha}^2}{\omega^2} \tag{9-4}$$

پس شکل بدون بعد ٤٦ بصورت زير مي باشد:

$$\varepsilon = 1 - V\xi\left(\frac{1}{1 - \alpha^2}\right) \tag{1.-4}$$

که در آن $lpha = inom{\omega_{ce}}{\omega}$ میباشد.

اکنون معادله (۴–۱۰) را در معادله (۳–۴) قرار میدهیم:

$$\frac{d^{2}B}{d\xi^{2}} - \frac{V}{1 - V\xi} \frac{dB}{d\xi} - \left(1 - V\xi(\frac{1}{1 - \alpha^{2}}) - \sin^{2}\theta_{0}\right)B = 0$$
(1)-4)

۴-۴ حل عددی

ابتدا ₁ را در معادله (۳–۴) جایگذاری می کنیم و با تغییر متغیرهای ذکر شده آن را بدون بعد کرده که بصورت معادله (۴–۱۱) ظاهر شده است و سپس بصورت عددی حل نمودهایم و تغییرات میدانهای الکتریکی و مغناطیسی بر حسب z و زاویههای مختلف رسم شده است:



 E_{zl} شکل۴-۱: میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خطچین) و طولی E_{zl} (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 15^\circ$ و $\alpha = 0.2$



 E_{zl} شکل۴-۲: میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خطچین) و طولی E_{zl} : (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 15^\circ$ و $\theta_0 = 0.4$



 E_{zl} شکل۴-۳: میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خطچین) و طولی E_{zl} (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 15^\circ$ و $\theta_0 = 0.6$



 E_{zl} شکل۴-۴: میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خطچین) و طولی E_{zl} (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 23^\circ$ و $\alpha = 0.2$



 ${
m E_{zl}}$ شکل۴-۵: میدانهای نرمال شده مغناطیسی ${
m B_y}$ (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی ${
m E_{zt}}$ (دونقطه-خطچین) و طولی ${
m B_y}$. (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و ${
m heta_0}=0.4$ و ${
m heta_0}=0.4$



 E_{zl} شکل۴-۶: میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خطچین) و طولی E_{zl} (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 23^\circ$ و $\theta_0 = 0.6$



 ${
m E_{zl}}$ شکل۴-۷: میدانهای نرمال شده مغناطیسی ${
m B_y}$ (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی ${
m E_{zt}}$ (دونقطه-خطچین) و طولی ${
m E_{zl}}$ (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و ${
m heta_0}=0.0$ و ${
m heta_0}=0.2$



 ${
m E_{zl}}$ شکل۴-۸: میدانهای نرمال شده مغناطیسی ${
m B_y}$ (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی ${
m E_{zt}}$ (دونقطه-خطچین) و طولی ${
m A}_{zl}$: (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و ${
m heta}_0=0.6$ و ${
m heta}=0.4$



 E_{zl} شکل۴-۹: میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خطچین) و طولی B_y (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 30^\circ$ و $\theta_0 = 0.6$



 E_{zl} شکل۴–۱۰: میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خطچین) و طولی E_{zl} (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 40^\circ$ و $\alpha = 0.2$


 E_{zl} شکل۴–۱۱: میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه–خطچین) و طولی a_z (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 40^\circ$ و 0.4 = 0.4



 E_{zl} شکل۴–۱۲: میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه–خطچین) و طولی $\alpha = 0.6$ (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 40^\circ$ و $\theta_0 = 0.6$

در شکلهای بالا میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y ، الکتریکی عرضی E_{zt} و طولی E_{z1} برای مختصه چگالی خطی بر حسب z را برای زاویههای مختلف و (0.2,0.4,0.6) = α رسم کرده ایم، همانطور که مشاهده می کنید با افزایش α و $_00$ ، میدانهای مغناطیسی و الکتریکی افزایش پیدا کردهاند. میدان الکتریکی E_{z1} در $2.0 = \alpha$ به سمت منفی محور است و با افزایش α به سمت مثبت محور تغییر جهت داده است که نشان دهنده افزایش میدان الکتریکی طولی میباشد. دلیل فیزیکی این افزایش را اینگونه میتوان بیان کرد که با افزایش α فرکانس سیکلوترونی افزایش پیدا می کند $(\omega^{-2}) = \alpha$ و درنتیجه تابع دی الکتریک پلاسمای سرد کاهش پیدا می-کند. از آنجایی که گذردهی دی الکتریک با توجه به معادله (۳-۷) در مخرج میباشد انتظار داریم در نزدیکی سطح بحرانی مقدار میدان افزایش یابد در نتیجه E_{zt} و E_{zt} نیز افزایش پیدا میکند.





۴–۵ تابع دیالکتریک پلاسمای سرد با میدان مغناطیسی ناهمگن

تابع دی الکتریک با میدان مغناطیسی ناهمگن نیز مشابه حالت همگن می باشد. با این تفاوت که در ناهمگن w_{ce} وابسته به z می باشد w_{ce}

لیزر تقسیم می شود که بصورت B = B₀ + B₁ بیان میشود [۴۶]. میدان مغناطیسی ناهمگن را به دو حالت زیر در نظر میگیریم [۴۸-۴۷]:

$$B_0 = B_0 \sin\xi \tag{17-F}$$

$$B_0 = B_0 tanh\xi \tag{17-f}$$

معادله (۳-۴) با توجه به تقسیم میدان مغناطیسی به دو قسمت میدان زمینه و میدان ناشی از لیزر بصورت :

$$\frac{d^{2}B_{0}}{d\xi^{2}} + \frac{d^{2}B_{1}}{d\xi^{2}} + \frac{V}{1 - V\xi} \left[\frac{dB_{0}}{d\xi} + \frac{dB_{1}}{d\xi} \right] + (1 - V\xi - \sin^{2}\theta_{0})(B_{0} + B_{1}) = 0 \quad (1 - \xi)$$

می باشد. معادله (۴–۱۴) را مشابه قبل بصورت عددی حل کرده و تغییرات میدان های مغناطیسی و الکتریکی در زوایای مختلف بصورت زیر رسم شده است. با توجه به معادله (۴–۱۲) تغییرات میدان ها بصورت :



 E_{zl} شکل۴–۱۴: میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خطچین) و طولی B_y (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 15^\circ$ و $B_0 = B_0 sin\xi$.





 E_{zl} شکل۴-1۶: میدان های نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خطچین) و طولی B_y (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 30^\circ$ و $B_0 = B_0 sin \xi$.



 ${
m E_{zl}}$ شکل۴–۱۷: میدانهای نرمال شده مغناطیسی ${
m B_y}$ (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی ${
m E_{zt}}$ (دونقطه–خطچین) و طولی ${
m E_{zl}}$ (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و ${
m heta_0} = {
m heta_0}$ و ${
m B_0} = {
m B_0} sin \xi$

میباشد. در شکلهای بالا میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y ، الکتریکی عرضی E_{zt} و طولی E_{zt} برای مختصه چگالی خطی بر حسب z را با در نظر گرفتن $B_1 = B_0 + B_1$ و با استفاده از معادله (۴–۱۲) برای میدان مغناطیسی ناهمگن برای زاویههای مختلف رسم کردهایم. همانطور که مشاهده می کنید با افزودن میدان مغناطیسی ناهمگن برای زاویههای مختلف رسم کردهایم. همانطور که مشاهده می کنید با افزودن میدان مغناطیسی ناهمگن برای زاویههای مختلف رسم کردهایم. همانطور که مشاهده می کنید با افزودن میدان مغناطیسی ناهمگن $B_0 = B_0$ و افزایش 0 نیز میدانهای مغناطیسی و الکتریکی دوباره افزایش پیدا مغناطیسی ناهمگن آمد. اگر حالتهای معتلف رسم کردهایم. همانطور که مشاهده می کنید با افزودن میدان مغناطیسی ناهمگن آمده که دوباره افزایش و الکتریک دوباره افزایش پیدا مشاهده می کنیم که در حالت میدان مغناطیسی همگن را با حالتی که میدان مغناطیسی ناهمگن است مقایسه کنیم مشاهده می کنیم که در حالت میدان ناهمگن قدرت میدان B_0 بیشتر از حالت میدان همگن است و دامنه آن بیشتر شده است. پس باید دامنه میدانهای الکتریکی ما نیز افزایش پیدا کنید در نتیجه جذب نیز افزایش پیدا میکند. با توجه به میدانهای الکتریکی و مغناطیسی ناخ جذب برای این حالت نیز میدانهای الکتریکی و مغناطیسی ناخ خذب برای این حالت نیز بصورت زیر تغییر میکند:



 $B_0 = B_0 sin\xi$ شکلH-۴: نرخ جذب برای

همانطور که در شکل (۴–۱۸) مشاهده میشود ماکزیمم برای نرخ جذب برای این توزیع 0.6 = τ که متناظر با $(-16.17)^{\circ} = -0$ میباشد. در این حالت جذب به بیشینه مقدار خود رسیده است و با افزایش زاویه نسبت به زاویه بهینه جذب کاهش پیدا کرده و به سمت صفر میل می کند. به نظر می سد چون در این مساله الکترون ها در حال داغ شدن هستند گذردهی دی الکتریک را باید بصورت وابستگی گرمایی در نظر بگیریم، اما باید در نظر داشت که برهمکنش مربوط به موج الکترومغناطیسی با الکترون ها مانند برخوردی نیست که باعث بوجود آمدن گرما شود بلکه هنگامی که موج الکترومغناطیسی با الکترون ها مانند برخوردی نیست که باعث بوجود الکترومغناطیسی به الکترون ها منتقل شده و باعث گرم شدن آنها میشود و مطابق با شکل بالا انرژی جذب شده توسط الکترون ها در نقطه ماکزیمم تقریبا نصف انرژی موج الکترومغناطیسی میباشد و این گرم شدن از نوع برهمکنش لیزر-پلاسما میباشد. با توجه به معادله (۴–۱۳) نیز تغییرات میدان ها به شکل زیر میباشد:



 E_{zl} شکل۴–۱۹: میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه–خطچین) و طولی E_{zl} (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 15^\circ$ و $B_0 = B_0 tanh$



 E_{zl} شکل۴-۲۰: میدان های نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خطچین) و طولی E_{zl} (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 23^\circ$ و $\theta_0 = B_0 tanh$



 E_{zl} شکل۴–۲۱: میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه–خطچین) و طولی E_{zl} (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 30^\circ$ و $B_0 = B_0 tanh$



 E_{zl} شکل۴-۲۲: میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y (منحنی خطچین)، الکتریکی عرضی E_{zt} (دونقطه-خطچین) و طولی E_{zl} (منحنی توپر) برای مختصه چگالی خطی بر حسب z و $\theta_0 = 40^\circ$ و $B_0 = B_0 tanh$

E_{zt} در این قسمت نیز با استفاده از معادله (۴–۱۳) میدانهای نرمال شده مغناطیسی B_y، الکتریکی عرضی E_{zt} و طولی ایت قبل او طولی E_{zl} برای مختصه چگالی خطی بر حسب z را برای زاویههای مختلف رسم کردهایم و مطابق قبل میدانها افزایش پیدا کردهاند. نرخ جذب نیز برای این حالت بصورت زیر تغییر میکند:



 $B_0 = B_0 tanh \xi$ شکل4-۳۳: نرخ جذب برای

در شکل بالا نیز ماکزیمم برای نرخ جذب برای این توزیع 0.6 $= \tau$ که متناظر با $^{\circ}$ 16.17 $= _{0}$ میباشد. با توجه به اینکه در حالت میدان مغناطیسی ناهمگن دامنه میدانها افزایش پیدا کرده نرخ جذب نیز افزایش پیدا کرده است. در حالت همگن بیشترین دامنه ۰٫۴۷، برای حالت ناهمگن با توجه به شکل (۴–۱۸) دامنه ۰٫۴۸ و با توجه به شکل (۴–۲۳) دامنه ۰٫۴۹ میباشد که رشد نرخ جذب را نشان میدهد. در حالت کلی با توجه به تمام مطالبی که دربالا گفته شد نرخ جذب برای حالت عدم حضور میدان مغناطیسی خارجی و در حضور میدان مغناطیسی خارجی همگن و ناهمگن بصورت زیر میباشد.



شکل۴-۲۴: نرخ جذب برای حالتهای در حضور و عدم حضور میدان مغناطیسی خارجی همگن و ناهمگن

فصل3: نتیجه گیری

۵-۱ نتیجهگیری

در فصل دوم این پژوهش با استفاده از معادلات ماکسول به بررسی برهمکنش یک موج الکترومغناطیسی فرکانس بالا با یک پلاسمای غیر برخوردی و غیر همدما پرداختیم. توزیع الکترونی را به دست آورده و سپس دیفرانسیل غیر خطی و معادله انتگرالی برای میدان الکتریکی را نیز به دست آوردیم و رفتار میدانهای الکتریکی و مغناطیسی را درون پلاسما مورد بررسی قرار دادیم. نشان دادیم که تغییرات میدانهای الکتریکی و مغناطیسی از حالت سینوسی خارج شده و غیر سینوسی است.

در فصل سوم نیز با استفاده از معادلات ماکسول، معادلات میدانهای مغناطیسی و الکتریکی را به دست آورده و به بررسی جذب رزونانسی در خلال فرود مایل یک موج الکترومغناطیسی شدت بالا با قطبش-P و انتشار آن در پلاسمای زیر چگال با طول مشخصه چگالی پرداختیم.

میدان الکتریکی را به دو بخش عرضی (وابسته به لیزر) و طولی (وابسته به موج الکترونی پلاسما) تقسیم کردیم، سپس به روش حل عددی تغییرات میدانهای الکتریکی و مغناطیسی بر حسب z را برای زاویههای مختلف رسم کردیم و با استفاده از نوسانات موج پلاسما E_{zl}، نرخ جذب را به دست آوردیم.

در فصل چهارم بار دیگر با استفاده از معادلات ماکسول و افزودن یک میدان مغناطیسی خارجی مشابه فصل سوم به بررسی جذب رزونانسی پرداختیم.

تابع دیالکتریک پلاسمای سرد با میدان مغناطیسی (همگن و ناهمگن) را به دست آورده و تغییرات میدانهای الکتریکی و مغناطیسی را رسم کردیم. با استفاده از تغییرات میدانها نرخ جذب را نیز برای حالت حضور میدان مغناطیسی خارجی (همگن و ناهمگن) به دست آوردیم. در آخر نرخ جذب را برای تمام حالتها رسم کردیم. همانطور که مشاهده شد در حالت عدم حضور میدان مغناطیسی خارجی ماکزیمم نرخ جذب با ۲۰۵۲ = ۲ که متناظر با زاویه بهینه ^{°2}23 = $_0$ ، دارای دامنه ۲٫۴۵ است، و در حضور میدان مغناطیسی خارجی همگن تا دامنه ۰٫۴۷ افزایش مییابد. در حالت حضور میدان مغناطیسی خارجی ناهمگن ماکزیمم نرخ جذب با ۲ 0.6 که متناظر با زاویه بهینه ${}^{\circ}$ 16.17 = ${}_{0}\theta_{0}$ است. برای ${}^{\circ}B_{0} = B_{0}sin\xi$ دامنه نرخ جذب به ۰٫۴۸ رسیده و برای حالت ${}^{\circ}B_{0} = B_{0}tanh\xi$ دامنه تا ۰٫۴۹ افزایش یافته است. پس میتوان گفت با افزودن یک میدان مغناطیسی خارجی نرخ جذب به شکل قابل توجهی افزایش مییابد.

۵–۲ پیشنهادات

- بررسی اثر نیروی پاندرموتیو در جذب رزونانسی.
 - بررسی اثرات گرمایی در جذب رزونانسی.
- شبیه سازی جذب رزونانسی با استفاده از روش ذره در جعبه.

[1] Browning, P. K..(2005)."Introduction to Plasma Physics: With Space and Laboratory Applications ". Cambridge, UK: Cambridge University Press. pp. 138.

[2] Luo, Q. Z., D'angelo, N., & Merlino, R. L. (1998). "Department of Physics and Astronomy".5 (8).

[3] Walt, Martin . (2005). "Introduction to Geomagnetically Trapped Radiation". Cambridge; New York: Cambridge University Press.

[4] Meyer-Vernet, Nicole. (2007). "Basics of the Solar Winds". Cambridge University Press.
[5] Russel, W.B., Saville, D.A. and Schowalter, W. R . (1989). "Colloidal Dispersions". Cambridge University Press.

[6] Chen, F.F.(2006). "introduction to plasma physics and controlled fusion".springer.

[7] Muller, P. (1994). "Glossary of terms used in physical organic chemistry". Pure and Applied Chemistry, 66(5),pp. 1077-1184.

[8] S. Eliezer, (2002). "The Interaction of High-Power Lasers With Plasmas". Institute of Physics, Bristol.

[9] Wilson, J. and Hawkes, (**1987**). "J.F.B. Lasers: Principles and Applications", **Prentice Hall Publications**.

[10] O'Shea, D.C., Callen, W.R., and Rhodes, W.T. (1977). "Introduction to Lasers and their Applications", Addison-Wesley Publishing Company, Inc.Philippines.

[11] Letokhov, V.S., Shank, C.V., Shen, Y.R., and Walther, H. (1991). "Interaction of Intense Laser Light with Free Electrons", M.V. Fedorov; Laser Science and Technology and International Handbook, Harwood Academic Publishers GmbH, Switzerland.

[12] Steen, W. M. (1991). "Laser Safety". In Laser Material Processing .pp. 244-252.

[13] Kim, K., Lee, S., & Delfyett, P. J. (2005). "1.4 kW high peak power generation from an all semiconductor mode-locked master oscillator power amplifier system based on eXtreme Chirped Pulse Amplification (X-CPA)". **Optics Express**, 13(12), pp. 4600-4606.

[14] Shokri, B., & Niknam, A. R. (2006)." Nonlinear structure of the electromagnetic waves in underdense plasmas". Physics of plasmas, 13(11), pp. 113110.

[15] Gaponov, A. V., & Miller, M. A. (**1958**). "Potential wells for charged par-ticels in a high-frequency electero-magnetic field.". **34**, pp. **242**.

[16] Attix, F. H. (2008). "Introduction to radiological physics and radiation dosimetry". John Wiley & Sons. pp. 210.

[17] Baumgärtel, K., & Sauer, K. (**1987**). "Strongly nonlinear stationary waves. In Topics on Nonlinear Wave-Plasma Interaction". **Birkhäuser Basel.** pp. **173-190**.

[18] S. Eliezer, (2002). "The interaction of high-power lasers with plasmas". CRC press. pp. 75.

[19] Yee, K. (1966). "Numerical solution of initial boundary value problems involving Maxwell's equations in isotropic media". IEEE Transactions on antennas and propagation, 14(3), pp. 302-307.

[20] Weibel, E. S. (1959)." Spontaneously growing transverse waves in a plasma due to an anisotropic velocity distribution". Physical Review Letters, 2(3), pp. 83.

[21] Eliezer, S. (2002). "The interaction of high-power lasers with plasmas". CRC press. pp.77.

[22] W. L. Kruer, (1988). "The Physics of Laser Plasma Interactions". Addison-Wesley, New York.

[23] King-Smith, R. D., & Vanderbilt, D. (1993). "Theory of polarization of crystalline solids".Physical Review B, 47(3), pp. 1651.

[24] Muthupillai, R., Rossman, P. J., Lomas, D. J., Greenleaf, J. F., Riederer, S. J., & Ehman,
R. L. (1996). "Magnetic resonance imaging of transverse acoustic strain waves". Magnetic Resonance in Medicine, 36(2), pp. 266-274.

[25] S. Eliezer. (2002). "The interaction of high-power lasers with plasmas". CRC press. pp.95.

[26] Grimes, M. K., Lee, Y. S., Rundquist, A. R., & Downer, M. C. (2000). "Experimental identification of "vacuum heating" at femtosecond-laser-irradiated metal surfaces''. In High-Field Science (pp. 61-72). [27] Kieffer, J. C., Audebert, P., Chaker, M., Matte, J. P., Pepin, H., Johnston, T. W. & Bado,
P. (1989). "Short-pulse laser absorption in very steep plasma density gradients". Physical review letters, 62(7), pp. 760.

[28] E. Esarey, P. Sprangle, J. Krall, and A. Ting. (1996)." IEEE Trans". Plasma Sci. 24, pp. 252.

[29] Tajima, T., & Dawson, J. M. (**1979**). "Laser electron accelerator". **Physical Review** Letters, **43**(4),pp **267**.

[30] Malka, V., Fritzler, S., Lefebvre, E., Aleonard, M. M., Burgy, F., Chambaret, J. P., ... & Najmudin, Z. (2002). "Electron acceleration by a wake field forced by an intense ultrashort laser pulse. **Science**, **298**(**5598**),pp. **1596-1600**.

[31] P. Gibbon and E. F"orster. (1996)." Plasma Phys". Contr. F. 38, pp. 769.

[32] H. Schwoerer, P. Gibbon, S. D["]usterer, R. Behrens, C. Ziener, C. Reich, and R. Sauerbrey.(2001). Phys. Rev. Lett. 86, pp. 2317.

[33] Meyer-ter-Vehn, J., Atzeni, S., & Ramis, R. (1999). "Inertial confinement fusion". Europhysics news, 29(6),pp. 202-205.

[34] Cai, H. B., Yu, W., Zhu, S. P., Zheng, C. Y., Cao, L. H., Li, B., ... & Bogerts, A. (2006).
"Short-pulse laser absorption in very steep plasma density gradients". Physics of plasmas, 13(9), pp. 94504.

[35] Yu, W., & Zhang, J. (**1997**). "An estimate of resonance absorption of picosecond laser pulses by fibre targets". **Optics communications**, **134**(**1-6**), pp. **91-94**.

[36] Kruer, W. L. (1988). "The physics of laser plasma interactions".

[37] Cai, H. B., Yu, W., Zhu, S. P., Zheng, C. Y., Cao, L. H., & Pei, W. B. (2006)." Vacuum heating in the interaction of ultrashort, relativistically strong laser pulses with solid targets". Physics of plasmas, 13(6), pp. 63108.

[38] Hong-bo Cai, Wei Yu, Shao-ping Zhu, Chun-yang Zheng, (2006). Physics of Plasmas (1994-present) 13, pp. 94504.

[39] Cai, H. B., Yu, W., Zhu, S. P., & Zheng, C. Y. (2006)." Short-pulse laser absorption via J× B heating in ultrahigh intensity laser plasma interaction". Physics of plasmas, 13(11), pp. 113105.

[40] Petschek, H. E. (1964). "Magnetic field annihilation". NASA Special Publication, 50, pp.425.

[41] Chernyshov, A., Overby, M., Liu, X., Furdyna, J. K., Lyanda-Geller, Y., & Rokhinson, L.
P. (2009). "Evidence for reversible control of magnetization in a ferromagnetic material by means of spin–orbit magnetic field". Nature Physics, 5(9), pp. 656-659.

[42] Hong, F. T., Mauzerall, D., & Mauro, A. (1971)." Magnetic anisotropy and the orientation of retinal rods in a homogeneous magnetic field". Proceedings of the National Academy of Sciences, 68(6), pp. 1283-1285.

[43] Galsgaard, K., & Nordlund, Å. (1996)." Heating and activity of the solar corona: 1.
Boundary shearing of an initially homogeneous magnetic field". Journal of Geophysical Research: Space Physics, 101(A6), pp. 13445-13460.

[44] Wu, Z. (2010). PhD. Thesis."Quantum corrections for fundamental plasma behaviors". Doctoral dissertation, City University of Hong Kong.

[45] Krall, N. A., Trivelpiece, A. W., & Gross, R. A. (1973). "Principles of plasma physics".American Journal of Physics, 41(12), pp. 1380-1381.

[46] Isichenko, M. B., & Petviashvili, N. V. (**1995**)." Ergodic mixing for turbulent drift motion in an inhomogeneous magnetic field". **Physics of Plasmas**, **2**(**10**), pp. **3650-3654**.

[47] Huba, J. D., Gladd, N. T., & Papadopoulos, K. (**1977**)." The lower-hybrid-drift instability as a source of anomalous resistivity for magnetic field line reconnection". **Geophysical Research Letters**, **4**(3), pp. **125-128**.

[48] Khalil, S. H., Sayed, Y. A., Amein, W. H., & Mahdy, A. I. (**1994**)." Nonlinear wave generation by laser plasma interaction in an oscillating inhomogeneous magnetic field". Arab Journal of Nuclear Sciences and Applications, **27**(3), pp. **195-209**.

Abstract:

The interaction of short pulsed laser with a solid body has become an important part of studies due to its many applications. Some of these applicationsr X-ray source, plasma particle accelerator, fast ion and fusion generation by inertial encapsulation, and etc. In such cases, non-linear effects will be very important, because it is the effects of high-intensity laser.

In this study, with taking into acont Maxwell's equations and using hydrodynamic equations, behavior of high-frequency electromagnetic waves in plasma and under dense non-contact and non-magnetic studied and related charts have been drawn. Then we studied the emission of a P-pepolars electromagnetic wave in a sub-dense plasma, and obtained an optimum angle and absorption rate, and plotted changes in the electric and magnetic fields.

Followed by adding an external magnetic field (homogeneous and heterogeneous) to check these behavior is discussed and plotted the diagrams of the changes in the electric and magnetic fields, as well as the absorption rate. We have shown that external magnetic field on the fields affected and they will increase and therefore the absorption rate is also increased.

Keywords: the dense plasma, resonance absorption, external magnetic field.



Shahrood University of Technology Faculty of Physics and Nuclearm Engineering M.Sc. Thesis in Atomic and Molecular physics

Effect of External Magnetic Field on Resonance Absorption in Laser-Plasma Interaction

Hossien Gorouie

Supervisors:

Dr. Mehdi momeni Dr. Mojtaba Hashemzadeh

September 2017